

**Exercício 1**

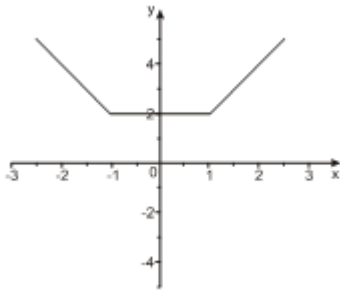
(G1 - cftmg 2017) Seja $f(x)$ uma função real. O gráfico gerado pelo módulo dessa função, $|f(x)|$,

- nunca passará pela origem.
- nunca passará pelo 3° ou 4° quadrante.
- intercepta o eixo x somente se $f(x)$ for do primeiro grau.
- intercepta o eixo y somente se $f(x)$ for do segundo grau.

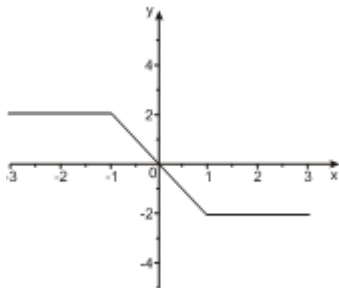
Exercício 2

(Pucrj 2014) Considere a função real $f(x) = |x + 1| + |x - 1|$. O gráfico que representa a função é:

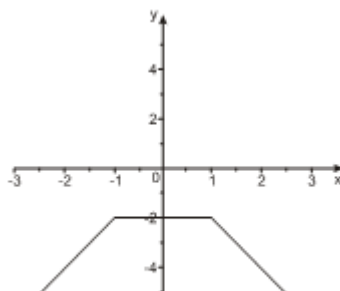
a)



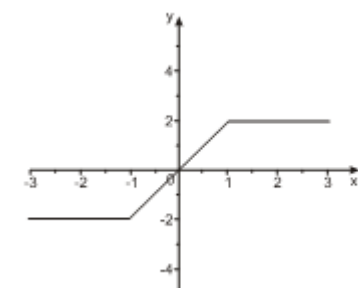
b)



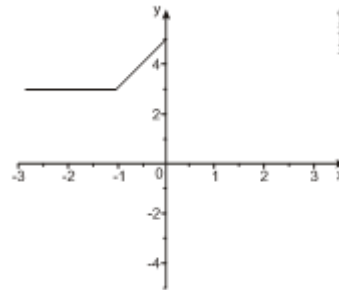
c)



d)



e)

**Exercício 3**

(G1 - cftmg 2017) Seja $f(x)$ uma função real. O gráfico gerado pelo módulo dessa função, $|f(x)|$,

- nunca passará pela origem.
- nunca passará pelo 3° ou 4° quadrante.
- intercepta o eixo x somente se $f(x)$ for do primeiro grau.
- intercepta o eixo y somente se $f(x)$ for do segundo grau.

Exercício 4

(G1 - cftmg 2012) O módulo da menor raiz da equação $x^2 - 64 \cdot 10^{-8} = 0$ é

- 0,0008.
- 0,008.
- 0,08.
- 0,8.

Exercício 5

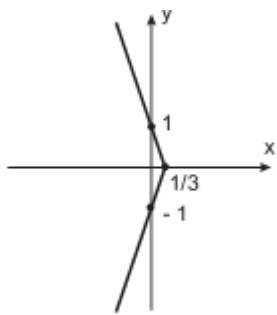
(G1 - cftmg 2014) O comprimento de duas peças de tecido soma 84 metros. Sabe-se que a metade do comprimento de uma delas é igual ao triplo do da outra, menos 7 metros. O módulo da diferença das medidas das duas peças, em metros, é

- 54.
- 55.
- 56.
- 57.

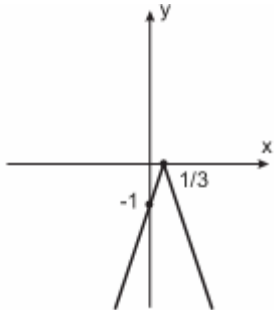
Exercício 6

(Pucrj 2016) Qual dos gráficos abaixo representa a função real $f(x) = |3x - 1|$?

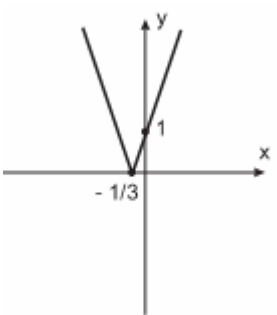
a)



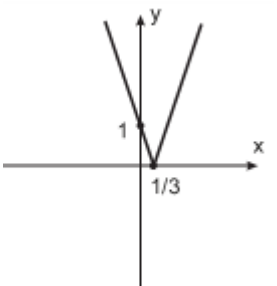
b)



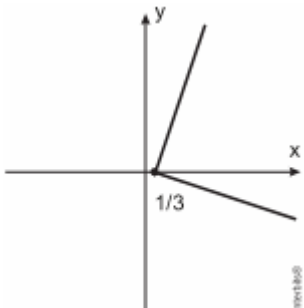
c)



d)



e)



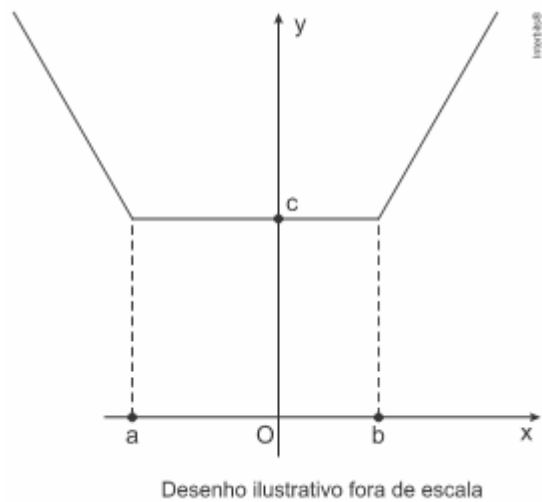
Exercício 7

(Eear 2017) Seja $f(x) = |x - 3|$ uma função. A soma dos valores de x para os quais a função assume o valor 2 é

- a) 3
- b) 4
- c) 6
- d) 7

Exercício 8

(Espcex (Aman) 2019) Sabendo que o gráfico a seguir representa a função real $f(x) = |x - 2| + |x + 3|$, então o valor de $a + b + c$ é igual a



- a) -7.
- b) -6.
- c) 4.
- d) 6.
- e) 10.

Exercício 9

(Uefs 2017) Considerando-se a equação $x^2 - 5x + 6 = |x - 3|$, tem-se que a soma de suas raízes é

- a) 0
- b) 1
- c) 2
- d) 3
- e) 4

Exercício 10

(Pucrs 2014) A expressão $|x - a| < 16$ também pode ser representada por

- a) $x - a < 16$
- b) $x + a > 16$
- c) $-a - 16 < x < a + 16$
- d) $-16 + a < x < a + 16$
- e) $x - a < -16$ ou $x - a > 0$

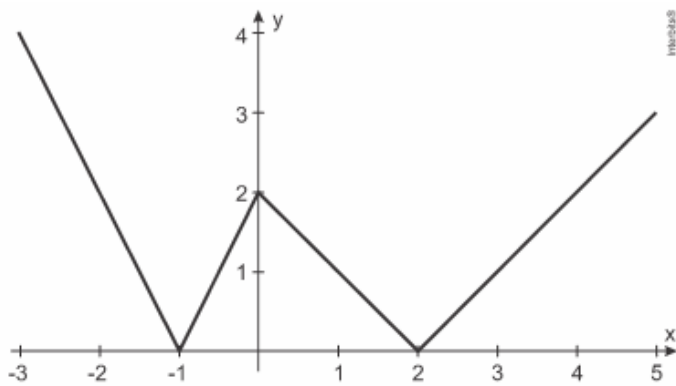
Exercício 11

(Uefs 2017) Considerando-se a equação $x^2 - 5x + 6 = |x - 3|$, tem-se que a soma de suas raízes é

- a) 0
- b) 1
- c) 2
- d) 3
- e) 4

Exercício 12

(Ueg 2016) Na figura a seguir, é apresentado o gráfico de uma função f , de \mathbb{R} em \mathbb{R}



A função f é dada por

a)

$$f(x) = \begin{cases} |2x + 2|, & \text{se } x < 0 \\ |x - 2|, & \text{se } x \geq 0 \end{cases}$$

b) $f(x) = \begin{cases} -|x| + 2, & \text{se } -1 \leq x < 2 \\ |2x - 3|, & \text{se } x < -1 \text{ e } x \geq 2 \end{cases}$

c) $f(x) = \begin{cases} |x - 1|, & \text{se } x < 0 \\ |x + 2|, & \text{se } x \geq 0 \end{cases}$

d) $f(x) = \begin{cases} -|x + 2|, & \text{se } -1 \leq x < 2 \\ |2x| + 1, & \text{se } x < -1 \text{ e } x \geq 2 \end{cases}$

Exercício 13

(Unioeste 2012) Seja S o conjunto solução de

$$\left| \frac{|-2| + 4x - \left(\frac{3}{2}\right)^{-2} - \frac{\sqrt{20}}{\sqrt{5}}}{2} \right| < 1$$

É correto afirmar que S é igual a:

a) $S = \{x \in \mathbb{R}; -1 < x < 1\}$.

b) $S = \{x \in \mathbb{R}; -\frac{7}{18} < x < \frac{11}{18}\}$.

c) $S = \{x \in \mathbb{R}; x > -1\}$.

d) $S = \{x \in \mathbb{R}; -\frac{1}{2} < x < \frac{7}{16}\}$.

e) $S = \{x \in \mathbb{R}; x < 10\}$.

Exercício 14

(Espcex (Aman) 2018) O conjunto solução da inequação $\|x - 4| + 1| \leq 2$ é um intervalo do tipo $[a, b]$. O valor de $a + b$ é igual a

a) -8.

b) -2.

c) 0.

d) 2.

e) 8.

Exercício 15

(Uespi 2012) Se x varia no conjunto dos números reais, qual dos intervalos a seguir contém o conjunto-solução da desigualdade

$$\frac{|x+2|}{|x-1|} > 4?$$

a) (-2, 0)

b) (-2, 2)

c) (-3, -1)

d) (1, 3)

e) (-3, 1)

Exercício 16

(Espcex (Aman) 2018) O conjunto solução da inequação $\|x - 4| + 1| \leq 2$ é um intervalo do tipo $[a, b]$. O valor de $a + b$ é igual a

a) -8.

b) -2.

c) 0.

d) 2.

e) 8.

Exercício 17

(G1 - cftmg 2013) A soma das raízes da equação modular

$$|x + 1|^2 - 5|x + 1| + 4 = 0$$

a) -7.

b) -4.

c) 3.

d) 5.

Exercício 18

(G1 - cftmg 2015) O domínio da função real $f(x) = \sqrt{1 - |x|}$ é o intervalo

a) $\{x \in \mathbb{R} | x < -1 \text{ ou } x > 1\}$.

b) $\{x \in \mathbb{R} | x \leq -1 \text{ ou } x \geq 1\}$.

c) $\{x \in \mathbb{R} | -1 < x < 1\}$.

d) $\{x \in \mathbb{R} | -1 \leq x \leq 1\}$.

Exercício 19

(Unesp 2012) No conjunto \mathbb{R} dos números reais, o conjunto solução S da inequação modular $|x| \cdot |x - 5| \geq 6$ é

a) $S = \{x \in \mathbb{R} / -1 \leq x \leq 6\}$.

b) $S = \{x \in \mathbb{R} / x \leq -1 \text{ ou } 2 \leq x \leq 3\}$.

c) $S = \{x \in \mathbb{R} / x \leq -1 \text{ ou } 2 \leq x \leq 3 \text{ ou } x \geq 6\}$.

d) $S = \{x \in \mathbb{R} / x \leq 2 \text{ ou } x \geq 3\}$.

e) $S = \mathbb{R}$.

Exercício 20

(Uepb 2012) A soma das raízes que a equação modular $\|x - 2| - 7| = 6$ é

a) 15

b) 30

c) 4

d) 2

e) 8

Exercício 21

(Efomm 2016) Determine a imagem da função f , definida por $f(x) = \||x + 2| - |x - 2|\|$, para todo $x \in \mathbb{R}$, conjunto dos números reais.

a) $Im(f) = \mathbb{R}$

b) $Im(f) = \{y \in \mathbb{R} | y \geq 0\}$.

c) $Im(f) = \{y \in \mathbb{R} | 0 \leq y \leq 4\}$.

d) $Im(f) = \{y \in \mathbb{R} | y \leq 4\}$.

e) $Im(f) = \{y \in \mathbb{R} | y > 0\}$.

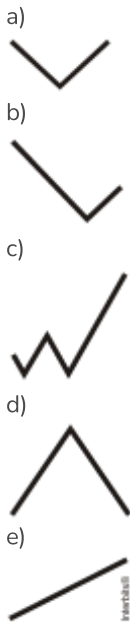
Exercício 22

(Ita 2011) O produto das raízes reais da equação $|x^2 - 3x + 2| = |2x - 3|$ é igual a

- a) -5.
- b) -1.
- c) 1.
- d) 2.
- e) 5.

Exercício 23

(Upe 2011) Dos gráficos abaixo, o que mais se assemelha ao gráfico da função $f(x) = ||x + 2| - 2|$ no intervalo $-5 < x < 5$ é



Exercício 24

(G1 - cftmg 2013) A soma das raízes da equação modular $|x + 1|^2 - 5|x + 1| + 4 = 0$ é

- a) -7.
- b) -4.
- c) 3.
- d) 5.

Exercício 25

(Esc. Naval 2013) A soma das raízes reais distintas da equação $||x - 2| - 2| = 2$ é igual a

- a) 0
- b) 2
- c) 4
- d) 6
- e) 8

Exercício 26

(Espcex (Aman) 2015) O número de soluções da equação

$$\frac{1}{2}|x| \cdot |x - 3| = 2 \cdot \left|x - \frac{3}{2}\right|, \text{ no conjunto } \mathbb{R}, \text{ é}$$

- a) 1.
- b) 2.
- c) 3.

- d) 4.
- e) 5.

Exercício 27

(Ufu 2018) Considere a função definida por

$$y = f(x) = k \cdot |x - 3|, \text{ em que } k \text{ é um número natural}$$

constante, x uma variável assumindo valores reais e $|a|$ representa o módulo do número real a . Representando, no sistema de coordenadas cartesianas, o gráfico de $y = f(x)$, tem-se que esse gráfico e os eixos coordenados delimitam um triângulo de área igual a 72 cm^2 .

Nas condições apresentadas, o valor de k , em cm , é um número

- a) quadrado perfeito.
- b) ímpar.
- c) múltiplo de 3.
- d) divisível por 5.

Exercício 28

(Mackenzie 2011) Dadas as funções reais definidas por

$$f(x) = |x|^2 - 4|x| \text{ e } g(x) = |x^2 - 4x|$$

considere I, II, III e IV abaixo.

- I. Ambas as funções possuem gráficos simétricos em relação ao eixo das ordenadas.
- II. O número de soluções reais da equação $f(x) = g(x)$ é 3.
- III. A soma de todas as raízes das funções dadas é 4.
- IV. Não existe x real tal que $f(x) < g(x)$.

O número de afirmações corretas é

- a) 0
- b) 1
- c) 2
- d) 3
- e) 4

Exercício 29

(Uece 2017) Se as raízes da equação $x^2 - 5|x| - 6 = 0$ são também raízes de $x^2 - ax - b = 0$, então, os valores dos números reais a e b são respectivamente

- a) -1 e 6.
- b) 5 e 6.
- c) 0 e 36.
- d) 5 e 36.

Exercício 30

(Espcex (Aman) 2014) Se

$$Y = \{y \in \mathbb{R} \text{ tal que } |6y - 1| \geq 5y - 10\} \text{ então:}$$

- a) $Y =]-\infty, \frac{1}{6}]$
- b) $Y = \{-1\}$
- c) $Y = \mathbb{R}$
- d) $Y = \emptyset$

e) $\left] \frac{1}{6}, +\infty[\right.$

Exercício 31

(Ita 2017) O número de soluções inteiras da inequação

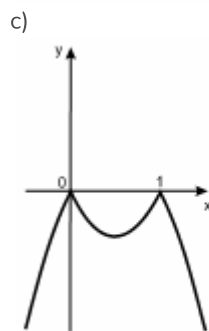
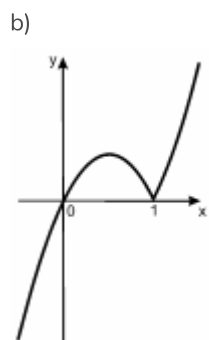
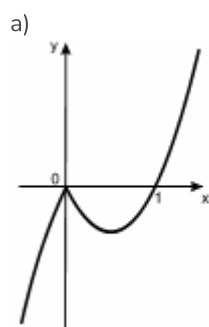
$$0 \leq x^2 - |3x^2 + 8x| \leq 2$$

- a) 1.
- b) 2.
- c) 3.
- d) 4.
- e) 5.

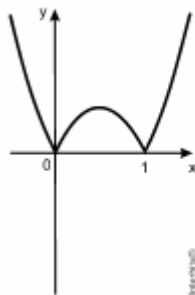
Exercício 32

(Ufmg 2010) Considere a função $f(x) = x|1 - x|$.

Assinale a alternativa em que o gráfico dessa função está CORRETO.



d)



Exercício 33

(Epcar (Afa) 2017) Durante 16 horas, desde a abertura de certa confeitaria, observou-se que a quantidade $q(t)$ de unidades vendidas do doce “amor em pedaço”, entre os instantes $(t-1)$ e t , é dada pela lei $q(t) = ||t - 8| + t - 14|$, em que t representa o tempo, em horas, e $t \in \{1, 2, 3, \dots, 16\}$. É correto afirmar que

- a) entre todos os instantes foi vendida, pelo menos, uma unidade de “amor em pedaço”.
- b) a menor quantidade vendida em qualquer instante corresponde a 6 unidades.
- c) em nenhum momento vendem-se exatamente 2 unidades.
- d) o máximo de unidades vendidas entre todos os instantes foi 10.

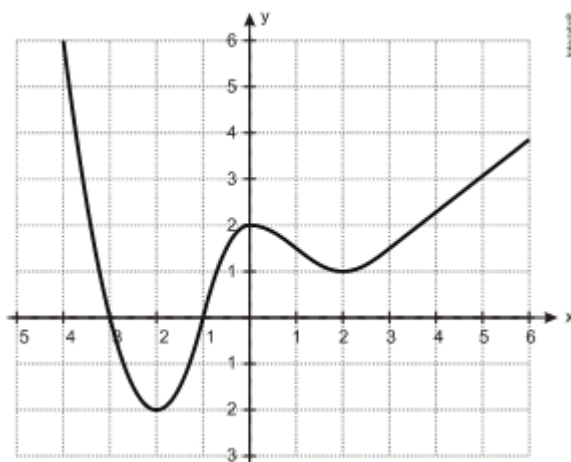
Exercício 34

(G1 - col. naval 2020) Se A o conjunto de todos os valores reais de x , tais que $\sqrt{(x-2)^2} > x-2$. É correto afirmar que:

- a) A é todo o conjunto dos Reais.
- b) $A =]2, +\infty[$
- c) $A =]-\infty, 2[$
- d) $A =]-2, +\infty[$
- e) $A =]-2, 2[$

Exercício 35

(Insper 2012) A figura a seguir mostra o gráfico da função $f(x)$.



O número de elementos do conjunto solução da equação $|f(x)| = 1$, resolvida em \mathbb{R} é igual a

- a) 6.

- b) 5.
- c) 4.
- d) 3.
- e) 2.

Exercício 36

(Mackenzie 2016) Os gráficos de $f(x) = 2|x^2 - 4|$ e $g(x) = (x - 2)^2$ se interceptam em

- a) apenas um ponto.
- b) dois pontos.
- c) três pontos.
- d) quatro pontos.
- e) nenhum ponto.

Exercício 37

(Unicamp 2020) Sabendo que a é um número real, considere a equação quadrática $2x^2 + ax + 10 = 0$. Se as soluções dessa equação são números inteiros, o módulo da soma das soluções é igual a

- a) 3.
- b) 4.
- c) 5.
- d) 6.

Exercício 38

(Efomm 2020) A inequação $|x| + |2x - 8| \leq |x + 8|$ é satisfeita por um número de valores inteiros de x igual a

- a) 5
- b) 6
- c) 7
- d) 8
- e) 9

Exercício 39

(Udesc 2017) Considerando a função $f(x) = |x^2 - 1|$ e os conjuntos $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x < 0\}$ e $B = [-1, 2]$, é correto afirmar que:

- a) $f(A \cap B) = f(A) \cap f(B)$
- b) $f(A - B) = f(A) - f(B)$
- c) $f(B - A) \subset f(B) - f(A)$
- d) $f(B^c) = (f(B))^c$
- e) $f(A \cup B) = f(A) \cup f(B)$

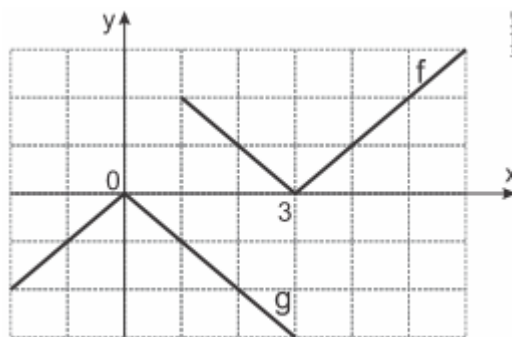
Exercício 40

(Ita 2007) Sobre a equação na variável real x , $||x - 1| - 3| - 2|$, podemos afirmar que

- a) ela não admite solução real.
- b) a soma de todas as suas soluções é 6.
- c) ela admite apenas soluções positivas.
- d) a soma de todas as soluções é 4.
- e) ela admite apenas duas soluções reais.

Exercício 41

(Upe 2015) No sistema cartesiano representado a seguir, têm-se os gráficos das funções reais f e g .



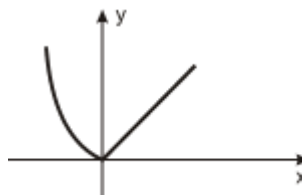
Qual das igualdades representa uma relação entre as duas funções?

- a) $g(x) = f(x + 3)$
- b) $g(x - 3) = f(x)$
- c) $g(x) = -f(-x - 3)$
- d) $g(-x) = f(-x + 3)$
- e) $g(3 - x) = -f(x)$

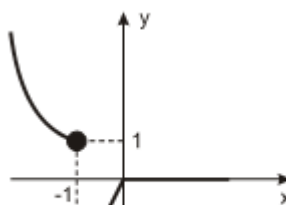
Exercício 42

(Esc. Naval 2013) O gráfico que melhor representa a função real

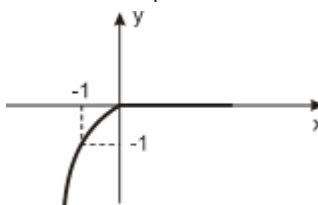
f , definida por $f(x) = \begin{cases} \frac{-|x+1||x|}{x+1} + x, & \text{se } x > -1 \\ |x|, & \text{se } x \leq -1 \end{cases}$ é



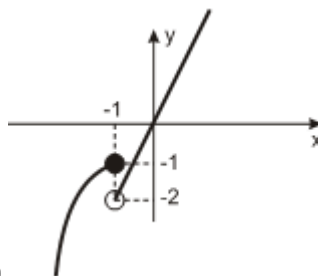
a)



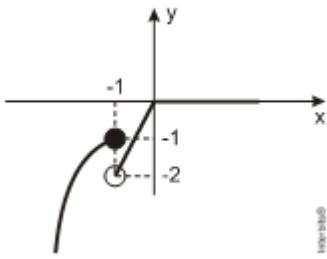
b)



c)



d)



e)

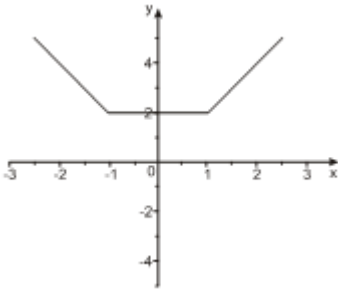
GABARITO

Exercício 1

b) nunca passará pelo 3° ou 4° quadrante.

Exercício 2

a)



Exercício 3

b) nunca passará pelo 3° ou 4° quadrante.

Exercício 4

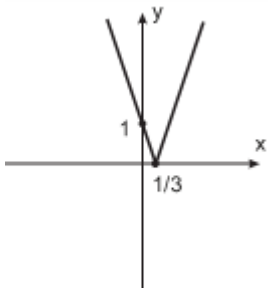
a) 0,0008.

Exercício 5

c) 56.

Exercício 6

d)



Exercício 7

c) 6

Exercício 8

c) 4.

Exercício 9

e) 4

Exercício 10

d) $-16 + a < x < a + 16$

Exercício 11

e) 4

Exercício 12

a)

$$f(x) = \begin{cases} |2x + 2|, & \text{se } x < 0 \\ |x - 2|, & \text{se } x \geq 0 \end{cases}$$

Exercício 13

b) $S = \left\{ x \in \mathbb{R}; -\frac{7}{18} < x < \frac{11}{18} \right\}$.

Exercício 14

e) 8.

Exercício 15

b) (-2, 2)

Exercício 16

e) 8.

Exercício 17

b) -4.

Exercício 18

d) $\{x \in \mathbb{R} \mid -1 \leq x \leq 1\}$.

Exercício 19

c) $S = \{x \in \mathbb{R} \mid x \leq -1 \text{ ou } 2 \leq x \leq 3 \text{ ou } x \geq 6\}$.

Exercício 20

e) 8

Exercício 21

c) $Im(f) = \{y \in \mathbb{R} \mid 0 \leq y \leq 4\}$.

Exercício 22

a) -5.

Exercício 23

c)



Exercício 24

b) - 4.

Exercício 25

d) 6

Exercício 26

d) 4.

Exercício 27

a) quadrado perfeito.

Exercício 28

b) 1

Exercício 29

c) 0 e 36.

Exercício 30

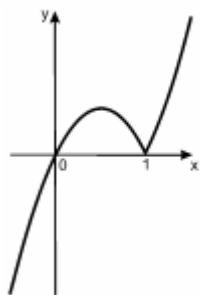
c) $Y = \mathbb{R}$

Exercício 31

c) 3.

Exercício 32

b)



Exercício 33

d) o máximo de unidades vendidas entre todos os instantes foi 10.

Exercício 34

c) $A =] - \infty, 2[$

Exercício 35

b) 5.

Exercício 36

c) três pontos.

Exercício 37

d) 6.

Exercício 38

e) 9

Exercício 39

e) $f(A \cup B) = f(A) \cup f(B)$

Exercício 40

d) a soma de todas as soluções é 4.

Exercício 41

e) $g(3 - x) = -f(x)$

Exercício 42

