

# ITA – FÍSICA – 1998

**Aceleração da gravidade local  $g = 10 \text{ m/s}^2$**

**Massa específica da água =  $1,0 \text{ g/cm}^3$**

**Calor específico da água =  $4,18 \text{ kJ/kg.K}$**

Obs. As questões de 21 a 30 devem ser justificadas.

**01)** A velocidade de uma onda transversal em uma corda depende da tensão  $F$  a que está sujeita a corda, da massa  $m$  e do comprimento  $d$  da corda. Fazendo uma análise dimensional, concluímos que a velocidade poderia ser dada por:

- a)**  $F/md$       **b)**  $(Fm/d)^2$       **c)**  $(Fm/d)^{1/2}$       **d)**  $(Fd/m)^{1/2}$       **e)**  $(md/F)^2$

Solução:- Dimensionalmente  $[v] = LT^{-1}$ .

As equações dimensionais das grandezas envolvidas são:  $[F] = MLT^{-2}$ ;  $[d] = L$ ;  $[m] = M$ . Combinando estas equações para as opções tem-se: (a)  $MLT^{-2}/ML = T^{-2}$ ; (b)  $(MLT^{-2} \cdot M/L)^2 = (M^2T^{-2})^2 = M^4T^{-4}$   
 (c)  $(MLT^{-2} \cdot M/L)^{1/2} = (M^2T^{-2})^{1/2} = MT^{-1}$ ; (d)  $(MLT^{-2} \cdot L/M)^{1/2} = (L^2T^{-2})^{1/2} = LT^{-1}$ ; (e)  $(ML/MLT^{-2})^2 = T^4$ .

Comparando os resultados com a equação da velocidade, a opção (d) é a única que corresponde à velocidade.

Resposta: letra (d)

**02)** Considere uma partícula maciça que desce uma superfície côncava e sem atrito, sob a influência da gravidade, como mostra a figura. Na direção do movimento da partícula, ocorre que:

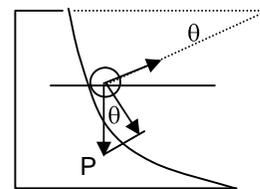
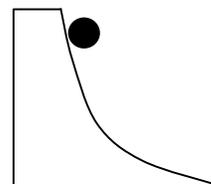
- a)** A velocidade e a aceleração crescem.  
**b)** A velocidade cresce e a aceleração decresce.  
**c)** A velocidade decresce e a aceleração cresce.  
**d)** A velocidade e a aceleração decrescem.  
**e)** A velocidade e a aceleração permanecem constantes.

Solução:- Na segunda figura estão indicadas as forças que agem sobre a partícula.

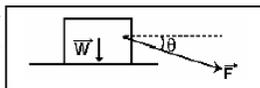
A aceleração (tangencial) da partícula deve-se unicamente à componente do peso tangente à curva, ou seja  $a_T = P \cdot \cos \theta$ . Como o ângulo  $\theta$  cresce à medida que a partícula desce,  $\cos \theta$  diminui, implicando em uma redução na aceleração.

Pelo princípio da conservação da energia, à medida que a partícula desce, diminui a energia potencial e aumenta a energia cinética. Desta forma a velocidade aumenta.

Resposta: letra (b)



**03)** Um caixote de peso  $W$  é puxado sobre um trilho horizontal por uma força de magnitude  $F$  que forma um ângulo  $\theta$  em relação à horizontal, como mostra a figura. Dado que o coeficiente de atrito entre o caixote e o trilho é  $\mu$ , o valor mínimo de  $F$ , a partir de qual seria possível mover o caixote, é:



- a)**  $2W/(1 - \mu)$ .      **b)**  $W \sin \theta / (1 - \mu \tan \theta)$ .      **c)**  $\mu W \sin \theta / (1 - \mu \tan \theta)$ .  
**d)**  $\mu \cdot W \cdot \sec \theta / (1 - \mu \tan \theta)$ .      **e)**  $(1 - \mu \tan \theta)W$ .

Solução:- Para que o bloco seja movido, a componente horizontal de  $F$  deve ser maior que a força de atrito.

$$\text{Tem-se então: } F \cdot \cos \theta = \mu \cdot (W + F \cdot \sin \theta) \rightarrow F \cdot \cos \theta - \mu \cdot F \cdot \sin \theta = \mu \cdot W \rightarrow F = \mu \cdot W / (\cos \theta - \mu \cdot \sin \theta) =$$

$$= (\mu \cdot W / \cos \theta) \cdot (1 - \mu \sin \theta / \cos \theta) = (\mu \cdot W \cdot \sec \theta) \cdot (1 - \mu \cdot \tan \theta)$$

Resposta: letra (d)

**04)** Uma massa  $m$  em repouso divide-se em duas partes, uma com massa  $2m/3$  e outra com massa  $m/3$ . Após a divisão, a parte com massa  $m/3$  move-se para a direita com uma velocidade de módulo  $v_1$ . Se a massa  $m$  estivesse se movendo para a esquerda com velocidade de módulo  $v$ , antes da divisão, a velocidade da parte  $2m/3$  depois da divisão seria:

- a)**  $(1/3)v_1 - v$  para a esquerda      **b)**  $(v_1 - v)$  para a esquerda      **c)**  $(v_1 - v)$  para a direita  
**d)**  $(1/3)v_1 - v$  para a direita      **e)**  $(v_1 + v)$  para a direita

Solução: A figura mostra a situação descrita no enunciado:



Aplicando o princípio da quantidade de movimento:  $0 = (2m/3)v_2 + (m/3)v_1 \rightarrow v_2 = -v_1/2$ .

Quando  $m$  estiver movendo com velocidade  $v$  para a esquerda, a velocidade de  $2m/3$  será ainda para a esquerda e igual a  $v + v_2$  ou  $-v - v_2$  para a direita  $\rightarrow -v + v_1/2$  para a direita  $\rightarrow (1/2)v_1 - v$  para a direita.

Não há resposta correta.

**05)** Um "bungee jumper" de 2 m de altura e 100 kg de massa, pula de uma ponte usando uma "bungee cord", de 18 m de comprimento quando não alongada, constante elástica de 200 N/m e massa desprezível, amarrada aos

seus pés. Na sua descida, a partir da superfície da ponte, a corda atinge a extensão máxima sem que ele toque nas rochas embaixo. Das opções abaixo, a menor distância entre a superfície da ponte e às rochas é:

- a) 26 m                      b) 31 m                      c) 36 m                      d) 41 m                      e) 46 m

Solução:- Seja  $d$  a distância entre a superfície da ponte e as rochas. A soma da altura do "bungee jumper" com o comprimento da "bungee cord" e sua distensão ( $x$ ) deve ser no máximo igual a  $d$ , ou seja  $d = 2 + 18 + x \rightarrow$

$$\rightarrow x = d - 20 \text{ m.}$$

Pelo princípio da conservação da energia:  $mgd = k.(d - 20)^2/2 \rightarrow 100.10.d = 200.(d - 20)^2/2 \rightarrow$

$\rightarrow 1000d = 100.(400 - 40d + d^2) \rightarrow 10d = 400 - 40d + d^2 \rightarrow d^2 - 50d + 400 = 0$ . As raízes dessa equação são 10m e 40 m. Como 10 m é menor que a soma do comprimento da corda e da altura do homem, ela não atende às exigência. Portanto, a altura da ponte deve ser maior ou igual a 40 m. Portanto, entre as opções apresentadas, a menor distância entre a superfície da ponte às rochas é de 41 m.

Resposta: letra (d)

**06)** Um astronauta, antes de partir para uma viagem até a Lua, observa um copo de água contendo uma pedra de gelo e verifica que  $9/10$  do volume da pedra de gelo está submersa na água. Como está de partida para a Lua, ele pensa em fazer a mesma experiência dentro da sua base na Lua. Dada que o valor da aceleração de gravidade na superfície da Lua é  $1/6$  do seu valor na Terra, qual é a porcentagem do volume da pedra de gelo que estaria submersa no copo de água na superfície da Lua?

- a) 7 %                      b) 15 %                      c) 74 %                      d) 90 %                      e) 96 %

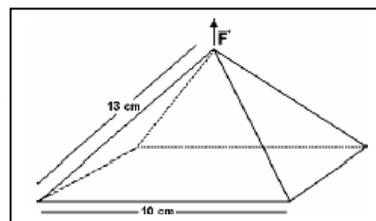
Solução:- Como Peso = Empuxo,  $mg = V_s.\rho.g \rightarrow m = V_s.\rho$ . Como a massa não modifica com a variação da aceleração da gravidade, o volume submerso continua o mesmo.

Resposta: letra (d)

**07)** Suponha que há um vácuo de  $3,0.10^4$  Pa dentro de uma câmpula de 500 g na forma de uma pirâmide reta de base quadrada apoiada sobre uma mesa lisa de granito. As dimensões da pirâmide são mostradas na figura e a pressão atmosférica local é de  $1,0.10^5$ Pa. O módulo da força  $F$  necessária para levantar a câmpula na direção perpendicular à mesa é ligeiramente maior que:

- a) 700 N                      b) 705 N                      c) 1680 N

- d) 1685 N                      e) 7000 N



Solução:- A diferença de pressão sobre a câmpula é  $1,0 \times 10^5 - 3 \times 10^4 = 7 \times 10^4$  Pa ou  $7 \times 10^4$  N/m<sup>2</sup>.

A força de cima para baixo, exercida sobre a câmpula, devido a pressão é  $F' = P.A = 7.10^4.(0,1.0,1) = 7.10^2$  N = 700N.

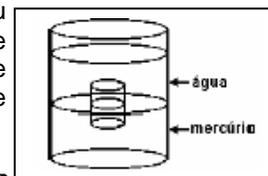
A força  $F$  necessária para levantar a câmpula é tal que  $F > F' + P = 700 + 0,5.10 = 705$  N.

Note  $P = mg$ ,  $m = 500$  g = 0,5 kg.

Resposta: letra (b)

**08)** Um cilindro maciço flutua verticalmente, com estabilidade, com uma fração  $f$  do seu volume submerso em mercúrio, de massa específica  $D$ . Coloca-se água suficiente (de massa específica  $d$ ) por cima do mercúrio para cobrir totalmente o cilindro, e observa-se que o cilindro continua em contato com o mercúrio após a adição da água. Conclui-se que o mínimo valor da fração  $f$  originalmente submersa no mercúrio é:

- a)  $D/(D - d)$                       b)  $d/(D - d)$                       c)  $d/D$                       d)  $D/d$                       e)  $(D - d)/d$



Solução:- Seja  $d_c$  a massa específica do cilindro. Inicialmente  $P = E \rightarrow V_s.D.g = V.d_c.g \rightarrow$

$$\rightarrow d_c/D = V_s/V_t = f.$$

Como ao colocar água o cilindro fica em contato com o mercúrio, todo o seu volume estará submerso na água  $\rightarrow$

$d_c = d$ . Assim,  $f = d_c/D = d/D$ .

Resposta:- letra (c)

**09)** Um relógio de pêndulo simples é montado no pátio de um laboratório em Novosibirsk na Sibéria, utilizando um fio de suspensão de coeficiente de dilatação  $1,0.10^{-5} \text{ } ^\circ\text{C}^{-1}$ . O pêndulo é calibrado para marcar a hora certa em um bonito dia de verão de  $20^\circ\text{C}$ . Em um dos menos agradáveis dias do inverno, com a temperatura a  $-40^\circ\text{C}$ , o relógio:

- a) Adianta 52 s por dia.                      b) Adianta 26 s por dia.                      c) Atrasa 13 s por dia.

- d) Atrasa 26 s por dia.                      e) Atrasa 52 s por dia.

Solução:- Seja  $L_0$  o comprimento do pêndulo à  $20^\circ\text{C}$  e  $L$  o comprimento à  $-40^\circ\text{C}$ .

Tem-se então que  $L = L_0.(1 + \alpha.\Delta\theta) = L_0.[1 + 1.10^{-5}.(-40 - 20)] = L_0.(1 - 0,0006) = 0,9994 L_0$ .

O período de um pêndulo é determinado por  $T = 2\sqrt{L/g}$  sendo que o período de um relógio de pêndulo é 2 segundos.

Assim,  $T/T_0 = \sqrt{L/L_0} = \sqrt{0,9994L_0/L_0} = 0,9997 \rightarrow T = T_0.0,9997 = 2.0,9997 = 1,9994$  s.

Como a cada 1,9994 s serão marcados 2 s, ocorrerá um adiantamento de 0,0006 s a cada 2 segundos ou 0,0003 s para cada 1 segundo. Em um dia haverá um adiantamento de  $0,0003.86400 = 25,92$  s  $\approx$  26 s por dia.

Resposta:- letra (b)

10) Uma bolha de ar de volume  $20,0 \text{ mm}^3$ , aderente à parede de um tanque de água a  $70 \text{ cm}$  de profundidade, solta-se e começa a subir. Supondo que a tensão superficial da bolha é desprezível e que a pressão atmosférica é de  $1,0 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ , logo que alcança a superfície seu volume é aproximadamente:

- a)  $19,2 \text{ mm}^3$       b)  $20,1 \text{ mm}^3$       c)  $20,4 \text{ mm}^3$       d)  $21,4 \text{ mm}^3$       e)  $34,1 \text{ mm}^3$

Solução:- a cada  $10 \text{ m}$  de água a pressão cresce de  $1 \text{ atm} = 1,0 \times 10^5 \text{ N/m}^2$ . Assim, a pressão à  $70 \text{ cm} = 0,7 \text{ m}$  é  $(0,7/10) \cdot 1,0 \cdot 10^5 + 1,0 \cdot 10^5 = (0,07 + 1) \cdot 10^5 = 1,07 \cdot 10^5 \text{ N}$ .

A pressão na superfície é  $1,0 \cdot 10^5 \text{ N}$ .

Supondo constante a temperatura,  $P_1 V_1 = P_2 V_2 \rightarrow 1,07 \cdot 10^5 \cdot 20 = 1 \cdot 10^5 \cdot V_2 \rightarrow V_2 = 21,4 \text{ mm}^3$ .

Resposta:- letra (d).

11) Considere a figura abaixo onde  $E_1$  e  $E_2$  são dois espelhos planos que formam um ângulo de  $135^\circ$  entre si. Um raio luminoso  $R$  incide com um ângulo  $\alpha$  em  $E_1$  e outro  $R'$  (não mostrado) emerge de  $E_2$ . Para  $0 < \alpha < \pi/4$ , conclui-se que:

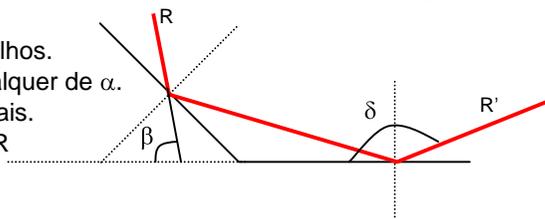
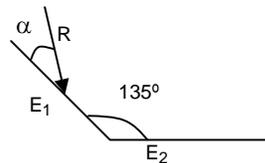
- a)  $R'$  pode ser paralelo a  $R$  dependendo de  $\alpha$ .  
 b)  $R'$  é paralelo a  $R$  qualquer que seja  $\alpha$ .  
 c)  $R'$  nunca é paralelo a  $R$ .  
 d)  $R'$  só será paralelo a  $R$  se o sistema estiver no vácuo.  
 e)  $R'$  será paralelo a  $R$  qualquer que seja o ângulo entre os espelhos.

Solução:- Tracemos o trajeto do raio luminoso para um valor qualquer de  $\alpha$ .

Para que  $R$  e  $R'$  sejam paralelos os ângulos  $\beta$  e  $\delta$  devem ser iguais.

Mas  $\delta > 90^\circ$  e  $\beta < 90^\circ$ . Portanto  $\beta$  nunca será igual a  $\delta$  e assim  $R$  e  $R'$  nunca serão paralelas.

Resposta: letra (c)



12) A distância de Marte ao Sol é aproximadamente 50% maior do que aquela entre a Terra e o Sol. Superfícies planas de Marte e da Terra de mesma área e perpendiculares aos raios solares, recebem por segundo as energias de irradiação solar  $U_M$  e  $U_T$ , respectivamente. A razão entre as energias,  $U_M/U_T$ , é aproximadamente:

- a)  $4/9$       b)  $2/3$       c)  $1$       d)  $3/2$       e)  $9/4$

Solução:- as quantidades de energia recebidas em igual área são inversamente proporcionais ao quadrado da distância. Assim,  $U_M/U_T = (d_{TS}/d_{MS})^2 = (1/1,5)^2 = 1/2,25 = 4/9$ .

Observação: se  $d_{TS}$  é a distância da Terra ao Sol, a  $d_{MS}$  de Marte ao Sol e  $d_{MS} = d_{TS} + 0,5d_{TS} = 1,5d_{TS}$ .

Resposta:- letra (a)

13) Devido à gravidade, um filme fino de sabão suspenso verticalmente é mais espesso embaixo do que em cima. Quando iluminado com luz branca e observado de um pequeno ângulo em relação à frontal, o filme aparece preto em cima, onde não reflete a luz. Aparecem intervalos de luz de cores diferentes na parte em que o filme é mais espesso, onde a cor da luz em cada intervalo depende da espessura local do filme de sabão. De cima para baixo, as cores aparecem na ordem:

- a) Violeta, azul, verde, amarela, laranja, vermelha.      b) Amarela, laranja, vermelha, violeta, azul, verde.  
 c) Vermelha, violeta, azul, verde, amarela, laranja.      d) Vermelha, laranja, amarela, verde, azul, violeta.  
 e) Violeta, vermelha, laranja, amarela, verde, azul.

Solução:- O fenômeno consiste na interferência construtiva para a cor visível da luz que reflete na primeira face com a segunda face. A interferência construtiva ocorre quando a espessura da película for igual a  $n\lambda$ . Assim teremos interferência construtiva para cores de maior comprimento de onda nas partes mais espessas (mais baixa) da película. A cor violeta é a de maior frequência, portanto, de menor comprimento de onda. Assim, o violeta aparece na parte superior. Seguindo a ordem de comprimentos de onda do menor para o maior teremos: violeta, azul, verde, amarela, laranja e vermelha.

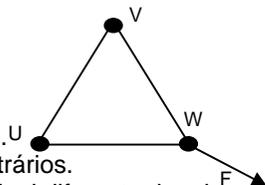
Resposta:- letra (a)

14) Três cargas elétricas puntiformes estão nos vértices U, V e W de um triângulo equilátero. Suponha-se que a soma das cargas é nula e que a força sobre a carga localizada no vértice W é perpendicular à reta UV e aponta para fora do triângulo, como mostra a figura. Conclui-se que:

- a) As cargas localizadas em U e V são de sinais contrários e de valores absolutos iguais.  
 b) As cargas localizadas nos pontos U e V têm valores absolutos diferentes e sinais contrários.  
 c) As cargas localizadas nos pontos U, V e W têm mesmo valor absoluto, com uma de sinal diferente das demais.  
 d) As cargas localizadas nos pontos U, V e W têm o mesmo valor absoluto e o mesmo sinal.  
 e) A configuração descrita é fisicamente impossível.

Solução:- A força  $F$  é a resultante das forças que as cargas de U e V exercem sobre a carga em W. Como  $F$  tem direção coincidente com a mediatriz de UV, as forças exercidas por U e V sobre W são iguais  $\rightarrow$  as cargas em U e V têm o mesmo sinal e estão repelindo W. Assim, W tem carga de mesmo sinal que U e V. A soma das cargas não pode ser então nula. Assim, a configuração descrita é impossível.

Resposta: letra (d)



15) Suponha que um elétron em um átomo de hidrogênio se movimenta em torno do próton em uma órbita circular de raio  $R$ . Sendo  $m$  a massa do elétron e  $q$  o módulo da carga de ambos, elétron e próton, conclui-se que o módulo da velocidade do elétron é proporcional a:

- a)  $q \cdot \sqrt{R/m}$       b)  $q/\sqrt{mR}$       c)  $(q/m)\sqrt{R}$       d)  $qR/\sqrt{m}$       e)  $q^2R/\sqrt{m}$

Solução:- A força que age sobre o elétron é, em módulo:  $F = K \cdot q \cdot q/R^2$  (Lei de Coulomb)  $\rightarrow F = k \cdot q^2/R^2$ .  
Como o elétron está em órbita circular, esta força é igual à força centrípeta  $F_c = mv^2/R$ , necessária para o movimento circular. Desta forma;  $mv^2/R = kq^2/R^2 \rightarrow v^2 = k \cdot q^2/Rm \rightarrow v = \sqrt{k \cdot q^2/Rm} \Rightarrow v$  é proporcional a  $q/\sqrt{Rm}$ .

Resposta:- letra (b)

16) Duas lâmpadas incandescentes, cuja tensão nominal é de 110 V, sendo uma de 20 W e a outra de 100 W, são ligadas em série em uma fonte de 220 V. Conclui-se que:

- a) As duas lâmpadas acenderão com brilho normal.  
b) A lâmpada de 20 W apresentará um brilho acima do normal e logo queimar-se-á.  
c) A lâmpada de 100 W fornecerá um brilho mais intenso do que a de 20 W.  
d) A lâmpada de 100 W apresentará um brilho acima do normal e logo queimar-se-á.  
e) Nenhuma das lâmpadas acenderá.

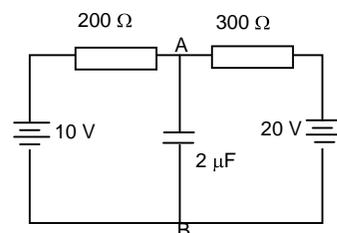
Solução:- De  $R = V^2/P$  resulta:  $R_1 = 110^2/20 = 605 \Omega$  e  $R_2 = 110^2/100 = 121 \Omega$ . As correntes máximas suportadas pelas lâmpadas são  $i_1 = P_1/V = 20/110 = 0,18$  A e  $i_2 = 100/110 = 0,91$  A.

Ligando as resistências em série à fonte de 220 V, a corrente em ambas será  $i = V/R = 220/(605 + 121) = 220/726 = 0,30$  A.

Como esta corrente é maior que a permitida na lâmpada de 20 W, ela fornecerá um brilho mais intenso porém logo irá queimar-se,

Resposta:- letra (b)

17) Duas baterias, de f.e.m. de 10 V e 20 V respectivamente, estão ligadas a duas resistências de  $200 \Omega$  e  $300 \Omega$  e com um capacitor de  $2 \mu F$ , como mostra a figura. Sendo  $Q_c$  a carga do capacitor e  $P_d$  a potência total dissipada depois de estabelecido o regime estacionário, conclui-se que:



- a)  $Q_c = 14 \mu C$ ;  $P_d = 0,1$  W.      b)  $Q_c = 28 \mu C$ ;  $P_d = 0,2$  W.  
c)  $Q_c = 28 \mu C$ ;  $P_d = 10$  W.      d)  $Q_c = 32 \mu C$ ;  $P_d = 0,1$  W.  
e)  $Q_c = 32 \mu C$ ;  $P_d = 0,2$  W.

Solução:- Após carga completa no capacitor, a corrente no restante do circuito será:  $20 - 10 = (200 + 300)i \rightarrow i = 10/500 = 0,02$  A.

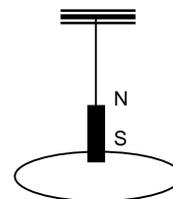
Calculando a ddp entre os pontos A e B, acrescentados à figura original temos:  $V_B + 20 - 300 \cdot 0,02 = V_A \rightarrow V_A - V_B = 20 - 6 = 14$  V.

Desta forma, a carga no capacitor será  $Q = CV = 2 \cdot 14 = 28 \mu$ .

Para a potência dissipada nos resistores:  $P = (R + R')i^2 = (200 + 300) \cdot 0,02^2 = 0,2$  W.

Resposta:- letra (b)

18) Pendura-se por meio de um fio um pequeno ímã permanente cilíndrico, formando assim um pêndulo simples. Uma espira circular é colocada abaixo do pêndulo, com seu eixo de simetria coincidente com o fio do pêndulo na sua posição de equilíbrio, como mostra a figura. Faz-se uma pequena corrente  $I$  através da espira mediante uma fonte externa. Sobre o efeito desta corrente nas oscilações de pequena amplitude do pêndulo, afirma-se que a corrente:



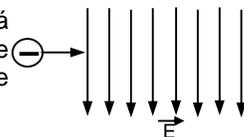
- a) Não produz efeito algum nas oscilações do pêndulo.  
b) Produz um aumento no período das oscilações.  
c) Aumenta a tensão no fio mas não afeta a frequência das oscilações.  
d) Perturba o movimento do pêndulo que, por sua vez, perturba a corrente na espira.  
e) Impede o pêndulo de oscilar.

Solução:- A espira cria um campo magnético que pode atrair ou repelir o ímã. Como o período depende da aceleração  $F/m$ , a força sobre o ímã pode aumentar ou diminuir o que implica na modificação da aceleração.

Portanto haverá perturbação no movimento do pêndulo e em consequência perturba a corrente na espira.

Resposta:- letra (d)

19) Um elétron, movendo-se horizontalmente, penetra em uma região do espaço onde há um campo elétrico de cima para baixo, como mostra a figura. A direção do campo de indução magnética de menor intensidade capaz de anular o efeito do campo elétrico, de tal maneira que o elétron se mantenha na trajetória horizontal, é:

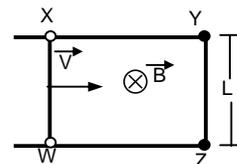


- a) Para dentro do plano do papel.  
b) na mesma direção e sentido oposto ao campo elétrico.  
c) na mesma direção e sentido do campo elétrico.  
d) Para fora do plano do papel.  
e) A um ângulo de  $45^\circ$  entre a direção da velocidade do elétron e a do campo elétrico.

Solução:- A força elétrica é dirigida para cima, ou seja: por ser a carga negativa a força exercida pelo campo elétrico tem sentido contrário ao campo elétrico. Para anular esta força o campo magnético deve exercer uma força vertical para baixo sobre o elétron. Aplicando a regra da mão direita aberta: polegar contrário ao sentido do movimento do elétron, demais dedos apontando o campo magnético e a força apontada pela palma da mão, devemos ter um campo magnético dirigido para dentro do plano do papel.

Resposta:- letra (a)

20) Uma haste WX de comprimento L desloca-se com velocidade constante sobre dois trilhos paralelos separados por uma distância L, na presença de um campo de indução magnética, uniforme e constante, de magnitude B, perpendicular ao plano dos trilhos, direcionado para dentro do papel, como mostra a figura.



Há uma haste YZ fixada no término dos trilhos. As hastes e os trilhos são feitos de um fio condutor cuja resistência por unidade de comprimento é  $\rho$ . A corrente na espira retangular WXYZ:

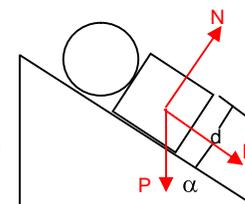
- a) Circula no sentido horário e aumenta, tendendo a um valor limite finito.
- b) Circula no sentido horário e decresce, tendendo a zero.
- c) Circula no sentido anti-horário e decresce, tendendo a zero.
- d) Circula no sentido anti-horário e aumenta, tendendo a um valor limite finito.
- e) Circula no sentido anti-horário e aumenta sem limite.

Solução:- Usando a regra da mão direita explicada no item anterior, os elétrons livres de xw irão se mover de x para w. Isto implica numa corrente no sentido **horário**.

A força eletromotriz induzida é determinada por  $\varepsilon = BvL$ . Como o circuito (retângulo xwzy) reduz seu comprimento à medida que xw se desloca para a direita, a resistência diminui implicando em um **aumento** da corrente.

Resposta:- letra (a)

21) Considere um bloco cúbico de lado d e massa m em repouso sobre um plano inclinado de ângulo  $\alpha$ , que impede o movimento de um cilindro de diâmetro d e massa m idêntica à do bloco, como mostra a figura. Suponha que o coeficiente de atrito estático entre o bloco e o plano seja suficientemente grande para que o bloco não deslize pelo plano e que o coeficiente de atrito estático entre o cilindro e o bloco seja desprezível. O valor máximo do ângulo  $\alpha$  do plano inclinado, para que a base do bloco permaneça em contato com o plano, é tal que:



- a)  $\sin \alpha = 1/2$
- b)  $\tan \alpha = 1$
- c)  $\tan \alpha = 2$
- d)  $\tan \alpha = 3$
- e)  $\cot g \alpha = 2$

Solução:- No cilindro as forças atuantes são o peso P e a reação normal do plano. Estas forças têm direção sobre retas suportes que passam pelo centro do cilindro. Se o cilindro está em repouso não há atrito pois o mesmo sendo uma força tangencial levaria o cilindro a girar uma vez que o atrito entre o cilindro e o bloco é nulo, conforme enunciado. A resultante de P e N é a força paralela ao plano cuja intensidade é  $F = P \cdot \sin \alpha$ . Esta é a força que o bloco exerce sobre o cilindro para mantê-lo em repouso. Pelo princípio da ação e da reação esta é também a intensidade da força que o cilindro exerce sobre o bloco. Assim, no bloco estão agindo as forças  $P \sin \alpha$  paralela ao plano dirigida para baixo, P, o peso e N a ação normal do plano sobre o bloco. A resultante de N e P é  $F = P \sin \alpha$ . Portanto, a força de atrito deve ser tal que equilibre a resultante de P e N e a força exercida pelo cilindro sobre o bloco, ou seja  $F_A = 2P \cdot \sin \alpha$ .

Temos então, sobre o bloco, a resultante de F e  $F_A$ , que corresponde a uma força paralela ao plano para cima, valendo  $P \sin \alpha$ , o peso e N.

Para o bloco não girar, a resultante de P, N e F deve passar no máximo no vértice inferior direito do bloco. Como N e F são perpendiculares, sua resultante tem módulo igual a P e a resultante de P com a resultante de F e N deve passar por tal ponto o peso deverá também passar pelo mesmo. Assim, o ângulo máximo é de  $45^\circ \rightarrow \tan \alpha = 1$ .

Resposta:- letra (b)

22) Uma bala de massa 10 g é atirada horizontalmente contra um bloco de madeira de 100 g que está fixo, penetrando nele 10 cm até parar. Depois, o bloco é suspenso de tal forma que se possa mover livremente e uma bala idêntica à primeira é atirada contra ele. Considerando a força de atrito entre a bala e a madeira em ambos os casos como sendo a mesma, conclui-se que a segunda bala penetra no bloco a uma profundidade de aproximadamente:

- a) 8,0 cm
- b) 8,2 cm
- c) 8,8 cm
- d) 9,2 cm
- e) 9,6 cm

Solução:- A energia cinética da bala  $mv^2/2$  é transformada em calor. Tem-se então  $mv^2/2 = F \cdot d \rightarrow mv^2/2 = 0,1F \rightarrow F = (1/2)mv^2/0,1 = (1/2)10mv^2$ .

Na segunda situação, pela conservação da quantidade de movimento:  $mv = (m + M)v' \rightarrow v' = mv/(m + M)$ .

A energia cinética final do sistema bala bloco é igual à energia cinética inicial da bala menos o trabalho necessário para penetrar no bloco  $\rightarrow mv^2/2 = (m + M)v'^2/2 + F \cdot d' \rightarrow (1/2)mv^2 = (1/2) \cdot (m + M) \cdot [mv/(m + M)]^2 + (1/2) \cdot 10mv^2 \cdot d' \rightarrow 1 = (10/110) + 10d' \rightarrow 10d' = 1 - 0,091 \rightarrow d' = 0,091 \text{ m} = 9,1 \text{ cm}$ .

Resposta: letra (d)

**23)** Um bloco maciço requer uma potência  $P$  para ser empurrado, com uma velocidade constante, para subir uma rampa inclinada de um ângulo  $\theta$  em relação à horizontal. O mesmo bloco requer uma potência  $Q$  quando empurrado com a mesma velocidade em uma região plana de mesmo coeficiente de atrito. Supondo que a única fonte de dissipação seja o atrito entre o bloco e a superfície, conclui-se que o coeficiente de atrito entre o bloco e a superfície é:

- a)  $Q/P$     b)  $Q/(P - Q)$     c)  $Q \cdot \text{sen}\theta/(P - Q)$     d)  $Q/(P - Q \cdot \text{cos}\theta)$     e)  $Q \cdot \text{sen}\theta/(P - Q \cdot \text{cos}\theta)$

Solução:- A força necessária para empurrar o bloco rampa acima com atrito é  $F = W \text{sen}\theta + \mu W \text{cos}\theta$ , onde  $W$  é o peso do corpo. Como a potência é  $P = FV$ , tem-se  $P = (W \text{sen}\theta + \mu W \text{cos}\theta) \cdot v$ .

Para empurrar o bloco horizontalmente, a potência é  $Q = \mu Wv$  onde  $\mu W$  é a força de atrito.

Dividindo membro a membro:  $P/Q = (W \text{sen}\theta + \mu W \text{cos}\theta)/\mu W \rightarrow P\mu = Q \text{sen}\theta + \mu Q \text{cos}\theta \rightarrow \mu = Q \text{sen}\theta/(P - Q \text{cos}\theta)$ .

Resposta: letra (e)

**24)** Estima-se que, em alguns bilhões de anos, o raio médio da órbita da lua estará 50% maior do que é atualmente. Naquela época, seu período de, que hoje é de 27,3 dias, seria:

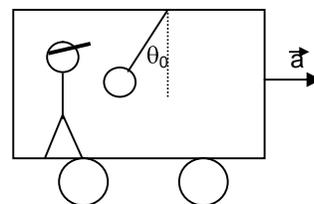
- a) 14,1 dias.    b) 18,2 dias.    c) 27,3 dias.    d) 41,0 dias.    e) 50,2 dias.

Solução:- De acordo com a terceira lei de Kepler,  $(R_1/R_2)^3 = (T_1/T_2)^2 \rightarrow (1,5/1)^3 = (T_2/27,3)^2 \rightarrow$

$\rightarrow T_2^2 = 27,3^2 \cdot 1,5^3 \rightarrow T_2 = 50,2$  dias.

Resposta:- letra (e)

**25)** No início do século, Albert Einstein propôs que forças inerciais, como aquelas que aparecem em referenciais acelerados, sejam equivalentes às forças gravitacionais. Considere um pêndulo de comprimento  $L$  suspenso no teto de um vagão de trem em movimento retilíneo com aceleração constante de módulo  $a$ , como mostra a figura. Em relação a um observador no trem, o período de pequenas oscilações de pêndulo ao redor da sua posição de equilíbrio  $\theta_0$  é:

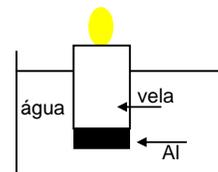


- a)  $2\pi\sqrt{L/g}$     b)  $2\pi\sqrt{L/(g+a)}$     c)  $2\pi\sqrt{L/\sqrt{(g^2 - a^2)}}$     d)  $2\pi\sqrt{L/\sqrt{(g^2 + a^2)}}$     e)  $2\pi\sqrt{L/\sqrt{a \cdot g}}$

Solução:- Como o observador também está no sistema de referência acelerado, o período não irá se modificar.

Resposta: letra (a)

**26)** Na extremidade inferior de uma vela cilíndrica de 10 cm de comprimento (massa específica  $0,7 \text{ g/cm}^3$ ) é fixado um cilindro maciço de alumínio (massa específica  $2,7 \text{ g/cm}^3$ ), que tem o mesmo raio que a vela e comprimento de 1,5 cm. A vela é acesa e imersa na água, onde flutua de pé com estabilidade, como mostra a figura. Supondo que a vela queime a uma taxa de 3 cm por hora e que a cera fundida não escorra enquanto a vela queima, conclui-se que a vela vai apagar-se:



- a) Imediatamente, pois não vai flutuar.    b) Em 30 min.    c) Em 50 min.  
d) Em 1 h e 50 min.    e) Em 3 h e 20 min.

Solução:- A vela irá apagar quando a superfície superior da vela atingir o nível da água. Seja  $h$  a altura da vela restante. Como ela estará flutuando,  $E = P \rightarrow hS \cdot \rho_v g + 1,5S \cdot \rho_{Al} g = (h + 1,5) S \cdot \rho_A g \rightarrow h \cdot 0,7 + 1,5 \cdot 2,7 = h + 1,5 \rightarrow h = 8,5$  cm. Como a vela tinha 10 cm, ela derreteu  $10 - 8,5 = 1,5$  cm  $\rightarrow$  um gasto de 0,5 horas pois ela derrete 3 cm por hora. Ou seja:  $0,5 \text{ h} = 30$  minutos.

Resposta:- letra (b)

**27)** O módulo da velocidade das águas de um rio é de 10 m/s pouco antes de uma queda d'água. Ao pé da queda existe um remanso onde a velocidade das águas é praticamente nula. Observa-se que a temperatura da água no remanso é  $0,1 \text{ }^\circ\text{C}$  maior do que a da água antes da queda. Conclui-se que a altura da queda d'água é:

- a) 2,0 m    b) 25 m    c) 37 m    d) 42 m    e) 50 m

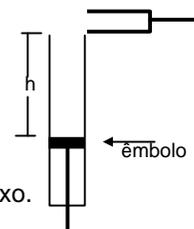
Solução:- A energia total, cinética mais potencial da água é transformada em calor para aquecer essa água.

Assim,  $mgh + mv^2/2 = mc\Delta\theta$ . O calor específico da água é  $4,18 \text{ kJ/kg}^\circ\text{C} = 4,18 \cdot 10^3 \text{ J/Kg} \cdot ^\circ\text{C}$ .

$m \cdot 10 \cdot h + m \cdot 10^2/2 = m \cdot 4,18 \cdot 10^3 \cdot 0,1 \rightarrow 10h + 50 = 418 \rightarrow h = (418 - 50)/10 = 36,8 \text{ m}$ , aproximadamente 37 m.

Resposta:- letra (c)

**28)** Um diapasão de 440 Hz soa acima de um tubo de ressonância contendo um êmbolo móvel como mostrado na figura. A uma temperatura ambiente de  $0^\circ\text{C}$ , a primeira ressonância ocorre quando o êmbolo está a uma distância  $h$  abaixo do topo do tubo. Dado que a velocidade do som no ar (em m/s) a uma temperatura  $T$  (em  $^\circ\text{C}$ ) é  $v = 331,5 + 0,607T$ , conclui-se que a  $20^\circ\text{C}$  a posição para a primeira ressonância, relativa a sua posição a  $0^\circ\text{C}$ , é:



- a) 2,8 cm acima.    b) 1,2 cm acima.    c) 0,7 cm abaixo.    d) 1,4 cm abaixo.    e) 4,8 cm abaixo.

Solução: a velocidade do som a 0° C é  $v = 331,5 + 0,607 \cdot 0 = 331,5$  m/s. Para a primeira ressonância,  $h$  equivale a  $(1/2)$  comprimento de onda. Como  $\lambda = v/f$ ,  $\lambda = 331,5/440 = 0,7534$  m = 75,34 cm  $\rightarrow h = (1/2) \cdot \lambda = 37,7$  cm.

A velocidade do som a 20°C é  $v = 331,5 + 0,607 \cdot 20 = 343,64$  m/s e  $\lambda = 343,64/440 = 0,781$  m = 78,1 cm  $\rightarrow h' = (1/2) \cdot 78,1 = 39,1$  cm.

O deslocamento deverá ser de  $39,1 - 37,7 = 1,4$  cm para baixo.

Resposta: letra (d)

**29)** Um objeto metálico é colocado próximo a uma carga de +0,02C e aterrado com um fio de resistência de 8 Ω. Suponha que a corrente que passa pelo fio seja constante por um tempo de 0,1 s até o sistema entrar em equilíbrio e que a energia dissipada no processo seja de 2 J. Conclui-se que, no equilíbrio, a carga no objeto metálico é:

- a)** -0,02 C                      **b)** -0,01 C                      **c)** -0,005 C                      **d)** 0 C                      **e)** +0,02 C

Solução:- No equilíbrio a carga no objeto metálico é uma carga induzida devido a proximidade do indutor. Como a carga induzida é igual à carga do indutor, a carga será de 0,02 C.

Resposta: letra (a)

**30)** Uma vela está a uma distância  $D$  de um anteparo sobre o qual se projeta uma imagem com lente convergente. Observa-se que as duas distâncias  $L$  e  $L'$  entre a lente e a vela para as quais se obtém uma imagem nítida da vela no anteparo, ditam uma da outra de uma distância  $a$ . O comprimento focal da lente é então:

- a)**  $(D - a)/2$     **b)**  $(D + a)/2$     **c)**  $2a$     **d)**  $(D^2 - a^2)/4D$     **e)**  $(D^2 + a^2)/4D$

Solução:- A equação dos focos conjugados fornece  $1/f = 1/Do + 1/Di$ , sendo  $Do + Di = D$  (distância do objeto à imagem).

O sistema formado pelas duas igualdades permite encontrar dois valores para  $Do$  e dois valores para  $Di$ . Se  $Do_1 = x$  e  $Di_1 = y$  então  $Do_2 = y$  e  $Di_2 = x$ .

Assim, para a situação descrita, se  $Do = L$ ,  $Di = L'$ . Temos então:  $L + L' = D \rightarrow L + L - a = D \rightarrow 2L = D + a \rightarrow$

$\rightarrow L = (D + a)/2$  e  $L' = (D + a)/2 - a = (D + a - 2a)/2 = (D - a)/2$ .

Portanto,  $1/f = 1/[(D + a)/2] + 1/[(D - a)/2] \rightarrow 1/f = 2/(D + a) + 2/(D - a) \rightarrow 1/f = [2 \cdot (D - a) + 2 \cdot (D + a)] / (D - a)(D + a)$

$\rightarrow 1/f = 4D / (D^2 - a^2) \rightarrow f = (D^2 - a^2) / 4D$ .

Resposta:- letra (d)

