

Exercícios: Propriedades dos logaritmos

Desenvolva, aplicando as propriedades dos logaritmos (a, b e c são reais positivos):

1.

$$\log_5 \left(\frac{5a}{bc} \right) =$$

2.

$$\log_3 \left(\frac{ab^2}{c} \right) =$$

3.

$$\log_2 \left(\frac{a^2\sqrt{b}}{\sqrt[3]{c}} \right) =$$

4.

$$\log_3 \left(\frac{a \cdot b^3}{c \cdot \sqrt[3]{a^2}} \right) =$$

Qual é a expressão cujo desenvolvimento logarítmico é dado abaixo (a, b, c são reais positivos)?

5.

$$\log_2 a + \log_2 b - \log_2 c =$$

6.

$$2 \log a - \log b - 3 \log c =$$

7.

$$2 - \log_3 a + 3 \log_3 b - 2 \log_3 c =$$

$$11. \log 12 =$$

8.

$$\frac{1}{2} \log a - 2 \log b - \frac{1}{3} \log c =$$

$$12. \log \sqrt{2} =$$

$$13. \log 0,5 =$$

Se $\log 2 = a$ e $\log 3 = b$, coloque em função de a e b os seguintes logaritmos decimais:

$$9. \log 6 =$$

$$10. \log 4 =$$

$$14. \log 20 =$$

15. $\log 5 \left(\text{Sugestão: } 5 = \frac{10}{2} \right) =$

16. $\log 15 =$

17. Sabendo que $\log 2 = 0,3010$, determine o valor da expressão $\log \frac{125}{\sqrt[5]{2}}$.

18. Se $\log 2 = 0,301$, calcule o valor da expressão $\log 20 + \log 40 + \log 800$.

GABARITO:

I. $1 + \log_5 a - \log_5 b - \log_5 c$

II. $\log_3 a + 2 \log_3 b - \log_3 c$

III. $2 \log_2 a + \frac{1}{2} \log_2 b - \frac{1}{3} \log_2 c$

IV. $\frac{1}{3} \log_3 a + 3 \log_3 b - \log_3 c$

V. $\frac{ab}{c}$

VI. $\frac{a^2}{bc^3}$

VII. $\frac{9b^3}{ac^2}$

VIII. $\frac{\sqrt{a}}{b^2 \sqrt[3]{c}}$

IX. $a + b$

X. $2a$

XI. $2a + b$

XII. $a/2$

XIII. $-a$

XIV. $1 + a$

XV. $1 - a$

XVI. $1 - a + b$

XVII. $2,0368$

XVIII. $5,806$