



**MESTRES**  
DA MATEMÁTICA

**Geometria Analítica  
na Circunferência**

- 1) (UNIFESP) A equação  $x^2 + y^2 + 6x + 4y + 12 = 0$ , em coordenadas cartesianas, representa uma circunferência de raio 1 e centro
- a)  $(-6, 4)$
  - b)  $(6, 4)$
  - c)  $(3, 2)$
  - d)  $(-3, -2)$
  - e)  $(6, -4)$
- 2) (PUC) O ponto  $(2, b)$  pertence ao círculo de equação  $x^2 + y^2 = 13$ . Então, a soma dos possíveis valores de  $(2 + b)^2$  é:
- a) 16
  - b) 26
  - c) 36
  - d) 46
  - e) 56
- 3) (FGV) No plano cartesiano, a circunferência que passa pelo ponto  $P = (1, 3)$  e é concêntrica com a circunferência  $x^2 + y^2 + 6x + 8y - 1 = 0$ , tem a seguinte equação:
- a)  $x^2 + y^2 + 6x + 8y - 40 = 0$
  - b)  $x^2 + y^2 - 3x - 4y + 5 = 0$
  - c)  $x^2 + y^2 - 6x - 8y + 20 = 0$
  - d)  $x^2 + y^2 + 3x + 4y - 25 = 0$
  - e)  $x^2 + y^2 - 3x + 4y - 19 = 0$
- 4) (PUC) A distância do ponto de ordenada três da reta de equação  $x - y - 1 = 0$  ao centro da circunferência  $x^2 + y^2 - 2x + 2y = 0$  é igual a:
- a) 4
  - b) 5
  - c) 6
  - d) 7
  - e) 8

- 5) (FGV) A equação da circunferência que passa pelos pontos  $(3,3)$  e  $(-1,3)$  e cujo centro está no eixo das abscissas é:
- $x^2 + y^2 - 2x = 12$
  - $x^2 + y^2 - 2y = 10$
  - $(x-1)^2 + y^2 = 25$
  - $x^2 + y^2 + 4x = 46$
  - $x^2 + y^2 = 1$
- 6) (CESESP) Os valores de  $m$  para os quais a reta da equação  $x + y + m = 0$  é tangente à circunferência de equação cartesiana  $x^2 + y^2 = 25$  são:
- 4 ou 7
  - 3 ou 4
  - 5 ou 5
  - $-5\sqrt{2}$  ou  $5\sqrt{2}$
  - 10 ou 10
- 7) (FGV) Uma das retas paralelas à reta  $r: 3x - 4y = 0$  e tangente à circunferência de equação  $(x-5)^2 + (y-1)^2 = 4$  tem por equação:
- $3x - 4y - 20 = 0$
  - $3x - 4y - 21 = 0$
  - $3x - 4y - 22 = 0$
  - $3x - 4y - 23 = 0$
  - $3x - 4y - 24 = 0$
- 8) (ITA) O ponto de circunferência  $x^2 + y^2 + 4x + 10y + 28 = 0$  que tem ordenada máxima é:
- $\left(\frac{\sqrt{2}}{2} - 2, -\frac{9}{2}\right)$
  - $(\sqrt{2} - \sqrt{3}, -1)$
  - $\left(-\frac{3}{10}, -1\right)$
  - $\left(\frac{\sqrt{2}}{2} - 2, -2\right)$
  - $(-2, -4)$

9) (CESGRANRIO) As circunferências  $x^2 + y^2 - 8x + 6y = 0$  e  $x^2 + y^2 - 16x - 12y = 0$  são:

- a) exteriores
- b) secantes
- c) tangentes internamente
- d) tangentes externamente
- e) concêntricas

10) (VUNESP) A equação da circunferência com centro no ponto  $C = (2, 1)$  e que passa pelo ponto  $P = (0, 3)$  é dada por:

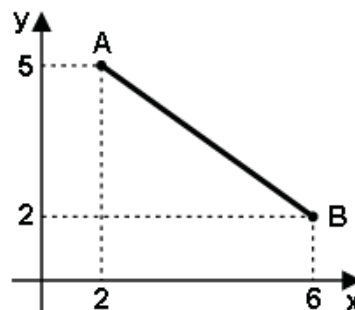
- a)  $x^2 + (y - 3)^2 = 0$
- b)  $(x - 2)^2 + (y - 1)^2 = 4$
- c)  $(x - 2)^2 + (y - 1)^2 = 8$
- d)  $(x - 2)^2 + (y - 1)^2 = 16$
- e)  $x^2 + (y - 3)^2 = 8$

11) (UFPA) As circunferências  $C_1 : x^2 + y^2 - 4x + 3 = 0$  e  $C_2 : x^2 + y^2 - 8x + 12 = 0$  são:

- a) exteriores
- b) tangentes exteriores
- c) tangentes interiores
- d) concêntricas
- e) secantes

12) (UFSM) O segmento AB da figura representa um diâmetro de uma circunferência. A equação dessa circunferência é dada por:

- a)  $x^2 + y^2 - 8x - 7y + 20 = 0$
- b)  $x^2 - y^2 + 8x - 7y + 20 = 0$
- c)  $x^2 + y^2 = 25$
- d)  $x^2 + y^2 - 8x - 7y + 22 = 0$
- e)  $-x^2 + y^2 + 8x + 7y - 22 = 0$

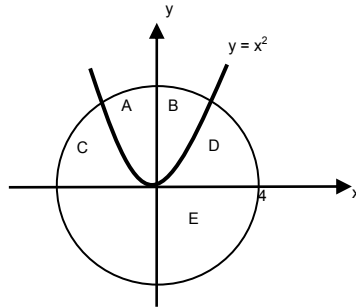


- 13) (UFSM) As retas  $r$  e  $s$  tangenciam a circunferência de equação  $x^2 + y^2 - 4x + 3 = 0$ , respectivamente, nos pontos  $P$  e  $Q$  e passam pelo ponto  $O = (0, 0)$ . A medida do ângulo  $PÔQ$  vale:
- $15^\circ$
  - $30^\circ$
  - $45^\circ$
  - $60^\circ$
  - $90^\circ$

- 14) (UNIFESP) A região do plano cartesiano, determinada simultaneamente pelas três condições

$$\begin{cases} x^2 + y^2 \leq 16 \\ y \geq x^2 \\ x \geq 0 \end{cases} \quad \text{é aquela, na figura, indicada com a letra:}$$

- A
- B
- C
- D
- E



- 15) Arnaldo, Beraldo, César e Danilo estão situados em um sistema cartesiano ortogonal com os eixos graduados em metros, nos pontos de coordenadas  $A = (2, 0)$ ,  $B = (0, 2)$ ,  $C = (2, 4)$  e  $D = (4, 2)$ , respectivamente. Eles iniciam uma corrida andando no sentido horário, todos com velocidades iguais e constantes, sobre a circunferência de equação  $(x - 2)^2 + (y - 2)^2 = 4$ . No exato momento em que Beraldo tiver percorrido  $127\pi$  metros, é correto afirmar que o César estará no ponto de coordenadas igual a:
- $(2, 0)$
  - $(0, 2)$
  - $(2, 4)$
  - $(2, 2)$
  - $(4, 2)$



16) (FUVEST) Sendo  $P = (a, b)$  um ponto qualquer da circunferência de centro na origem e raio 1, que

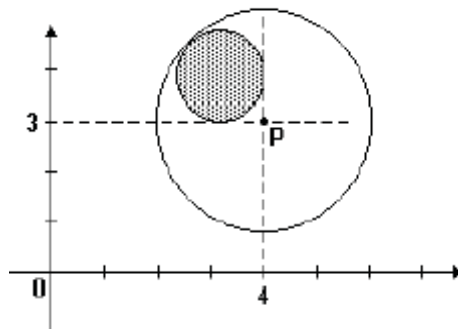
satisfaça  $b > 0$  e  $a \neq \pm b$ , pode-se afirmar que  $\log \left[ \frac{b^3}{a^2 - b^2} \cdot \left( \frac{a^4}{b^4} - 1 \right) \right]$  vale:

- a) 0
- b) 1
- c)  $-\log(b)$
- d)  $\log(b)$
- e)  $2\log(b)$

17) (UFC) O segmento que une os pontos de interseção da reta  $2x + y - 4 = 0$  com os eixos coordenados determina um diâmetro de uma circunferência. A equação dessa circunferência é:

- a)  $(x-1)^2 + (y-2)^2 = 5$
- b)  $(x-1)^2 + (y-2)^2 = 20$
- c)  $(x-1)^2 + (y-2)^2 = 25$
- d)  $(x+1)^2 + (y+2)^2 = 5$
- e)  $(x+1)^2 + (y+2)^2 = 20$

18) (PUC) A área da região assinalada na figura é  $4\pi$ . A equação da circunferência de centro em P é, então:



- a)  $x^2 + y^2 - 8x - 6y - 7 = 0$
- b)  $x^2 + y^2 - 8x - 6y + 17 = 0$
- c)  $x^2 + y^2 - 8x - 6y + 21 = 0$
- d)  $x^2 + y^2 - 8x - 6y + 13 - 8\sqrt{2} = 0$
- e)  $x^2 + y^2 - 6x - 8y + 13 - 8\sqrt{2} = 0$

- 19) (UEL) Na decoração de uma pré-escola são usadas placas com formas de figuras geométricas. Uma destas placas é formada por uma figura que pode ser definida por  $x^2 + y^2 - 8x - 8y + 28 \leq 0$  quando projetada em um plano cartesiano  $xy$ , onde  $x$  e  $y$  são dados em metros. Esta placa vai ser pintada usando duas cores, cuja separação é definida pela reta  $y = x$  no plano  $xy$ . Considerando o plano cartesiano  $xy$  como referência, a região acima da reta será pintada de vermelho e a região abaixo da reta, de verde. Sabendo que a escola vai fazer 12 destas placas e que, é necessária uma lata de tinta para pintar 3 metros quadrados de placa, serão necessárias, no mínimo, quantas latas de tinta vermelha?
- 12
  - 24
  - 26
  - 32
  - 48

- 20) (UFJF) Dadas a reta de equação  $5x - 3y + 8 = 0$  e a circunferência de equação  $x^2 + y^2 + 2x - 4y + 1 = 0$ , a equação da reta perpendicular à reta dada, contendo o centro da circunferência, é:
- $3x + 5y - 7 = 0$
  - $-2x + 3y - 2 = 0$
  - $3x + 5y - 4 = 0$
  - $4x + 6 = 0$
  - $-2x + 3y + 5 = 0$

CIRCUNFERÊNCIA									
1) D	2) B	3) A	4) B	5) A	6) D	7) B	8) E	9) B	10) C
11) E	12) D	13) D	14) B	15) B	16) C	17) A	18) D	19) C	20) A