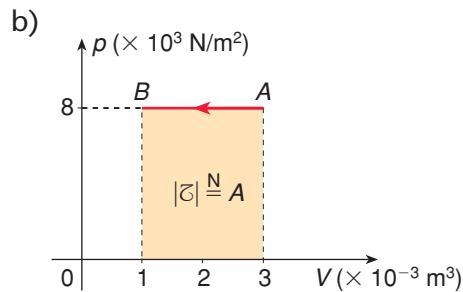


P.158 a) Do gráfico: $V_A = 3 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$; $V_B = 1 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$

Dado: $T_A = 300 \text{ K}$

$$p_A = p_B \Rightarrow \frac{V_A}{T_A} = \frac{V_B}{T_B} \Rightarrow \frac{3 \cdot 10^{-3}}{300} = \frac{1 \cdot 10^{-3}}{T_B} \Rightarrow T_B = 100 \text{ K}$$



A área do gráfico é numericamente igual ao módulo do trabalho no processo:

$$A = \text{base} \times \text{altura} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow A = (3 - 1) \cdot 10^{-3} \cdot 8 \cdot 10^3 \Rightarrow A \stackrel{N}{=} |\bar{C}| = 16 \text{ J}$$

Como se trata de uma compressão:

$$\bar{C} = -16 \text{ J}$$

c) O **trabalho** é realizado **sobre o gás** pelo ambiente, pois o volume diminui (compressão).

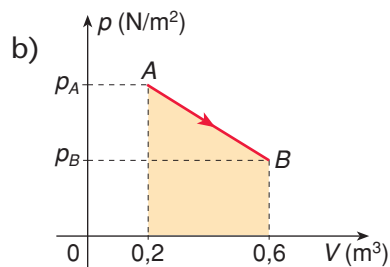
P.159 a) Dados: $n = 4 \text{ mols}$; $R = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$

Estado A: $V_A = 0,2 \text{ m}^3$; $T_A = 500 \text{ K}$

Estado B: $V_B = 0,6 \text{ m}^3$; $T_B = 600 \text{ K}$

$$p_A V_A = nRT_A \Rightarrow p_A \cdot 0,2 = 4 \cdot 8,31 \cdot 500 \Rightarrow p_A = 8,31 \cdot 10^4 \text{ N/m}^2$$

$$p_B V_B = nRT_B \Rightarrow p_B \cdot 0,6 = 4 \cdot 8,31 \cdot 600 \Rightarrow p_B = 3,32 \cdot 10^4 \text{ N/m}^2$$



A área do trapézio assinalado no gráfico mede numericamente o trabalho realizado ($A \stackrel{N}{=} \bar{C}$):

$$A = \frac{8,31 \cdot 10^4 + 3,32 \cdot 10^4}{2} \cdot (0,6 - 0,2) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow A \approx 2,33 \cdot 10^4 \Rightarrow \bar{C} \approx 2,33 \cdot 10^4 \text{ J}$$

c) Como se trata de uma expansão (aumento de volume), o **trabalho** é realizado **pelo gás**.

P.160

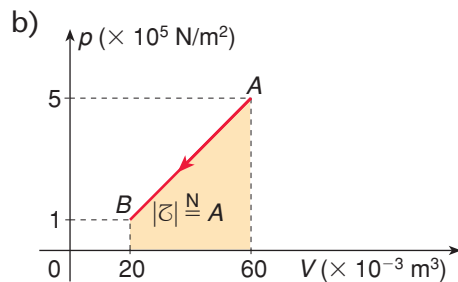
a) Dados: $m = 56 \text{ g}$; $M = 28 \text{ g/mol}$; $R = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$; $n = \frac{m}{M} = \frac{56}{28} \Rightarrow n = 2 \text{ mols}$

Estado A: $p_A = 5 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$; $V_A = 60 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$

Estado B: $p_B = 1 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$; $V_B = 20 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$

$$p_A V_A = nRT_A \Rightarrow 5 \cdot 10^5 \cdot 60 \cdot 10^{-3} = 2 \cdot 8,31 \cdot T_A \Rightarrow T_A \approx 1.805 \text{ K}$$

$$p_B V_B = nRT_B \Rightarrow 1 \cdot 10^5 \cdot 20 \cdot 10^{-3} = 2 \cdot 8,31 \cdot T_B \Rightarrow T_B \approx 120,3 \text{ K}$$



A área do trapézio assinalado no gráfico é numericamente igual ao módulo do trabalho realizado ($A \stackrel{N}{=} |\bar{c}|$):

$$A = \frac{5 \cdot 10^5 + 1 \cdot 10^5}{2} \cdot (60 - 20) \cdot 10^{-3} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow A = 1,2 \cdot 10^4 \Rightarrow |\bar{c}| = 1,2 \cdot 10^4 \text{ J}$$

Como se trata de uma compressão, vem:

$$\bar{c} = -1,2 \cdot 10^4 \text{ J}$$

c) O **trabalho** é realizado **sobre o gás** pelo ambiente, pois o volume diminui (compressão).

P.161

a) Dados: $R = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$; $T_A = 600 \text{ K}$

Do gráfico: $p_A = 10 \cdot 10^3 \text{ N/m}^2$; $V_A = 0,3 \text{ m}^3$

$$p_A V_A = nRT_A \Rightarrow 10 \cdot 10^3 \cdot 0,3 = n \cdot 8,31 \cdot 600 \Rightarrow n \approx 0,6 \text{ mol}$$

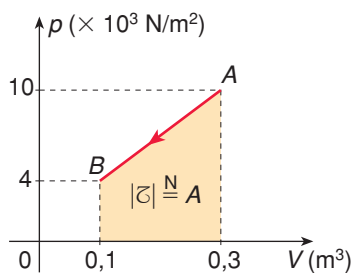
b) Estado B: $p_B = 4 \cdot 10^3 \text{ N/m}^2$; $V_B = 0,1 \text{ m}^3$

$$\frac{p_A V_A}{T_A} = \frac{p_B V_B}{T_B} \Rightarrow \frac{10 \cdot 10^3 \cdot 0,3}{600} = \frac{4 \cdot 10^3 \cdot 0,1}{T_B} \Rightarrow T_B = 80 \text{ K}$$

c) A variação de energia interna é dada por:

$$\Delta U = \frac{3}{2} nR \cdot (T_B - T_A) = \frac{3}{2} \cdot 0,6 \cdot 8,31 \cdot (80 - 600) \Rightarrow \Delta U \approx -3,9 \cdot 10^3 \text{ J}$$

d) Pela área do gráfico:



$$A = \frac{10 \cdot 10^3 + 4 \cdot 10^3}{2} \cdot (0,3 - 0,1) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow A = 1,4 \cdot 10^3 \Rightarrow |\bar{c}| = 1,4 \cdot 10^3 \text{ J}$$

Como se trata de compressão: $\bar{c} = -1,4 \cdot 10^3 \text{ J}$

e) Aplicando a primeira lei da Termodinâmica:

$$\Delta U = Q - \bar{\zeta} \Rightarrow Q = \Delta U + \bar{\zeta} \Rightarrow Q = -3,9 \cdot 10^3 - 1,4 \cdot 10^3 \Rightarrow Q = -5,3 \cdot 10^3 \text{ J}$$

P.162 a) Dados: $n = 2$ mols; $R = 8,31$ J/mol · K; $T_A = ?$; $T_B = ?$

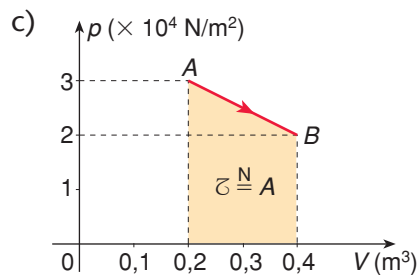
Do gráfico: $p_A = 3 \cdot 10^4$ N/m²; $V_A = 0,2$ m³; $p_B = 2 \cdot 10^4$ N/m²; $V_B = 0,4$ m³

$$p_A V_A = nRT_A \Rightarrow 3 \cdot 10^4 \cdot 0,2 = 2 \cdot 8,31 \cdot T_A \Rightarrow T_A \approx 361 \text{ K}$$

$$p_B V_B = nRT_B \Rightarrow 2 \cdot 10^4 \cdot 0,4 = 2 \cdot 8,31 \cdot T_B \Rightarrow T_B \approx 481 \text{ K}$$

b) $\Delta T = T_B - T_A = 481 - 361 \Rightarrow \Delta T = 120$ K

$$\Delta U = \frac{3}{2} nR\Delta T \Rightarrow \Delta U = \frac{3}{2} \cdot 2 \cdot 8,31 \cdot 120 \Rightarrow \Delta U \approx 3 \cdot 10^3 \text{ J}$$



Pela área do gráfico:

$$A = \frac{3 \cdot 10^4 + 2 \cdot 10^4}{2} \cdot (0,4 - 0,2) \Rightarrow \Rightarrow A = 5 \cdot 10^3$$

Como $A \stackrel{N}{=} \bar{\zeta}$, temos: $\bar{\zeta} = 5 \cdot 10^3 \text{ J}$

d) Aplicando ao processo a primeira lei da Termodinâmica, teremos:

$$\Delta U = Q - \bar{\zeta} \Rightarrow Q = \Delta U + \bar{\zeta} \Rightarrow Q = 3 \cdot 10^3 + 5 \cdot 10^3 \Rightarrow Q = 8 \cdot 10^3 \text{ J}$$

P.163 Na transformação isotérmica: $\Delta U = 0 \Rightarrow Q = \bar{\zeta}$

No caso, $\bar{\zeta} = -600$ J (trabalho realizado sobre o gás).

Portanto, a quantidade de calor cedida pelo gás é $Q = -600$ J

P.164 a) Dados: $p_1 = 10^5$ N/m²; $T_1 = 500$ K; $V_1 = 1,66$ m³; $R = 8,3$ J/mol · K

$$p_1 V_1 = nRT_1 \Rightarrow 10^5 \cdot 1,66 = n \cdot 8,3 \cdot 500 \Rightarrow n = 40 \text{ mols}$$

b) Como a expansão é isotérmica ($\Delta T = 0$), a variação de energia interna é nula ($\Delta U = 0$). Então: $\bar{\zeta} = Q$

Assim, o calor recebido pelo gás ($Q = 400$ J) é integralmente convertido em

trabalho: $\bar{\zeta} = 400$ J

c) Conforme foi comentado no item anterior: $\Delta U = 0$

P.165 a) Dados: $n = 3$ mols; $A \stackrel{N}{=} 9,5 \cdot 10^4$; $R = 8,31$ J/mol · K

O processo é uma **compressão isotérmica**, pois a curva AB é uma hipérbole equilátera, que traduz uma proporcionalidade inversa entre pressão (p) e volume (V), o que é característico da transformação isotérmica.

b) Do gráfico: $p_A = 1,2 \cdot 10^4$ N/m²; $V_A = 0,6$ m³

$$p_A V_A = nRT \Rightarrow 1,2 \cdot 10^4 \cdot 0,6 = 3 \cdot 8,31 \cdot T \Rightarrow T \approx 288,8 \text{ K}$$

c) A variação de energia interna é nula, pois se trata de uma transformação isotérmica:

$$\Delta T = 0 \Rightarrow \Delta U = 0$$

d) O trabalho tem módulo dado numericamente pela área do gráfico:

$$|\bar{c}| \stackrel{N}{=} A \Rightarrow |\bar{c}| = 9,5 \cdot 10^4 \text{ J}$$

Como o processo é uma compressão, esse trabalho é realizado sobre o gás, sendo negativo:

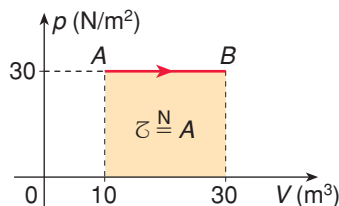
$$\bar{c} = -9,5 \cdot 10^4 \text{ J}$$

e) De $\Delta U = 0$, vem $Q = \bar{c}$. Portanto:

$$Q = -9,5 \cdot 10^4 \text{ J}$$

O gás **perde**, sob a forma de calor, a energia que recebeu na forma de trabalho, uma vez que não varia sua energia interna.

P.166 a) Dado: $Q = 1.500$ J



O trabalho realizado pelo gás na expansão AB é numericamente igual à área do retângulo destacada:

$$\bar{c} = 30 \cdot (30 - 10) \Rightarrow \bar{c} = 600 \text{ J}$$

b) Pela primeira lei da Termodinâmica:

$$\Delta U = Q - \bar{c} = 1.500 - 600 \Rightarrow \Delta U = 900 \text{ J}$$

P.167 a) Dados: $p = 2 \cdot 10^3$ N/m²; $R = 8,31$ J/mol · K

Do gráfico: $V_1 = 0,6$ m³; $T_1 = 300$ K

Aplicando a equação de Clapeyron ao estado inicial, temos:

$$pV_1 = nRT_1 \Rightarrow 2 \cdot 10^3 \cdot 0,6 = n \cdot 8,31 \cdot 300 \Rightarrow n \approx 0,48 \text{ mol}$$

b) Do gráfico: $\Delta V = V_2 - V_1 = 0,2 - 0,6 \Rightarrow \Delta V = -0,4 \text{ m}^3$

O trabalho, numa transformação isobárica, é dado por:

$$\tau = p \cdot \Delta V = 2 \cdot 10^3 \cdot (-0,4) \Rightarrow \tau = -0,8 \cdot 10^3 \text{ J} \Rightarrow \tau = -8 \cdot 10^2 \text{ J}$$

c) Como durante o processo o gás perdeu $2,0 \cdot 10^3 \text{ J}$ de calor, temos:

$$Q = -2,0 \cdot 10^3 \text{ J}$$

Por fim, pela primeira lei da Termodinâmica, temos:

$$\Delta U = Q - \tau = -2,0 \cdot 10^3 - (-0,8 \cdot 10^3) \Rightarrow \Delta U = -1,2 \cdot 10^3 \text{ J}$$

P.168 Dados: $n = 3 \text{ mols}$; $C_p = 5 \text{ cal/mol} \cdot \text{K}$; $R = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$; $1 \text{ cal} = 4,18 \text{ J}$

a) Do gráfico: $V_A = 2 \text{ m}^3$; $T_A = 200 \text{ K}$

$$pV_A = nRT_A \Rightarrow p \cdot 2 = 3 \cdot 8,31 \cdot 200 \Rightarrow p \approx 2,5 \cdot 10^3 \text{ N/m}^2$$

b) $Q = nC_p \cdot (T_B - T_A) = 3 \cdot 5 \cdot (500 - 200) \Rightarrow$

$$\Rightarrow Q = 4,5 \cdot 10^3 \text{ cal} \Rightarrow Q = 4,5 \cdot 10^3 \cdot 4,18 \text{ J} \Rightarrow Q \approx 1,88 \cdot 10^4 \text{ J}$$

c) Do gráfico: $\Delta V = V_B - V_A = 5 - 2 \Rightarrow \Delta V = 3 \text{ m}^3$

Numa expansão isobárica, o trabalho realizado pelo gás é dado por:

$$\tau = p \cdot \Delta V = 2,5 \cdot 10^3 \cdot 3 \Rightarrow \tau = 7,5 \cdot 10^3 \text{ J}$$

d) Da primeira lei da Termodinâmica, vem:

$$\Delta U = Q - \tau = 18,8 \cdot 10^3 - 7,5 \cdot 10^3 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \Delta U = 11,3 \cdot 10^3 \text{ J} \Rightarrow \Delta U = 1,13 \cdot 10^4 \text{ J}$$

P.169 Dado: $C_p = 5 \text{ cal/mol} \cdot \text{K}$

Pela relação de Mayer: $C_p - C_v = R$, em que $R = 2 \text{ cal/mol} \cdot \text{K}$

Então:

$$5 - C_v = 2 \Rightarrow C_v = 3 \text{ cal/mol} \cdot \text{K}$$

De $Q_v = n \cdot C_v \cdot \Delta T$, vem: $Q_v = 3 \cdot 3 \cdot 300 \Rightarrow$

$$\Rightarrow Q_v = 2,7 \cdot 10^3 \text{ cal} \Rightarrow Q_v = 2,7 \cdot 10^3 \cdot 4,18 \text{ J} \Rightarrow Q_v = 1,13 \cdot 10^4 \text{ J}$$

P.170 Se o volume permanece constante, não há realização de trabalho na transformação:

$$\tau = 0$$

Pela primeira lei da Termodinâmica: $\Delta U = Q$

Como o gás recebe $Q = 500 \text{ J}$, vem: $\Delta U = 500 \text{ J}$

P.171 Dados: $n = 1 \text{ mol}$; $C_v = 2,98 \text{ cal/mol} \cdot \text{K}$; $R = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$; $1 \text{ cal} = 4,18 \text{ J}$

a) Do gráfico: $p_1 = 400 \text{ N/m}^2$; $T_1 = 100 \text{ K}$

$$\text{De } p_1 V = nRT_1, \text{ vem: } 400V = 1 \cdot 8,31 \cdot 100 \Rightarrow V \approx 2,08 \text{ m}^3$$

b) $Q = n \cdot C_v \cdot (T_2 - T_1) = 1 \cdot 2,98 \cdot (250 - 100) \Rightarrow$

$$\Rightarrow Q = 447 \text{ cal} \Rightarrow Q = 447 \cdot 4,18 \text{ J} \Rightarrow Q \approx 1,87 \cdot 10^3 \text{ J}$$

c) Como a transformação é isocórica: $\Delta V = 0 \Rightarrow \bar{c} = 0$

$$\text{Então: } \Delta U = Q \Rightarrow \Delta U \approx 1,87 \cdot 10^3 \text{ J}$$

P.172 Dado: $Q_{ABC} = 8 \cdot 10^4 \text{ J}$

a) Na etapa AB, $\bar{c}_{AB} = 0$, pois o processo é isocórico ($\Delta V = 0$).

b) Na etapa BC, o trabalho é dado por:

$$\bar{c}_{BC} = p \cdot (V_C - V_B) = 5 \cdot 10^4 \cdot (0,7 - 0,3) \Rightarrow \bar{c}_{BC} = 2 \cdot 10^4 \text{ J}$$

c) $\bar{c}_{ABC} = \bar{c}_{AB} + \bar{c}_{BC} \Rightarrow \bar{c}_{ABC} = 2 \cdot 10^4 \text{ J}$

d) Pela primeira lei da Termodinâmica, temos:

$$\Delta U_{ABC} = Q_{ABC} - \bar{c}_{ABC} \Rightarrow \Delta U_{ABC} = 8 \cdot 10^4 - 2 \cdot 10^4 \Rightarrow \Delta U_{ABC} = 6 \cdot 10^4 \text{ J}$$

P.173 a) Sendo o processo adiabático, não há troca de calor com o meio externo:

$$Q = 0$$

b) O trabalho realizado sobre o gás é: $\bar{c} = -500 \text{ J}$

A variação de energia interna é dada por:

$$\Delta U = -\bar{c} \Rightarrow \Delta U = -(-500) \Rightarrow \Delta U = 500 \text{ J}$$

c) Sendo uma compressão, o **volume diminui**. O aumento da energia interna indica que a **temperatura aumenta**. Como $\frac{pV}{T} = \text{constante}$, conclui-se que a **pressão aumenta**.

P.174 Expansão isobárica: volume aumenta; pressão constante; temperatura aumenta; $\bar{c} > 0$; $Q > 0$; $\Delta U > 0$.

Expansão adiabática: volume aumenta; pressão diminui; temperatura diminui; $\bar{c} > 0$; $Q = 0$; $\Delta U < 0$.

P.175 Dados: $V_1 = 2 \text{ l}$; $p_1 = 16 \text{ atm}$; $V_2 = 8 \text{ l}$; $\gamma = 1,5$

Utilizando esses valores na equação de Poisson, teremos:

$$p_1 V_1^\gamma = p_2 V_2^\gamma \Rightarrow 16 \cdot 2^{1,5} = p_2 \cdot 8^{1,5}$$

Elevando ao quadrado os dois membros da equação, vem:

$$256 \cdot 2^3 = p_2^2 \cdot 8^3 \Rightarrow 256 \cdot 8 = p_2^2 \cdot 512 \Rightarrow p_2^2 = 4 \Rightarrow p_2 = 2 \text{ atm}$$

P.176 Dados: $T_1 = 400 \text{ K}$; $T_2 = ?$

Aplicando a lei geral dos gases perfeitos, temos:

$$\frac{p_1 V_1}{T_1} = \frac{p_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{16 \cdot 2}{400} = \frac{2 \cdot 8}{T_2} \Rightarrow T_2 = 200 \text{ K}$$

P.177 a) Do gráfico: $p_A = 1 \cdot 10^3 \text{ N/m}^2$; $V_A = 8 \cdot 10^{-1} \text{ m}^3$
 $p_B = 4 \cdot 10^3 \text{ N/m}^2$; $V_B = 2 \cdot 10^{-1} \text{ m}^3$

Da equação geral dos gases perfeitos, vem:

$$\frac{p_A V_A}{T_A} = \frac{p_B V_B}{T_B} \Rightarrow \frac{1 \cdot 10^3 \cdot 8 \cdot 10^{-1}}{T_A} = \frac{4 \cdot 10^3 \cdot 2 \cdot 10^{-1}}{T_B} \Rightarrow T_A = T_B$$

b) Sendo $T_A = T_B$, a variação de temperatura, em ambos os processos, é nula.

Portanto: $\Delta U = 0$

c) O trabalho realizado depende do "caminho" entre os estados inicial e final. Como nas transformações isocóricas o trabalho é nulo, o trabalho total corresponde ao trabalho realizado na transformação isobárica. Teremos:

$$\mathcal{C}_1 = p_1 \cdot \Delta V \text{ e } \mathcal{C}_2 = p_2 \cdot \Delta V$$

Como a variação de volume é a mesma nos dois processos, terá módulo maior o trabalho realizado sob maior pressão: $p_1 > p_2 \Rightarrow |\mathcal{C}_1| > |\mathcal{C}_2|$

$$\text{Do gráfico: } \Delta V = 2 \cdot 10^{-1} - 8 \cdot 10^{-1} \Rightarrow \Delta V = -6 \cdot 10^{-1} \text{ m}^3$$

$$p_1 = 4 \cdot 10^3 \text{ N/m}^2; p_2 = 1 \cdot 10^3 \text{ N/m}^2$$

$$\mathcal{C}_1 = p_1 \cdot \Delta V \Rightarrow \mathcal{C}_1 = 4 \cdot 10^3 \cdot (-6 \cdot 10^{-1}) \Rightarrow \mathcal{C}_1 = -2,4 \cdot 10^3 \text{ J}$$

$$\mathcal{C}_2 = p_2 \cdot \Delta V \Rightarrow \mathcal{C}_2 = 1 \cdot 10^3 \cdot (-6 \cdot 10^{-1}) \Rightarrow \mathcal{C}_2 = -6 \cdot 10^2 \text{ J}$$

d) Aplicando a primeira lei da Termodinâmica, temos:

$$\Delta U = Q - \bar{c} \Rightarrow 0 = Q - \bar{c} \Rightarrow Q = \bar{c}$$

Portanto, a quantidade de calor trocada terá módulo maior onde o módulo do

trabalho for maior: $|\bar{c}_1| > |\bar{c}_2| \Rightarrow |Q_1| > |Q_2|$

Os valores serão: $Q_1 = -2,4 \cdot 10^3 \text{ J}$ e $Q_2 = -6 \cdot 10^2 \text{ J}$

P.178

a) $T_A > T_B$, pois T_A corresponde à isoterma mais afastada dos eixos.

b) Como nos três processos as temperaturas inicial e final são as mesmas, a variação de temperatura ($\Delta T = T_B - T_A$) é a mesma. Portanto, nos três processos

ocorre a mesma variação de energia interna: $\Delta U_1 = \Delta U_2 = \Delta U_3$

c) No gráfico, a área compreendida entre as curvas que representam as transformações e o eixo das abscissas é numericamente igual aos trabalhos realizados.

Portanto:

$$\bar{c}_1 > \bar{c}_2 > \bar{c}_3 \quad \text{ou} \quad \bar{c}_3 < \bar{c}_2 < \bar{c}_1$$

d) Considerando que as variações de energia interna são iguais, as diferenças $Q - \bar{c}$ devem ser iguais, pois $\Delta U = Q - \bar{c}$. Então, ao maior trabalho deve corresponder também a maior quantidade de calor trocada:

$$Q_1 > Q_2 > Q_3 \quad \text{ou} \quad Q_3 < Q_2 < Q_1$$

P.179

Dados: $n = 2 \text{ mols}$; $\Delta T = 450 - 300 \Rightarrow \Delta T = 150 \text{ K}$; $C_p = 20,75 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$;

$$R = 8,3 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$$

1ª solução:

$$\Delta U = \frac{3}{2} n \cdot R \cdot \Delta T \Rightarrow \Delta U = \frac{3}{2} \cdot 2 \cdot 8,3 \cdot 150 \Rightarrow \Delta U = 3.735 \text{ J}$$

Como $\bar{c} = -\Delta U$, vem: $\bar{c} = -3.735 \text{ J}$

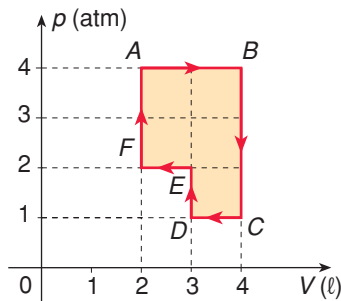
2ª solução:

$$\Delta U = n \cdot C_v \cdot \Delta T \Rightarrow \Delta U = n \cdot (C_p - R) \cdot \Delta T \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \Delta U = 2 \cdot (20,75 - 8,3) \cdot 150 \Rightarrow \Delta U = 3.735 \text{ J}$$

Como $\bar{c} = -\Delta U$, vem: $\bar{c} = -3.735 \text{ J}$

P.180 Dados: $1 \text{ atm} = 10^5 \text{ N/m}^2$; $1 \ell = 10^{-3} \text{ m}^3$

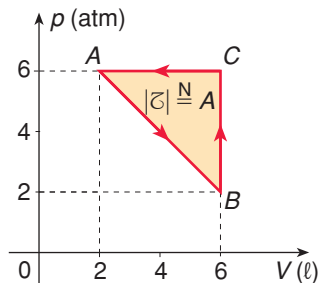


A área assinalada no gráfico equivale numericamente ao trabalho realizado no ciclo:

$$A \stackrel{N}{=} \bar{\zeta} = 5 \cdot (1 \text{ atm} \cdot \ell) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \bar{\zeta} = 5 \cdot 10^5 \cdot 10^{-3} \Rightarrow \boxed{\bar{\zeta} = 5 \cdot 10^2 \text{ J}}$$

P.181 Dados: $1 \text{ atm} = 10^5 \text{ N/m}^2$; $1 \ell = 10^{-3} \text{ m}^3$



A área assinalada no gráfico equivale numericamente ao módulo do trabalho:

$$A \stackrel{N}{=} |\bar{\zeta}| = \frac{(6 - 2) \cdot (6 - 2)}{2} \Rightarrow |\bar{\zeta}| = 8 \text{ atm} \cdot \ell$$

Como o trabalho realizado na compressão CA tem módulo maior que o trabalho realizado na expansão AB ($|\bar{\zeta}_{CA}| > |\bar{\zeta}_{AB}|$), o trabalho total $\bar{\zeta}$ é negativo ($\bar{\zeta} = -8 \text{ atm} \cdot \ell$).

Para exprimir em joules:

$$\bar{\zeta} = -8 \cdot 10^5 \cdot 10^{-3} \Rightarrow \boxed{\bar{\zeta} = -8 \cdot 10^2 \text{ J}}$$

No ciclo, é nula a variação de energia interna ($\Delta U = 0$). Assim, pela primeira lei da Termodinâmica:

$$\Delta U = Q - \bar{\zeta} \Rightarrow 0 = Q - \bar{\zeta} \Rightarrow Q = \bar{\zeta} \Rightarrow \boxed{Q = -8 \cdot 10^2 \text{ J}}$$

Como o ciclo é realizado no sentido anti-horário, há **conversão de trabalho em calor**.

P.182 a) Dados: $p = 4 \cdot 10^2 \text{ N/m}^2$; $\Delta V = (1,2 - 0,2) \text{ m}^3 = 1,0 \text{ m}^3$

O trabalho realizado na expansão AB é dado por:

$$\bar{\zeta}_{AB} = p \cdot \Delta V = 4 \cdot 10^2 \cdot 1,0 \Rightarrow \boxed{\bar{\zeta}_{AB} = 4 \cdot 10^2 \text{ J}} \text{ (trabalho realizado pelo gás)}$$

O processo BC é isocórico. Assim, não há realização de trabalho: $\boxed{\bar{\zeta}_{BC} = 0}$

Para a compressão CD, temos: $p = 2 \cdot 10^2 \text{ N/m}^2$; $\Delta V = (0,2 - 1,2) \text{ m}^3 = -1,0 \text{ m}^3$

$$\bar{\zeta}_{CD} = p \cdot \Delta V = 2 \cdot 10^2 \cdot (-1,0) \Rightarrow \boxed{\bar{\zeta}_{CD} = -2 \cdot 10^2 \text{ J}} \text{ (trabalho realizado sobre o gás)}$$

O processo DA é isocórico. Portanto: $\boxed{\bar{\zeta}_{DA} = 0}$

- b) Expansão AB : V aumenta $\Rightarrow T$ aumenta $\Rightarrow U$ aumenta
 Processo BC : p diminui $\Rightarrow T$ diminui $\Rightarrow U$ diminui
 Compressão CD : V diminui $\Rightarrow T$ diminui $\Rightarrow U$ diminui
 Processo DA : p aumenta $\Rightarrow T$ aumenta $\Rightarrow U$ aumenta
 Portanto, a energia interna (U) aumenta nas transformações AB e DA e diminui nas transformações BC e CD .
- c) Como o ciclo é realizado no sentido horário, há **conversão de calor em trabalho**. Esse raciocínio se baseia no fato de que o trabalho na expansão AB tem módulo maior que o trabalho realizado na compressão CD .
- d) Trabalho no ciclo: $\bar{\tau} = \bar{\tau}_{AB} + \bar{\tau}_{BC} + \bar{\tau}_{CD} + \bar{\tau}_{DA} \Rightarrow$
 $\Rightarrow \bar{\tau} = 4 \cdot 10^2 + 0 - 2 \cdot 10^2 + 0 \Rightarrow \bar{\tau} = 2 \cdot 10^2 \text{ J}$
- Chega-se ao mesmo resultado pelo cálculo da área interna do ciclo ($A \stackrel{N}{=} \bar{\tau}$).
 $A = \text{base} \times \text{altura} = (1,2 - 0,2) \cdot (4 - 2) \cdot 10^2 = 2 \cdot 10^2 \Rightarrow \bar{\tau} = 2 \cdot 10^2 \text{ J}$
 Como é nula a variação de energia interna no ciclo ($\Delta U = 0$), temos:
 $Q = \bar{\tau} \Rightarrow Q = 2 \cdot 10^2 \text{ J}$

P.183 O trabalho total, realizado no intervalo de tempo $\Delta t = 1 \text{ s}$, vale:

$$\bar{\tau}_{\text{total}} = 4\bar{\tau} = 4 \cdot 2 \cdot 10^2 \Rightarrow \bar{\tau}_{\text{total}} = 8 \cdot 10^2 \text{ J}$$

A potência da máquina é dada por:

$$Pot = \frac{\bar{\tau}_{\text{total}}}{\Delta t} = \frac{8 \cdot 10^2}{1} \Rightarrow Pot = 8 \cdot 10^2 \text{ W}$$

P.184 a) Compressão AB : $p = 3 \cdot 10^4 \text{ N/m}^2$; $\Delta V = (0,2 - 0,7) \text{ m}^3 = -0,5 \text{ m}^3$

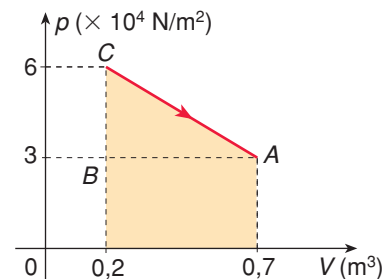
$$\bar{\tau}_{AB} = p \cdot \Delta V = 3 \cdot 10^4 \cdot (-0,5) \Rightarrow \bar{\tau}_{AB} = -1,5 \cdot 10^4 \text{ J}$$

O processo BC é isocórico. Logo: $\bar{\tau}_{BC} = 0$

Na expansão CA , o trabalho é dado numericamente pela área do trapézio assinalado no gráfico:

$$\bar{\tau}_{CA} = \frac{6 \cdot 10^4 + 3 \cdot 10^4}{2} \cdot (0,7 - 0,2)$$

$$\bar{\tau}_{CA} = 2,25 \cdot 10^4 \text{ J}$$



- b) Como o ciclo é percorrido no **sentido horário**, há **conversão de calor em trabalho**.

c) O trabalho \bar{c} por ciclo vale:

$$\bar{c} = \bar{c}_{AB} + \bar{c}_{BC} + \bar{c}_{CA} = -1,5 \cdot 10^4 + 0 + 2,25 \cdot 10^4 \Rightarrow \bar{c} = 7,5 \cdot 10^3 \text{ J}$$

d) $\bar{c}_{\text{total}} = 8\bar{c} = 8 \cdot 7,5 \cdot 10^3 \Rightarrow \bar{c}_{\text{total}} = 60 \cdot 10^3 \text{ J}$

Sendo $\Delta t = 5 \text{ s}$, obtemos:

$$Pot = \frac{\bar{c}_{\text{total}}}{\Delta t} = \frac{60 \cdot 10^3}{5} \Rightarrow Pot = 12 \cdot 10^3 \text{ W} \Rightarrow Pot = 1,2 \cdot 10^4 \text{ W}$$

P.185 Dados: $Q_1 = 1.600 \text{ kcal}$ (calor recebido da fonte quente)

$Q_2 = 1.400 \text{ kcal}$ (calor rejeitado para a fonte fria)

$$\eta = 1 - \frac{Q_2}{Q_1} \Rightarrow \eta = 1 - \frac{1.400}{1.600} \Rightarrow \eta = 1 - 0,875 \Rightarrow \eta = 0,125 = 12,5\%$$

P.186 O rendimento é: $\eta = \frac{1}{4} = 0,25$.

A potência útil é $Pot = 800 \text{ kW}$, isto é, o trabalho útil em um segundo é $\bar{c} = 800 \text{ kJ}$.

$$\text{a) } \eta = \frac{\bar{c}}{Q_1} \Rightarrow Q_1 = \frac{\bar{c}}{\eta} \Rightarrow Q_1 = \frac{800}{0,25} \Rightarrow Q_1 = 3.200 \text{ kJ} \Rightarrow Q_1 = 3,2 \cdot 10^3 \text{ kJ}$$

$$\text{b) } Q_2 = Q_1 - \bar{c} \Rightarrow Q_2 = 3.200 - 800 \Rightarrow Q_2 = 2.400 \text{ kJ} \Rightarrow Q_2 = 2,4 \cdot 10^3 \text{ kJ}$$

P.187 Dados: $Q_2 = 50 \text{ cal}$; $Q_1 = 75 \text{ cal}$

$$\bar{c} = Q_1 - Q_2 = 75 - 50 \Rightarrow \bar{c} = 25 \text{ cal} = 25 \cdot 4,18 \text{ J} \Rightarrow \bar{c} = 104,5 \text{ J}$$

$$\text{Eficiência: } e = \frac{Q_2}{\bar{c}} \Rightarrow e = \frac{50}{25} \Rightarrow e = 2$$

P.188 Dados: $T_1 = (327 + 273) \text{ K} = 600 \text{ K}$; $T_2 = (27 + 273) \text{ K} = 300 \text{ K}$

Com esses valores, obtemos:

$$\eta = 1 - \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \eta = 1 - \frac{300}{600} \Rightarrow \eta = 1 - 0,5 \Rightarrow \eta = 0,5 = 50\%$$

P.189 Dados: $T_1 = (100 + 273) \text{ K} = 373 \text{ K}$; $T_2 = (0 + 273) \text{ K} = 273 \text{ K}$;

$Q_1 = 1.000 \text{ cal}$; $1 \text{ cal} = 4,18 \text{ J}$

$$a) \eta = 1 - \frac{T_2}{T_1} = 1 - \frac{273}{373} \approx 1 - 0,732 \Rightarrow \eta \approx 0,268 = 26,8\%$$

$$b) \eta = \frac{\bar{c}}{Q_1} \Rightarrow \bar{c} = \eta \cdot Q_1 \Rightarrow \bar{c} = 0,268 \cdot 1.000 \Rightarrow \bar{c} = 268 \text{ cal}$$

$$\bar{c} = 268 \cdot 4,18 \text{ J} \Rightarrow \bar{c} \approx 1.120 \text{ J}$$

$$c) Q_2 = Q_1 - \bar{c} = 1.000 - 268 \Rightarrow Q_2 = 732 \text{ cal}$$

P.190 Dados: $\theta_1 = 327 \text{ }^\circ\text{C} \Rightarrow T_1 = (327 + 273) \text{ K} = 600 \text{ K}$;
 $\theta_2 = 127 \text{ }^\circ\text{C} \Rightarrow T_2 = (127 + 273) \text{ K} = 400 \text{ K}$;
 $Q_1 = 200 \text{ J}$; $Q_2 = 160 \text{ J}$

$$a) \bar{c} = Q_1 - Q_2 = 200 - 160 \Rightarrow \bar{c} = 40 \text{ J}$$

$$b) \eta = \frac{\bar{c}}{Q_1} = \frac{40}{200} \Rightarrow \eta = 0,20 = 20\%$$

$$c) \eta_{\text{máx.}} = 1 - \frac{T_2}{T_1} = 1 - \frac{400}{600} = 1 - 0,67 \Rightarrow \eta_{\text{máx.}} = 0,33 = 33\%$$

P.191 Dados: $T_1 = 400 \text{ K}$; $T_2 = 300 \text{ K}$; $Q_1 = 600 \text{ cal}$

$$a) \eta = 1 - \frac{T_2}{T_1} = 1 - \frac{300}{400} = 1 - 0,75 \Rightarrow \eta = 0,25 = 25\%$$

$$b) \eta = \frac{\bar{c}}{Q_1} \Rightarrow \bar{c} = \eta \cdot Q_1 \Rightarrow \bar{c} = 0,25 \cdot 600 \Rightarrow \bar{c} = 150 \text{ cal}$$

$$Q_2 = Q_1 - \bar{c} = 600 - 150 \Rightarrow Q_2 = 450 \text{ cal}$$

P.192 a) Dados: $Q_1 = 10^5 \text{ cal}$; $\bar{c} = 5 \cdot 10^4 \text{ cal}$

$$\eta = \frac{\bar{c}}{Q_1} \Rightarrow \eta = \frac{5 \cdot 10^4}{10^5} \Rightarrow \eta = 0,5 = 50\%$$

b) Dados: $T_2 = (177 + 273) \text{ K} = 450 \text{ K}$; $T_1 = (227 + 273) \text{ K} = 500 \text{ K}$

$$\eta_{\text{máx.}} = 1 - \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \eta_{\text{máx.}} = 1 - \frac{450}{500} \Rightarrow \eta_{\text{máx.}} = 0,1 = 10\%$$

A máquina não pode existir, pois, necessariamente, devemos ter: $\eta \leq \eta_{\text{máx.}}$

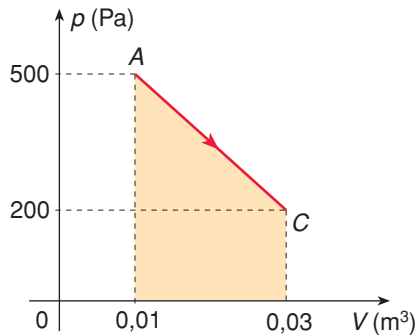
P.193 Do gráfico: $p_A = 500 \text{ Pa}$; $V_A = 0,01 \text{ m}^3$; $p_C = 200 \text{ Pa}$; $V_C = 0,03 \text{ m}^3$
 Calculando a energia interna em A e C:

$$U_A = 10 + 2p_A \cdot V_A = 10 + 2 \cdot 500 \cdot 0,01 \Rightarrow U_A = 20 \text{ J}$$

$$U_C = 10 + 2p_C \cdot V_C = 10 + 2 \cdot 200 \cdot 0,03 \Rightarrow U_C = 22 \text{ J}$$

A variação de energia interna no processo AC vale:

$$\Delta U = U_C - U_A = 22 - 20 \Rightarrow \Delta U = 2 \text{ J}$$



O trabalho realizado no processo AC é dado numericamente pela área do trapézio assinalado no gráfico ($\overline{\tau} \stackrel{N}{=} A$):

$$\overline{\tau} = \frac{500 + 200}{2} \cdot (0,03 - 0,01) \Rightarrow \overline{\tau} = 7 \text{ J}$$

De $\Delta U = Q - \overline{\tau}$, vem:

$$Q = \Delta U + \overline{\tau} \Rightarrow Q = 2 + 7 \Rightarrow \boxed{Q = 9 \text{ J}}$$

- P.194** a) O trabalho no processo ABC é igual ao trabalho na transformação isobárica AB, pois o trabalho na transformação isocórica BC é nulo:

$$\overline{\tau}_{ABC} = \overline{\tau}_{AB} + \overline{\tau}_{BC} \Rightarrow \overline{\tau}_{ABC} = \overline{\tau}_{AB}$$

$$\text{Mas: } \overline{\tau}_{AB} = 4 \cdot 10^5 \cdot (4 - 2) \Rightarrow \overline{\tau}_{AB} = 8 \cdot 10^5 \text{ J}$$

$$\text{Portanto: } \boxed{\overline{\tau}_{ABC} = 8 \cdot 10^5 \text{ J}}$$

- b) $T_c = T_A$ (mesma isoterma) $\Rightarrow U_c = U_A$

Portanto, é nula a variação de energia interna no processo ABC: $\Delta U_{ABC} = 0$

Aplicando a primeira lei da Termodinâmica, obtemos:

$$\Delta U_{ABC} = Q_{ABC} - \overline{\tau}_{ABC} \Rightarrow 0 = Q_{ABC} - \overline{\tau}_{ABC} \Rightarrow Q_{ABC} = \overline{\tau}_{ABC} \Rightarrow \boxed{Q_{ABC} = 8 \cdot 10^5 \text{ J}}$$

- P.195** a) No estado A, temos: $V_A = 2,05 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$; $p_A = 8 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$;
 $m = 640 \text{ g}$; $M = 32 \text{ g/mol}$; $R = 8,2 \text{ J/mol K}$
Aplicando a equação de Clapeyron, obtemos:

$$p_A V_A = \frac{m}{M} RT \Rightarrow 8 \cdot 10^5 \cdot 2,05 \cdot 10^{-2} = \frac{640}{32} \cdot 8,2 \cdot T \Rightarrow \boxed{T = 100 \text{ K}}$$

- b) O trabalho é dado pela área do trapézio:

$$\overline{\tau} = \frac{8 \cdot 10^5 + 4 \cdot 10^5}{2} \cdot (4,10 \cdot 10^{-2} - 2,05 \cdot 10^{-2})$$

$$\overline{\tau} = 6 \cdot 10^5 \cdot 2,05 \cdot 10^{-2} \Rightarrow \boxed{\overline{\tau} = 12.300 \text{ J}}$$

- c) $\Delta U = 0 \Rightarrow \Delta Q = \overline{\tau} \Rightarrow \boxed{\Delta Q = 12.300 \text{ J}}$

P.196 Dados: $p_1 = 2,0 \text{ atm}$; $V_1 = 2,0 \text{ l}$; $T_1 = (21 + 273) \text{ K} = 294 \text{ K}$;
 $p_2 = ?$; $V_2 = 2V_1 = 4,0 \text{ l}$; $\gamma = 2,0$; $T_2 = ?$

Da lei de Poisson, vem:

$$p_1 V_1^\gamma = p_2 V_2^\gamma \Rightarrow 2,0 \cdot (2,0)^2 = p_2 \cdot (4,0)^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 2,0 \cdot 4,0 = p_2 \cdot 16 \Rightarrow \boxed{p_2 = 0,50 \text{ atm}}$$

Aplicando-se a lei geral dos gases perfeitos, obtemos:

$$\frac{p_1 V_1}{T_1} = \frac{p_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{2,0 \cdot 2,0}{294} = \frac{0,50 \cdot 4,0}{T_2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow T_2 = 147 \text{ K} \Rightarrow \theta_2 = (147 - 273) \text{ }^\circ\text{C} \Rightarrow \boxed{\theta_2 = -126 \text{ }^\circ\text{C}}$$

P.197 a) Dados: $U_A = 1.000 \text{ J}$; $U_B = 2.000 \text{ J}$

Nas três transformações indicadas, os estados inicial e final são os mesmos. Portanto, em qualquer delas, a variação de energia interna é dada por:

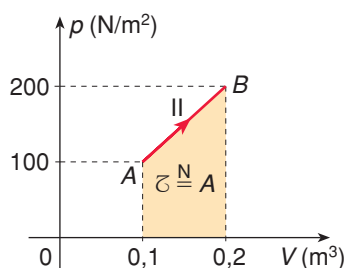
$$\Delta U = U_B - U_A = 2.000 - 1.000 \Rightarrow \boxed{\Delta U = 1.000 \text{ J}}$$

b) O trabalho na transformação I corresponde ao trabalho realizado no processo isobárico, sob pressão $p = 200 \text{ N/m}^2$ e com variação de volume dada por:

$$\Delta V = (0,2 - 0,1) \text{ m}^3 = 0,1 \text{ m}^3$$

$$\text{Portanto: } \bar{c}_I = p \cdot \Delta V = 200 \cdot 0,1 \Rightarrow \boxed{\bar{c}_I = 20 \text{ J}}$$

Como se trata de uma expansão, **o trabalho foi realizado pelo gás.**



Na transformação II, o trabalho é medido numericamente pela área do trapézio assinalado no gráfico ($\bar{c} \stackrel{N}{=} A$):

$$\bar{c}_{II} = \frac{200 + 100}{2} \cdot (0,2 - 0,1) \Rightarrow \boxed{\bar{c}_{II} = 15 \text{ J}}$$

Sendo também uma expansão, **o trabalho foi realizado pelo gás.**

O trabalho na transformação III corresponde ao trabalho no processo isobárico, sob pressão $p = 100 \text{ N/m}^2$ e com variação de volume dada por:

$$\Delta V = (0,2 - 0,1) \text{ m}^3 = 0,1 \text{ m}^3$$

$$\text{Portanto: } \bar{c}_{III} = p \Delta V = 100 \cdot 0,1 \Rightarrow \boxed{\bar{c}_{III} = 10 \text{ J}}$$

Esse trabalho foi realizado **pelo gás**, pois também se trata de uma expansão.

c) Aplicando a primeira lei da Termodinâmica, temos:

$$\Delta U = Q - \bar{c} \Rightarrow Q = \Delta U + \bar{c}$$

Então:

$$Q_I = \Delta U + \tau_I = 1.000 + 20 \Rightarrow Q_I = 1.020 \text{ J}$$

$$Q_{II} = \Delta U + \tau_{II} = 1.000 + 15 \Rightarrow Q_{II} = 1.015 \text{ J}$$

$$Q_{III} = \Delta U + \tau_{III} = 1.000 + 10 \Rightarrow Q_{III} = 1.010 \text{ J}$$

P.198 Calculando o trabalho em cada uma das transformações:

$$\tau_{AB} = -\frac{p_2 + p_1}{2} \cdot (2V_0 - V_0) \Rightarrow \tau_{AB} = -\frac{1}{2}(p_2 + p_1) \cdot V_0$$

$$\tau_{BC} = p_2 \cdot (5V_0 - V_0) \Rightarrow \tau_{BC} = 4p_2V_0$$

$$\tau_{CD} = \frac{p_2 + p_1}{2}(6V_0 - 5V_0) \Rightarrow \tau_{CD} = \frac{1}{2}(p_2 + p_1) \cdot V_0$$

$$\tau_{DA} = -p_1 \cdot (6V_0 - 2V_0) \Rightarrow \tau_{DA} = -4p_1V_0$$

O trabalho total (no ciclo) é a soma dos trabalhos em cada etapa:

$$\tau = \tau_{AB} + \tau_{BC} + \tau_{CD} + \tau_{DA} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \tau = -\frac{1}{2}(p_2 + p_1) \cdot V_0 + 4p_2V_0 + \frac{1}{2}(p_2 + p_1) \cdot V_0 - 4p_1V_0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \tau = 4p_2V_0 - 4p_1V_0 \Rightarrow \tau = 4V_0 \cdot (p_2 - p_1)$$

Chega-se ao mesmo resultado calculando-se a área interna do ciclo (área do paralelogramo).

P.199 Na expansão isotérmica AB , temos: $Q_{AB} = 64 \text{ J}$

Como a variação de energia interna é nula, vem:

$$\Delta U_{AB} = 0 \Rightarrow \tau_{AB} = Q_{AB} \Rightarrow \tau_{AB} = 64 \text{ J}$$

Na compressão isobárica BC , sob pressão $p = 2,0 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$, o gás sofre a seguinte variação de volume: $\Delta V = (20 - 70) \text{ cm}^3 = -50 \text{ cm}^3 \Rightarrow \Delta V = -50 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3$

O trabalho realizado sobre o gás vale:

$$\tau_{BC} = p \cdot \Delta V = 2,0 \cdot 10^5 \cdot (-50 \cdot 10^{-6}) \Rightarrow \tau_{BC} = -10 \text{ J}$$

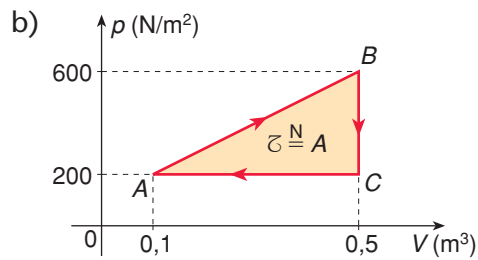
Na transformação isocórica CA , temos: $\tau_{CA} = 0$

O trabalho total produzido pelo gás durante o ciclo $ABCA$ é dado por:

$$\tau = \tau_{AB} + \tau_{BC} + \tau_{CA} = 64 - 10 + 0 \Rightarrow \tau = 54 \text{ J}$$

P.200 a) Como o estado final (A) coincide com o estado inicial (A), a variação de energia

interna no ciclo $ABCA$ é nula: $\Delta U = 0$



O trabalho realizado pelo gás no ciclo é dado numericamente pela área interna A do ciclo, conforme é assinalado no gráfico:

$$\bar{\zeta} = \frac{(0,5 - 0,1) \cdot (600 - 200)}{2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \boxed{\bar{\zeta} = 80 \text{ J}}$$

c) Aplicando a primeira lei da Termodinâmica, obtemos:

$$\Delta U = Q - \bar{\zeta} \Rightarrow 0 = Q - \bar{\zeta} \Rightarrow Q = \bar{\zeta} \Rightarrow \boxed{Q = 80 \text{ J}}$$

P.201

a) I. O gás realiza trabalho positivo quando se expande. Portanto, o trabalho é positivo apenas no **trecho KL**.

II. A transformação KL é isotérmica. Então, o calor trocado é igual ao trabalho realizado. Como $\bar{\zeta}_{KL} > 0 \Rightarrow Q_{KL} > 0$, isto é, **o gás absorve calor**.

Na transformação LM (isocórica), o gás não realiza trabalho. Como a temperatura aumenta (pois a pressão aumenta), o mesmo ocorre com a energia interna. Para isso, **o gás deve absorver calor**:

$$\Delta U_{LM} > 0 \Rightarrow Q_{LM} > 0$$

b) I. No processo NK há uma diminuição de pressão e, portanto, uma diminuição de temperatura. Como a temperatura em K é igual à temperatura em L , concluímos que:

$$\boxed{T_N > T_L}$$

II. Como o ciclo $KL MNK$ está sendo realizado no sentido anti-horário, está ocorrendo **conversão de trabalho em calor**. Portanto, esse ciclo só pode corresponder ao funcionamento de um **refrigerador**.

P.202

A área interna do ciclo, que equivale numericamente ao trabalho realizado pelo gás no ciclo, corresponde à soma das áreas de quatro "quadrinhos" de lados $0,5 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$ e $1,0 \text{ m}^3$. Assim:

$$\bar{\zeta} = 4 \cdot 0,5 \cdot 10^5 \cdot 1,0 \Rightarrow \bar{\zeta} = 2,0 \cdot 10^5 \text{ J}$$

Em 50 ciclos de operação, o trabalho total vale:

$$\bar{\zeta}_{\text{total}} = 50 \cdot \bar{\zeta} = 50 \cdot 2,0 \cdot 10^5 \Rightarrow \bar{\zeta}_{\text{total}} = 100 \cdot 10^5 \text{ J}$$

Expressando em 10^6 J , temos: $\boxed{\bar{\zeta}_{\text{total}} = 10 \cdot 10^6 \text{ J}}$

P.203

a) Dados: $n = 0,32 \text{ mol}$; $R = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}$;

$$C_V = 20,775 \text{ J/mol} \cdot \text{K}; T_3 = 300,84 \text{ K}$$

$$p_1 V_1 = nRT_1 \Rightarrow 8 \cdot 10^5 \cdot 2 \cdot 10^{-3} = 0,32 \cdot 8,31 \cdot T_1 \Rightarrow T_1 \approx 601,7 \text{ K}$$

$$p_2 V_2 = nRT_2 \Rightarrow 8 \cdot 10^5 \cdot 8 \cdot 10^{-3} = 0,32 \cdot 8,31 \cdot T_2 \Rightarrow T_2 \approx 2.406,7 \text{ K}$$

$$p_3 V_3 = nRT_3 \Rightarrow p_3 \cdot 8 \cdot 10^{-3} = 0,32 \cdot 8,31 \cdot 300,84 \Rightarrow p_3 \approx 1 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

$$\text{b) } \bar{c} \stackrel{\text{N}}{=} \text{área} = \frac{7 \cdot 10^5 \cdot 6 \cdot 10^{-3}}{2} \Rightarrow \bar{c} = 2,1 \cdot 10^3 \text{ J}$$

$$\text{c) No processo } 3 \rightarrow 1: \Delta U = n \cdot C_V \cdot \Delta T \Rightarrow \\ \Rightarrow \Delta U = 0,32 \cdot 20,775 \cdot (601,7 - 300,84) \Rightarrow \Delta U \approx 2,0 \cdot 10^3 \text{ J}$$

$$\bar{c}_{3 \rightarrow 1} = - \left[\frac{(8 + 1) \cdot 10^5}{2} \cdot 6 \cdot 10^{-3} \right] \Rightarrow \bar{c}_{3 \rightarrow 1} = -2,7 \cdot 10^3 \text{ J}$$

Aplicando a primeira lei da Termodinâmica, obtemos:

$$\Delta U = Q - \bar{c} \Rightarrow 2,0 \cdot 10^3 = Q - (-2,7 \cdot 10^3) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow Q = -0,7 \cdot 10^3 \text{ J} \Rightarrow Q = -7,0 \cdot 10^2 \text{ J}$$

- P.204** a) Dados: $Q_1 = 5,0 \cdot 10^5 \text{ J}$ (calor transferido para a fonte quente);
 $\bar{c} = 1,0 \cdot 10^5 \text{ J}$ (trabalho do compressor)

De $Q_2 = Q_1 - \bar{c}$, vem:

$$Q_2 = 5,0 \cdot 10^5 - 1,0 \cdot 10^5 \Rightarrow Q_2 = 4,0 \cdot 10^5 \text{ J}$$

- b) Como se trata de um refrigerador ideal, ele funciona realizando o ciclo de Carnot.

Sendo $\theta_1 = 30 \text{ }^\circ\text{C}$, temos:

$$T_1 = \theta_1 + 273 = 30 + 273 \Rightarrow T_1 = 303 \text{ K}$$

De $\frac{Q_1}{T_1} = \frac{Q_2}{T_2}$, vem:

$$\frac{5,0 \cdot 10^5}{303} = \frac{4,0 \cdot 10^5}{T_2} \Rightarrow T_2 = 242,4 \text{ K}$$

$$\text{ou } \theta_2 = T_2 - 273 = 242,4 - 273 \Rightarrow \theta_2 = -30,6 \text{ }^\circ\text{C}$$

- P.205** a) Como a transformação BC é isotérmica, o produto pV se mantém constante. Então:

$$p_c \cdot 4 \cdot 10^{-3} = 2 \cdot 10^5 \cdot 8 \cdot 10^{-3} \Rightarrow p_c = 4 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

Sendo $T_A = 300 \text{ K}$ e isobárica a transformação AB , temos:

$$\frac{V_A}{T_A} = \frac{V_B}{T_B} \Rightarrow \frac{4 \cdot 10^{-3}}{300} = \frac{8 \cdot 10^{-3}}{T_B} \Rightarrow T_B = 600 \text{ K}$$

b) O trabalho líquido envolvido no ciclo é a soma algébrica dos trabalhos nas transformações AB , BC e CA :

$$\zeta = \zeta_{AB} + \zeta_{BC} + \zeta_{CA} \quad \textcircled{1}$$

Cálculo de ζ_{AB} :

$$\zeta_{AB} = 2 \cdot 10^5 \cdot (8 \cdot 10^{-3} - 4 \cdot 10^{-3}) \Rightarrow \zeta_{AB} = 8 \cdot 10^2 \text{ J} = 800 \text{ J}$$

O módulo do trabalho na transformação BC é 1.100 J ; mas, como se trata de uma compressão, temos: $\zeta_{BC} = -1.100 \text{ J}$

O trabalho na transformação CA (isocórica) é nulo: $\zeta_{CA} = 0$

Substituindo em $\textcircled{1}$, obtemos:

$$\zeta = 800 - 1.100 + 0 \Rightarrow \boxed{\zeta = -300 \text{ J}}$$

c) Na transformação AB , o calor trocado é $Q_{AB} = 2.800 \text{ J}$ e o trabalho realizado é $\zeta_{AB} = 800 \text{ J}$. Aplicando a primeira lei da Termodinâmica, vem:

$$\Delta U_{AB} = Q_{AB} - \zeta_{AB} \Rightarrow \Delta U_{AB} = 2.800 - 800 \Rightarrow \boxed{\Delta U_{AB} = 2.000 \text{ J}}$$

P.206 Dados: $T_1 = 1.600 \text{ K}$; $T_2 = 400 \text{ K}$;

$$Pot_{\text{útil}} = 4 \text{ cv} = 4 \cdot 740 \text{ W} \Rightarrow Pot_{\text{útil}} = 2.960 \text{ W};$$

$$Pot_{\text{total}} = 1.480 \text{ cal/s} = 1.480 \cdot 4 \text{ J/s} \Rightarrow Pot_{\text{total}} = 5.920 \text{ W}$$

a) $\eta = \frac{Pot_{\text{útil}}}{Pot_{\text{total}}} = \frac{2.960}{5.920} \Rightarrow \boxed{\eta = 0,50 \text{ (50%)}}$

b) $\eta_{\text{máx.}} = 1 - \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \eta_{\text{máx.}} = 1 - \frac{400}{1.600} = 1 - 0,25 \Rightarrow \boxed{\eta_{\text{máx.}} = 0,75 \text{ (75%)}}$

c) **O motor é teoricamente viável**, pois apresenta rendimento menor que o rendimento máximo dado pelo motor de Carnot ($\eta < \eta_{\text{máx.}}$).

P.207 a) Dados: $T_{\text{mín.}} = 27 \text{ }^\circ\text{C} = (27 + 273) \text{ K} = 300 \text{ K}$;

$$T_{\text{máx.}} = 1.227 \text{ }^\circ\text{C} = (1.227 + 273) \text{ K} = 1.500 \text{ K}$$

O rendimento máximo teórico vale:

$$\eta = 1 - \frac{T_{\text{mín.}}}{T_{\text{máx.}}} \Rightarrow \eta = 1 - \frac{300}{1.500} \Rightarrow \eta = 1 - 0,2 \Rightarrow \eta = 0,8 = 80\%$$

A energia total obtida é dada por:

$$Q_1 = 7.200 \cdot 5,0 \cdot 10^7 \Rightarrow Q_1 = 3,6 \cdot 10^{11} \text{ J}$$

O trabalho máximo obtido é dado por:

$$\eta = \frac{\zeta}{Q_1} \Rightarrow \zeta = \eta \cdot Q_1 \Rightarrow \zeta = 0,8 \cdot 3,6 \cdot 10^{11} \text{ J} \Rightarrow \zeta = 2,88 \cdot 10^{11} \text{ J}$$

Como o intervalo de tempo é $\Delta t = 1 \text{ h} = 3.600 \text{ s}$, a potência máxima vale:

$$Pot_{\text{máx.}} = \frac{C}{\Delta t} \Rightarrow Pot_{\text{máx.}} = \frac{2,88 \cdot 10^{11}}{3.600} \Rightarrow Pot_{\text{máx.}} = 8 \cdot 10^7 \text{ W}$$

A potência gerada é a metade desse valor:

$$Pot_{\text{gerada}} = \frac{Pot_{\text{máx.}}}{2} \Rightarrow Pot_{\text{gerada}} = \frac{8 \cdot 10^7}{2} \Rightarrow Pot_{\text{gerada}} = 4 \cdot 10^7 \text{ W}$$

- b) Como a energia útil gerada pela usina é metade da máxima teórica possível, ela corresponde a 40% da energia total (50% de 80% = 40%). Então, a energia dissipada é 60% da energia total:

$$Q_d = 0,6 \cdot Q_{\text{máx.}} = 0,6 \cdot 8 \cdot 10^7 \Rightarrow Q_d = 4,8 \cdot 10^7 \text{ J}$$

$$\text{Em 1 hora: } E_d = 0,6 \cdot Q_1 = 0,6 \cdot 3,6 \cdot 10^{11} \Rightarrow E_d = 2,16 \cdot 10^{11} \text{ J}$$

Por regra de três simples e direta, sendo $1 \text{ h} = 3.600 \text{ s}$, vem:

$$\left. \begin{array}{l} 2,16 \cdot 10^{11} \text{ J} \text{ — } 3.600 \text{ s} \\ Q_d \text{ — } 1 \text{ s} \end{array} \right\} \Rightarrow Q_d = 6 \cdot 10^7 \text{ J}$$

Sendo $m = 5.000 \text{ kg}$ (pois $d_A = 1 \text{ kg}/\ell$) e $c = 4.000 \text{ J}/\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}$, vem:

$$Q_d = m \cdot c \cdot \Delta\theta \Rightarrow 6 \cdot 10^7 = 5.000 \cdot 4.000 \cdot \Delta\theta \Rightarrow \Delta\theta = 3 \text{ }^\circ\text{C}$$