

P.268 Atribuímos a cada ramo um sentido de corrente.

$$\text{Nó A: } i_1 + i_2 = i_3 \quad (1)$$

Malha ABCDA (a partir de A e no sentido α):

$$-3i_2 + 13 - 10 + 2i_1 = 0$$

$$3i_2 - 2i_1 = 3 \quad (2)$$

Malha AEFBA (a partir de A e no sentido β):

$$-14 + 4i_3 + 3,5 + 1i_3 - 13 + 3i_2 = 0$$

$$5i_3 + 3i_2 = 23,5 \quad (3)$$

Substituindo (1) em (3):

$$5 \cdot (i_1 + i_2) + 3i_2 = 23,5$$

$$5i_1 + 8i_2 = 23,5 \quad (4)$$

$$\text{De (2): } 2i_1 = 3i_2 - 3 \Rightarrow i_1 = 1,5i_2 - 1,5$$

Substituindo a expressão obtida para i_1 em (4):

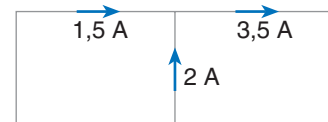
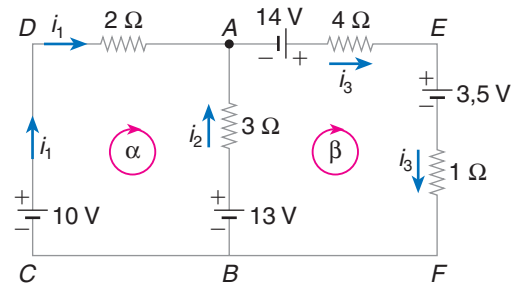
$$5 \cdot (1,5i_2 - 1,5) + 8i_2 = 23,5$$

$$15,5i_2 = 31$$

$$i_2 = 2 \text{ A}$$

$$\text{De (2): } 3 \cdot 2 - 2i_1 = 3 \Rightarrow i_1 = 1,5 \text{ A}$$

$$\text{De (1): } i_3 = 1,5 + 2 \Rightarrow i_3 = 3,5 \text{ A}$$



P.269 Nó A: $i_1 + i_2 = i_3$ (1)

Malha ABCDA (a partir de A e no sentido α):

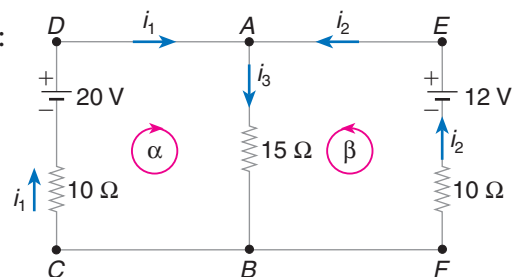
$$15i_3 + 10i_1 - 20 = 0$$

$$15i_3 + 10i_1 = 20 \quad (2)$$

Malha ABFEA (a partir de A e no sentido β):

$$15i_3 + 10i_2 - 12 = 0$$

$$15i_3 + 10i_2 = 12 \quad (3)$$



Somando ② e ③:

$$30i_3 + 10 \cdot (i_1 + i_2) = 32$$

$$30i_3 + 10i_3 = 32$$

$$i_3 = 0,8 \text{ A}$$

$$V_A - V_B = Ri_3 \Rightarrow V_A - V_B = 15 \cdot 0,8 \Rightarrow V_A - V_B = 12 \text{ V}$$

P.270

a) Nó A: $i_1 + i_2 = 4$ ①

Malha ABCDA (a partir de A e no sentido de α):

$$-0,3i_2 + 10 - 12 + 0,5i_1 = 0$$

$$0,5i_1 - 0,3i_2 = 2$$
 ②

De ①: $i_1 = 4 - i_2$

Em ②:

$$0,5 \cdot (4 - i_2) - 0,3i_2 = 2$$

$$2 - 0,8i_2 = 2$$

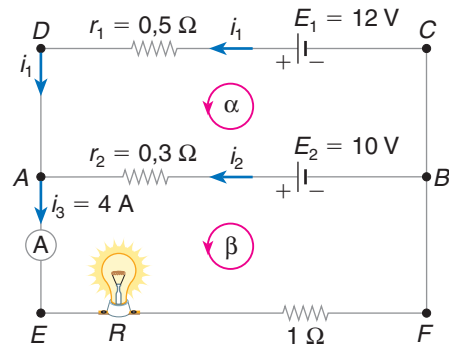
$$i_2 = 0$$

Voltando em ①: $i_1 = 4 \text{ A}$

b) Malha AEFBA (a partir de A e no sentido β):

$$R \cdot 4 + 1 \cdot 4 - 10 + 0,3 \cdot 0 = 0$$

$$R = 1,5 \Omega$$



P.271

Nó A:

$$i_1 + i_2 = i_3$$

$$0,2 + i_2 = i_3$$
 ①

Malha ABCDA (a partir de A e no sentido de α):

$$-3 + 5i_1 + R_3 \cdot i_3 = 0$$

$$-3 + 5 \cdot 0,2 + R_3 \cdot i_3 = 0$$

$$R_3 \cdot i_3 = 2$$
 ②

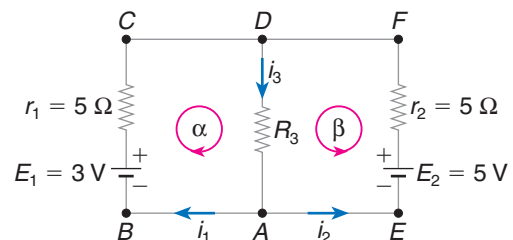
Malha AEFDA (a partir de A e no sentido β):

$$-5 + 5i_2 + R_3 \cdot i_3 = 0$$
 ③

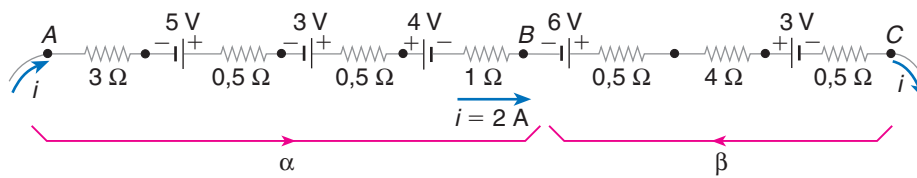
$$\text{Substituindo ② em ③: } -5 + 5i_2 + 2 = 0 \Rightarrow i_2 = 0,6 \text{ A}$$

Voltando em ①: $i_3 = 0,8 \text{ A}$

Voltando em ②: $R_3 = 2,5 \Omega$



P.272



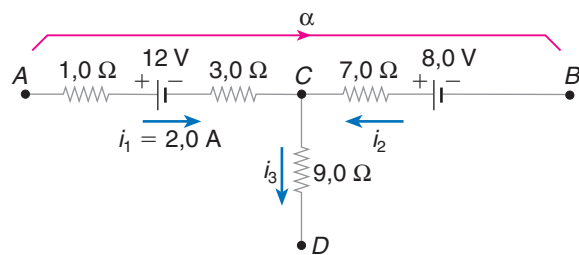
a) $V_A - V_B = 3 \cdot 2 - 5 + 0,5 \cdot 2 - 3 + 0,5 \cdot 2 + 4 + 1 \cdot 2$

$$V_A - V_B = 6 \text{ V}$$

b) $V_C - V_B = -0,5 \cdot 2 - 3 - 4 \cdot 2 - 0,5 \cdot 2 + 6$

$$V_C - V_B = -7 \text{ V}$$

P.273



$$V_A - V_B = 1,0 \cdot 2,0 + 12 + 3,0 \cdot 2,0 - 7,0i_2 + 8,0 = 0$$

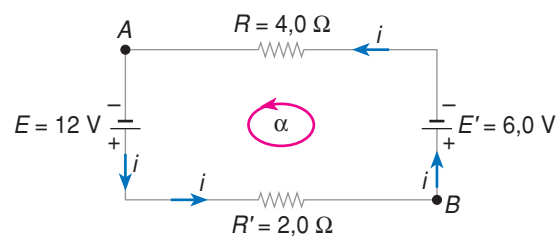
$$0 = 28 - 7,0i_2$$

$$i_2 = 4,0 \text{ A}$$

Nó C:

$$i_1 + i_2 = i_3 \Rightarrow i_3 = 2,0 + 4,0 \Rightarrow i_3 = 6,0 \text{ A}$$

P.274



Cálculo da intensidade de corrente i :

$$i = \frac{E - E'}{R + R'} \Rightarrow i = \frac{12 - 6,0}{4,0 + 2,0} \Rightarrow i = 1,0 \text{ A}$$

Cálculo de $V_A - V_B$:

$$V_A - V_B = -E + R' \cdot i$$

$$V_A - V_B = -12 + 2,0 \cdot 1,0$$

$$V_A - V_B = -10 \text{ volts}$$

Sendo $V_B = 15$ volts, vem: $V_A - 15 = -10 \Rightarrow V_A = 5,0$ volts

P.275 $\frac{R_{BA}}{R_{BX}} = \frac{BA}{BX} = \frac{BA}{\frac{2BA}{5}}$

$$\frac{R_{BA}}{R_{BX}} = \frac{5}{2} \quad \textcircled{1}$$

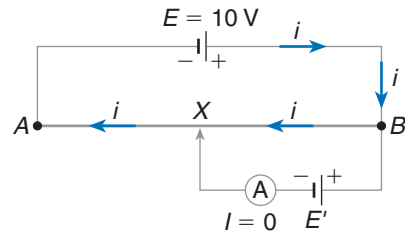
Mas:

$$U_{BA} = E = R_{BA} \cdot i \quad \textcircled{2}$$

$$U_{BX} = E' = R_{BX} \cdot i \quad \textcircled{3}$$

Dividindo ② por ③, temos: $\frac{E}{E'} = \frac{R_{BA}}{R_{BX}}$

Portanto, de ①, vem: $\frac{E}{E'} = \frac{5}{2} \Rightarrow \frac{10}{E'} = \frac{5}{2} \Rightarrow E' = 4 \text{ V}$



P.276 Nó A: $i_1 = i_2 + i_3 \quad \textcircled{1}$

Malha ADCBA (a partir de A e no sentido α):

$$8,0i_2 + 2,0i_2 - 10 - 40 + 20i_1 = 0$$

$$20i_1 + 10i_2 = 50$$

$$2i_1 + i_2 = 5 \quad \textcircled{2}$$

Malha AEFBA (a partir de A e no sentido β):

$$4,0i_3 + 1,0i_3 - 5,0 - 40 + 20i_1 = 0$$

$$20i_1 + 5,0i_3 = 45$$

$$4i_1 + i_3 = 9 \quad \textcircled{3}$$

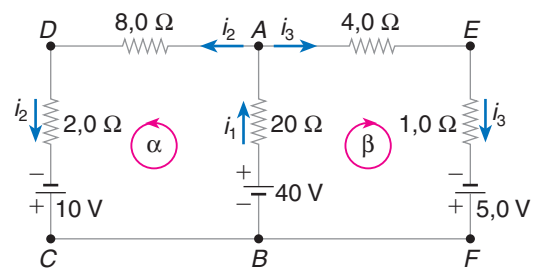
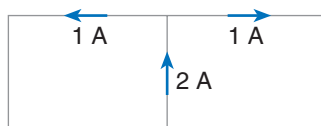
Somando ② e ③ e em seguida substituindo ①, vem:

$$6i_1 + i_2 + i_3 = 14 \Rightarrow 6i_1 + i_1 = 14 \Rightarrow 7 \cdot i_1 = 14 \Rightarrow i_1 = 2 \text{ A}$$

De ②: $i_2 = 1 \text{ A}$

De ③: $i_3 = 1 \text{ A}$

Esquema:



P.277 Nó A: $i_1 + i_2 = i_3$ ①

Malha ABCDA (a partir de A e no sentido α):

$$1,0i_3 - 14 + 1,0i_1 = 0$$

$$i_1 + i_3 = 14 \quad \text{②}$$

Malha ABFEA (a partir de A e no sentido β):

$$1,0i_3 - 14 + 3,0i_2 = 0$$

$$i_3 + 3i_2 = 14 \quad \text{③}$$

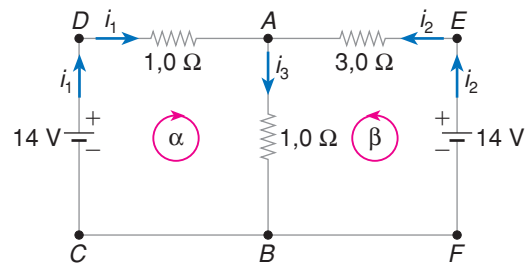
$$\text{Substituindo ① em ②: } 2i_1 + i_2 = 14 \quad \text{④}$$

$$\text{Substituindo ① em ③: } i_1 + 4i_2 = 14 \quad \text{⑤}$$

Multiplicando a expressão ⑤ por 2 e subtraindo do resultado a expressão ④, vem:

$$7i_2 = 14 \Rightarrow i_2 = 2,0 \text{ A}$$

$$\text{Como } Pot = R \cdot i_2^2, \text{ temos: } Pot = 3,0 \cdot (2,0)^2 \Rightarrow \boxed{Pot = 12 \text{ W}}$$



P.278 Neste exercício, podemos usar a simetria do circuito e fazer $i_1 = i_2 = i$ e $i_3 = 2i$. Nessas condições, basta considerar uma malha apenas:

Malha 2 5 4 1 2 (a partir de 2 e no sentido α):

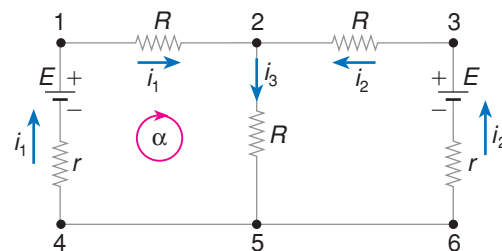
$$R \cdot 2i + ri - E + Ri = 0$$

$$3,00 \cdot 2i + 1,00i - 12,0 + 3,00i = 0$$

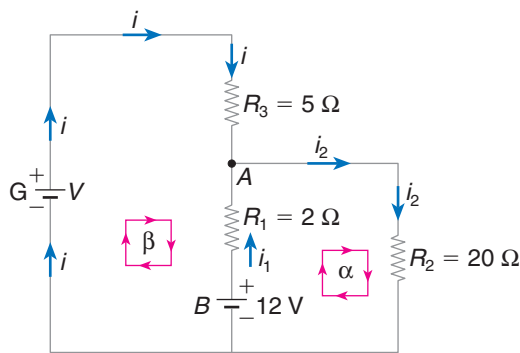
$$10,0i = 12,0$$

$$i = 1,20 \text{ A}$$

$$\boxed{i_3 = 2i = 2,40 \text{ A}}$$



P.279



Nó A: $i + i_1 = i_2$ ①

Malha α :

$$R_2 \cdot i_2 - 12 + R_1 \cdot i_1 = 0$$

$$20i_2 - 12 + 2i_1 = 0$$

$$i_1 + 10i_2 = 6$$
 ②

Substituindo ① em ②:

$$i_1 + 10 \cdot (i + i_1) = 6 \Rightarrow 11i_1 + 10i = 6 \Rightarrow 5,5i_1 + 5i = 3$$
 ④

Subtraindo ③ de ④, temos: $7,5i_1 = 15 - V$

Como $V = 0,5t$, vem:

$$7,5i_1 = 15 - 0,5t \Rightarrow i_1 = \frac{15 - 0,5t}{7,5}$$

a) Para $t = 0$, temos: $i_1 = 2 \text{ A}$

b) Para $i_1 = 0$, temos: $t = 30 \text{ s}$

c) De $i_1 = \frac{15 - 0,5t}{7,5}$, concluímos que o gráfico

$i_1 \times t$ é um segmento de reta.

Para $t = 100 \text{ s}$, temos: $i_1 \approx -4,7 \text{ A}$

Assim, temos o gráfico ao lado.

d) Para $t = 90 \text{ s}$, temos:

$$i_1 = \frac{15 - 0,5 \cdot 90}{7,5} \Rightarrow i_1 = -4 \text{ A}$$

Portanto, a bateria B funciona, nesse instante, como receptor e a potência recebida será:

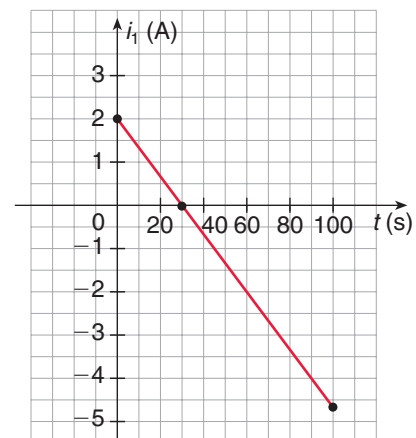
$$Pot = U \cdot i_1 \Rightarrow Pot = 12 \cdot 4 \Rightarrow Pot = 48 \text{ W}$$

Malha β :

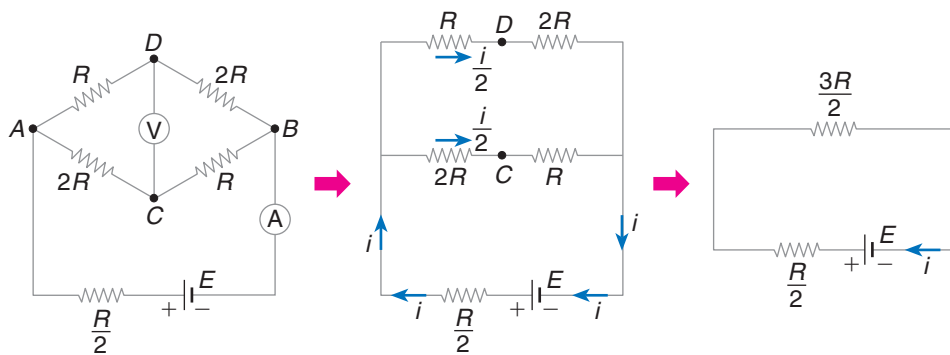
$$-R_1 \cdot i_1 + 12 - V + R_3 \cdot i = 0$$

$$-2i_1 + 12 - V + 5i = 0$$

$$5i - 2i_1 = V - 12$$
 ③



P.280



a) Pela lei de Pouillet, temos:

$$i = \frac{E}{\frac{R}{2} + \frac{3R}{2}} \Rightarrow i = \frac{E}{2R} \Rightarrow i = \frac{10}{2 \cdot 1.000} \Rightarrow i = 5 \text{ mA}$$

Portanto, a leitura do amperímetro A é: $i = 5 \text{ mA}$

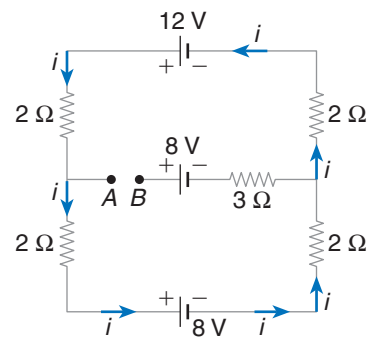
b) A leitura do voltímetro V é a ddp entre D e C. Considerando a malha ADCA, temos:

$$R \cdot \frac{i}{2} + U_{DC} - 2R \cdot \frac{i}{2} = 0 \Rightarrow U_{DC} = R \cdot \frac{i}{2} \Rightarrow U_{DC} = 1.000 \cdot \frac{5 \cdot 10^{-3}}{2} \Rightarrow U_{DC} = 2,5 \text{ V}$$

P.281

Vamos inicialmente calcular a intensidade da corrente que percorre o circuito. Podemos aplicar a segunda lei de Kirchhoff ou observar que se trata de um circuito simples e aplicar a lei de Pouillet:

$$i = \frac{E - E'}{\Sigma R} \Rightarrow i = \frac{12 - 8}{2 + 2 + 2 + 2} \Rightarrow i = 0,5 \text{ A}$$



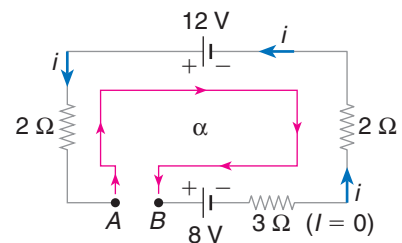
Considerando o percurso α entre A e B:

$$V_A - V_B = -2i + 12 - 2i - 8$$

$$V_A - V_B = 4 - 4i$$

$$V_A - V_B = 4 - 4 \cdot 0,5$$

$$V_A - V_B = 2 \text{ V}$$



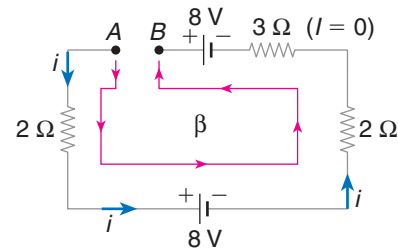
Poderíamos ter escolhido o trecho inferior do circuito (β):

$$V_A - V_B = 2i + 8 + 2i - 8$$

$$V_A - V_B = 4i$$

$$V_A - V_B = 4 \cdot 0,5$$

$$V_A - V_B = 2 \text{ V}$$



P.282 O cálculo de i pode ser feito pela lei de Pouillet:

$$i = \frac{E'}{R_{AB} + r}$$

$$i = \frac{12}{5 + 1}$$

$$i = 2 \text{ A}$$

Sendo $CB = \frac{3}{4} \cdot AB$, vem:

$$R_{CB} = \frac{3}{4} \cdot R_{AB} \Rightarrow R_{CB} = \frac{3}{4} \cdot 5 \Omega$$

$$U_{CB} = E = R_{CB} \cdot i \Rightarrow E = \frac{3}{4} \cdot 5 \cdot 2 \Rightarrow E = 7,5 \text{ V}$$

