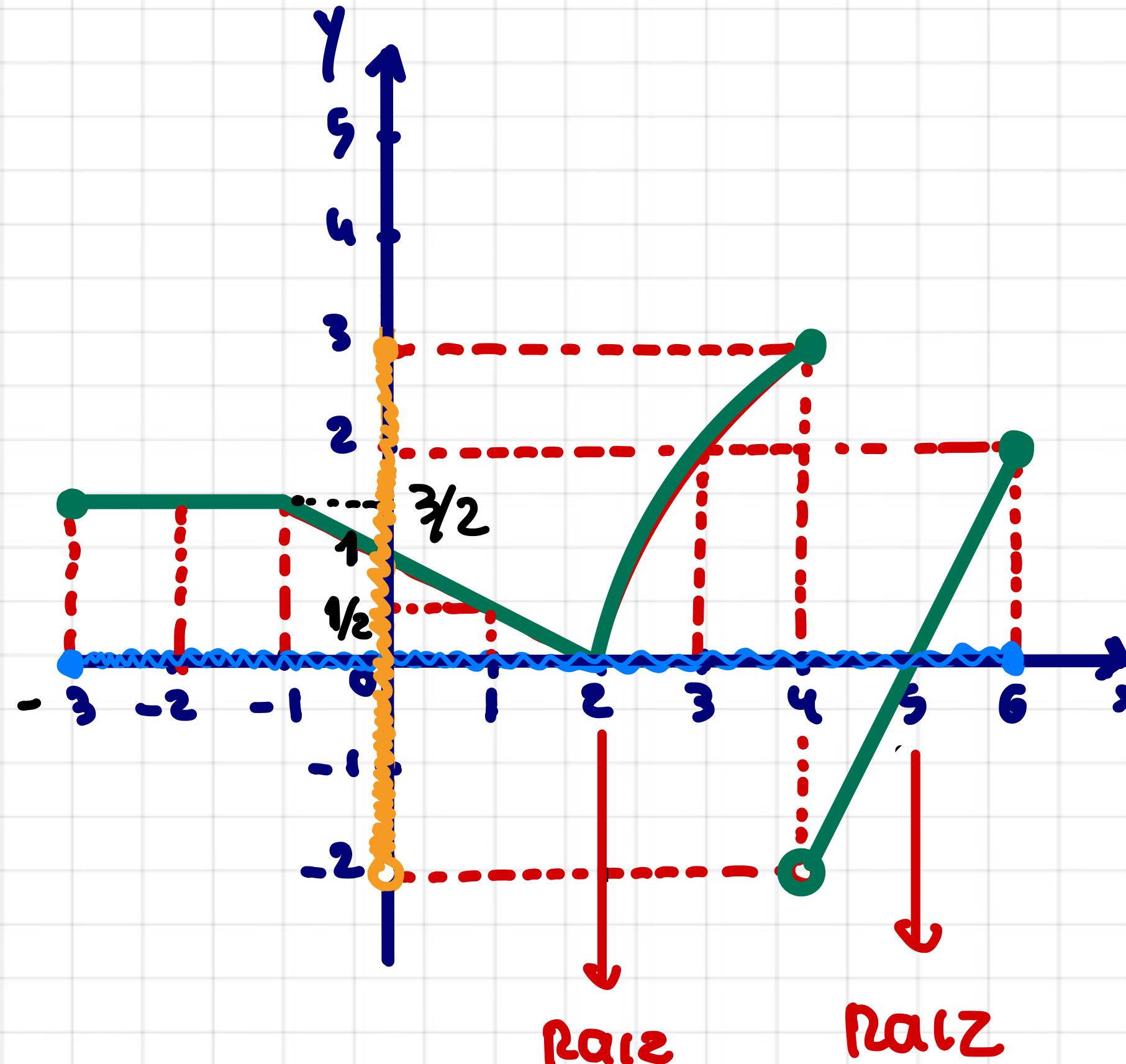


**Ex:**  
i) Considere o gráfico da função abaixo:



Determine:

a)  $D, CD \in Im$

$$D = [-3, 6]$$

$$Im = ]-2, 3]$$

b) O valor de

$$\therefore f(-3) = \frac{3}{2}$$

$$\therefore f(-2) = \frac{3}{2}$$

$$\therefore f(-1) = \frac{3}{2}$$

$$\therefore f(0) = 1$$

$$\therefore f(1) = \frac{1}{2}$$

Tarefa

$$CD = \mathbb{R}$$

(Não foi especificado)

$$\therefore f(2) = 0 \quad (2 \text{ é raiz})$$

$$\therefore f(3) = 2$$

$$\therefore f(4) = 3$$

$$\therefore f(5) = 0 \quad (5 \text{ é raiz})$$

$$\therefore f(6) = 2$$

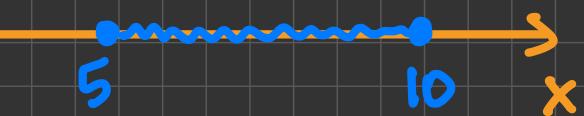
Parenêteses  
= COLCHETE  
DE COSTAS

## Intervalos (IR)

## Reais

Gráficamente

Ex:

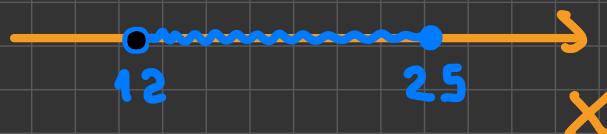


Por colchetes

$$[5, 10]$$

Por propriedade

$$\{x \in \mathbb{R} / 5 \leq x < 10\}$$



$$]12, 25]$$

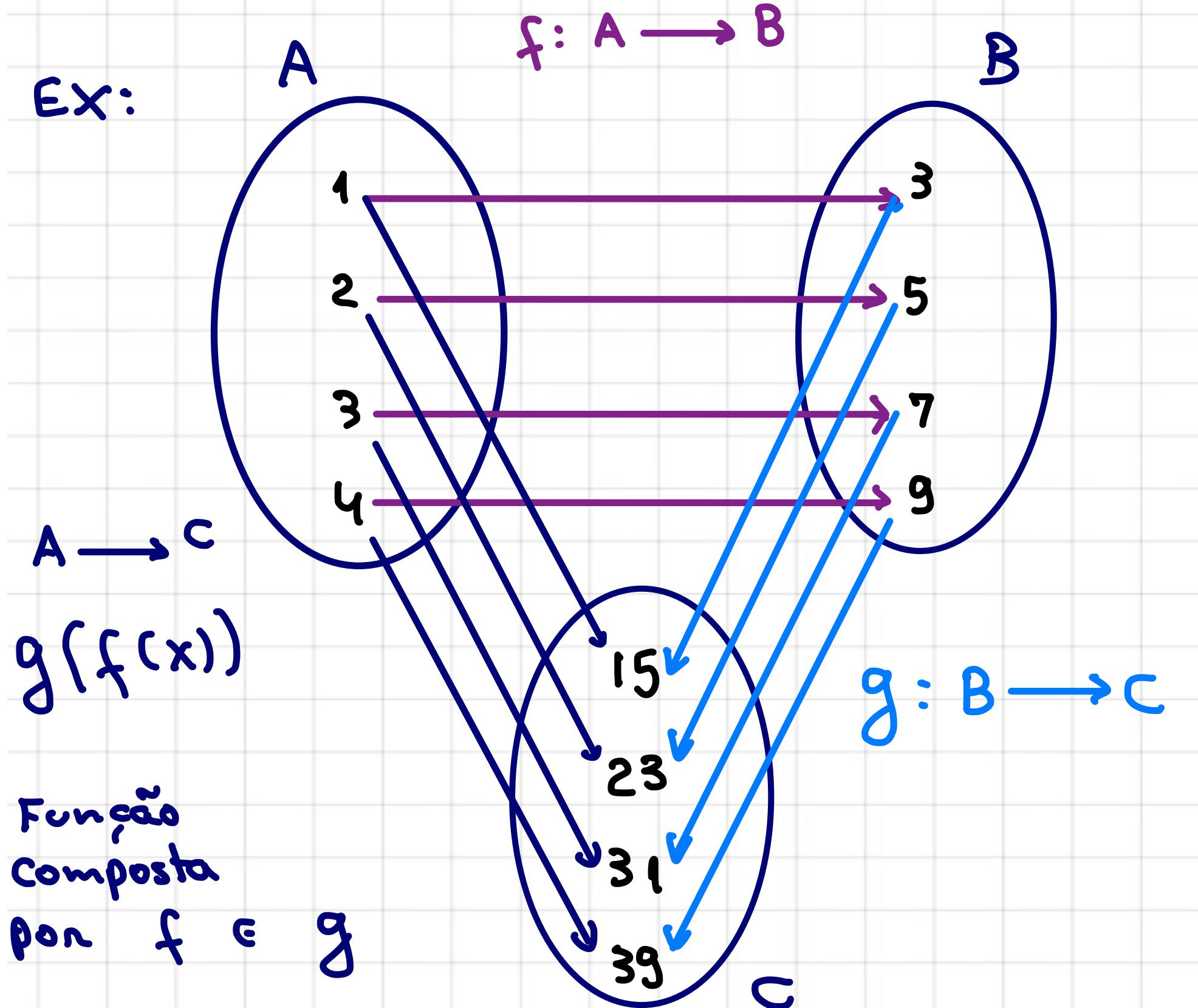
$$(12, 25]$$

$$\{x \in \mathbb{R} / 12 < x \leq 25\}$$



## FUNÇÃO COMPOSTA

EX:



$$f(x) = 2x + 1$$

$$g(x) = 4x + 3$$

$$g(f(x)) = ?$$

$$g(x) = 4 \cdot x + 3$$

$$g(f(x)) = 4 \cdot f(x) + 3$$

$$= 4(2x+1) + 3$$

$$\therefore g(f(x)) = 8x + 7$$

$A \rightarrow C$

obs:

Notação:

$$g \circ f(x) = g(f(x))$$

$$f \circ g(z) = f(g(z))$$

etc.

Ex: Considere as funções  $f(x) = 3x + 2$  e  $g(x) = 2x - 1$ .

CALCULQ:

a)  $f(g(3))$

b)  $g(f(1))$

c)  $f(f(g(4)))$

d)  $gogog(5)$

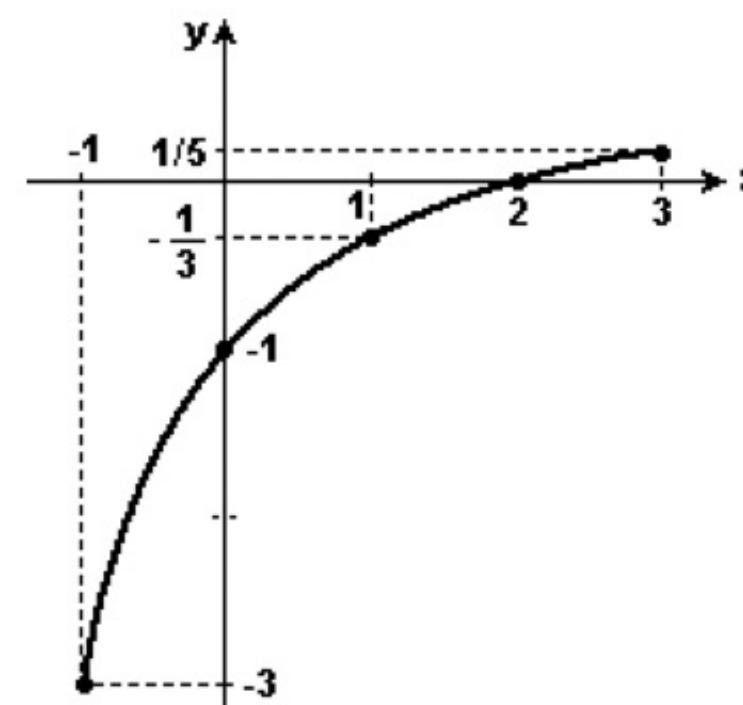
e)  $f \circ g \circ f(0)$

f)  $g(f(x))$

g)  $f(g(x))$

#### FUNÇÃO-GRÁFICOS

**Q1)** Observe o gráfico de  $f(x)$ .



- a) Qual o domínio de  $f(x)$ ?
- b) Qual a imagem de  $f(x)$ ?
- c) Coloque V ou F
  - ( )  $f(-1) = -3$
  - ( )  $f(f(0)) = 0$
  - ( )  $f(2) = 0$
  - ( )  $f(f(3)) < 0$
  - ( )  $f(x) > 0$  para todo  $\{x \in \mathbb{R} / 2 < x \leq 3\}$

#### FUNÇÃO ALGÉBRICA – PARTE 1

**Q1)** Sendo  $f(x) = x - 3$ ;  $g(x) = 4x$  e  $h(x) = 2x+3$ , calcule:

- a)  $f(5)$
- b)  $g(f(9))$
- c)  $h(f(g(2)))$

**Q2)** Seja  $f(x) = 3x - 4$ . Calcule  $m$  tal que  $f(2m - 1) = 11$ .

**Q3)** Seja  $f(x) = 2x + p$ . Calcule  $p$  tal que  $f(f(1)) = 10$ .

**Q4)** Sejam  $f(x) = x + 3$  e  $g(x) = 2x - 1$ . Calcule  $k$  para que  $f(3k - 1) = g(2k + 2)$

## FUNÇÃO ALGÉBRICA – PARTE 2

**Q1)** Sendo  $f(x) = \begin{cases} 3x & \text{se } x > 2 \\ x + 4 & \text{se } x \leq 2 \end{cases}$ ; calcule:

- a)  $f(4)$
- b)  $f(-3)$
- c)  $f(f(1))$

**Q2)** Sendo  $f(x) = \begin{cases} 3^x & \text{se } x \leq 1 \\ 5 & \text{se } 1 < x \leq 4 \\ x - 4 & \text{se } x > 4 \end{cases}$ ; calcule  $f(f(f(2)))$

**Q3)** Sendo  $f(x) = \begin{cases} 2x + 1 & , \text{se } x > 2 \\ 4 - x & , \text{se } x \leq 2 \end{cases}$ , resolva a equação  $f(x) = 3$ .

## FUNÇÃO COMPOSTA

**Q1)** Sendo  $f(x) = 3x - 2$  e  $g(x) = 2x + 1$ , obtenha  $f(g(x))$

**Q2)** Sendo  $f(x) = 3x + 4$ , obtenha  $f(f(x))$ .

**Q3)** Sendo  $f(x) = 2x - 2$  e  $g(x) = 3x - 5$ , calcule  $x$  tal que  $f(f(x)) = f(g(x))$

**Q4)** Se  $f(x) = 4x - 2$  e  $f(g(x)) = 10 - 4x$ , obtenha  $g(x)$ .



**MESTRES**  
DA MATEMÁTICA