

Matemática

Geometria Espacial - Pirâmide - Área e Volume - [Difícil]

01 - (UFPE)

Um tetraedro **ABCD** tem arestas medindo **5, 6, 10, 15, 19, 24**. Se **AB = 5**, quanto mede **CD**?

- a) 6
- b) 10
- c) 15
- d) 19
- e) 24

02 - (ITA SP)

As arestas da base de uma pirâmide triangular regular medem L cm e as faces laterais são triângulos retângulos. O volume desta pirâmide é:

- a) $\frac{\sqrt{3}}{6} L^3 \text{ cm}^3$
- b) $\frac{\sqrt{3}}{12} L^3 \text{ cm}^3$
- c) $\frac{\sqrt{3}}{24} L^3 \text{ cm}^3$
- d) $\frac{\sqrt{2}}{12} L^3 \text{ cm}^3$
- e) n.d.a.

03 - (ITA SP)

Seja V o vértice de uma pirâmide com base triangular ABC . O segmento AV , de comprimento unitário, é perpendicular à base. Os ângulos das faces laterais, no vértice V , são todos de 45 graus. Deste modo, o volume da pirâmide será igual a:

a) $\frac{1}{6}\sqrt{2\sqrt{2}-2}$

b) $\frac{1}{6}\sqrt{2-\sqrt{2}}$

c) $\frac{1}{3}\sqrt{2-\sqrt{2}}$

d) $\frac{1}{6}\sqrt{2\sqrt{2}-1}$

e) n.d.a.

04 - (UERJ)

$ABCD$ é um tetraedro no qual ABC é um triângulo equilátero de lado a e a aresta AD é perpendicular ao plano ABC . Sabendo-se que o ângulo diedro das faces ABC e DBC é 45° , o volume do tetraedro é

a) $\frac{a^3}{12}$.

b) $\frac{a^3}{8}$.

c) $\frac{a^3}{6}$.

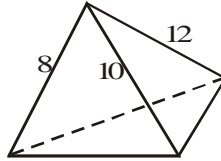
d) $\frac{a^3}{4}$.

e) $\frac{a^3}{2}$.

05 - (UERJ)

Dispondo de canudos de refrigerantes, Tiago deseja construir pirâmides. Para as arestas laterais, usará sempre canudos com 8 cm, 10 cm e 12 cm de comprimento. A base de cada pirâmide será

formada por 3 canudos que têm a mesma medida, expressa por um número inteiro, diferente das anteriores. Veja o modelo abaixo:



A quantidade de pirâmides de bases diferentes que Tiago poderá construir, é:

- a) 10
- b) 9
- c) 8
- d) 7

06 - (ITA SP)

A base de uma pirâmide tem área 225 cm^2 . A $\frac{2}{3}$ do vértice, corta-se a pirâmide por um paralelo à base. Determine a área da seção.

- a) 9 cm^2
- b) 25 cm^2
- c) 4 cm^2
- d) 125 cm^2
- e) 100 cm^2

07 - (UEL PR)

O tetraedro regular ABCD tem centro O. O ângulo diedro de faces OAB e OAC mede:

- a) 30°
- b) 60°
- c) 120°
- d) 135°

e) 150°

08 - (ITA SP)

Considere uma pirâmide regular de altura a 5cm e cuja base é formada por um quadrado de área igual a 8cm^2 . A distância de cada face desta pirâmide ao centro de sua base, em cm, é igual a:

a) $\frac{\sqrt{15}}{3}$

b) $\frac{5\sqrt{6}}{9}$

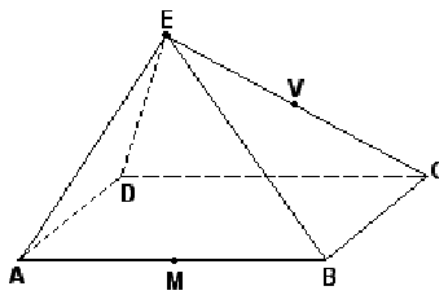
c) $\frac{4\sqrt{3}}{5}$

d) $\frac{7}{5}$

e) $\sqrt{3}$

09 - (FUVEST SP)

A pirâmide de base retangular ABCD e vértice E representada na figura tem volume 4. Se M é o ponto médio da aresta \overline{AB} e V é o ponto médio da aresta \overline{EC} , então o volume da pirâmide de base AMCD e vértice V é:



a) 1

b) 1,5

c) 2

d) 2,5

e) 3

10 - (ITA SP)

Uma pirâmide regular tem por base um hexágono cuja diagonal menor mede $3\sqrt{3}\text{cm}$. As faces laterais desta pirâmide formam diedros de 60° com o plano da base. A área total da pirâmide, em cm^2 , é

a) $81\sqrt{3}/2$

b) $81\sqrt{2}/2$

c) $81/2$

d) $27\sqrt{3}$

e) $27\sqrt{2}$

11 - (FUVEST SP)

A esfera ϵ , de centro O e raio $r > 0$, é tangente ao plano α . O plano β é paralelo a α e contém O . Nessas condições, o volume da pirâmide que tem como base um hexágono regular inscrito na intersecção de ϵ com β e, como vértice, um ponto em α , é igual a

a) $\frac{\sqrt{3}r^3}{4}$

b) $\frac{5\sqrt{3}r^3}{16}$

c) $\frac{3\sqrt{3}r^3}{8}$

d) $\frac{7\sqrt{3}r^3}{16}$

e) $\frac{\sqrt{3}r^3}{2}$

12 - (IBMEC SP)

Em relação a um sistema de coordenadas cartesianas, os vértices de um tetraedro $OABC$ são tais que $O = (0, 0, 0)$ e A, B e C pertencem, respectivamente, aos eixos x, y e z . Seja α a medida do ângulo $O\hat{B}A$ com $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$. Se $AB = 1$ e $OC = \cos 2\alpha$, então o volume do tetraedro $OABC$ é igual a

- a) $\frac{\cos 2\alpha}{12}$.
- b) $\frac{\text{sen} 4\alpha}{12}$.
- c) $\frac{\text{sen}^2 \alpha \cos^2 \alpha}{18}$.
- d) $\frac{\cos 2\alpha}{24}$.
- e) $\frac{\text{sen} 4\alpha}{24}$.

13 - (IME RJ)

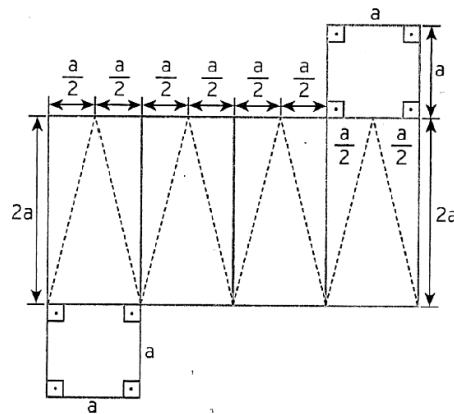
Uma pirâmide regular possui como base um dodecágono de aresta a . As faces laterais fazem um ângulo de 15° com o plano da base. Determine o volume desta pirâmide em função de a .

- a) $\frac{a^3 \sqrt{\sqrt{3}+2}}{2 \sqrt{2-\sqrt{3}}}$
- b) $\frac{a^3 \sqrt{\sqrt{3}-2}}{2 \sqrt{2+\sqrt{3}}}$
- c) $a^3 \frac{\sqrt{\sqrt{3}+2}}{\sqrt{2-\sqrt{3}}}$
- d) $a^3 \frac{\sqrt{\sqrt{3}-2}}{\sqrt{2+\sqrt{3}}}$

e) $a^3 \frac{\sqrt{2-\sqrt{3}}}{\sqrt{\sqrt{3}+2}}$

14 - (Unifra RS)

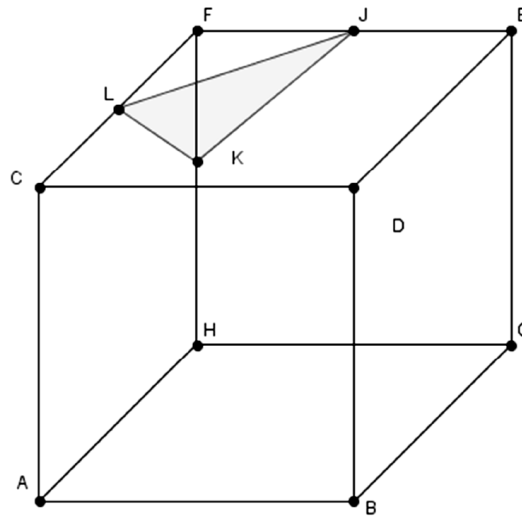
Um prisma de base quadrangular regular, cuja altura é o dobro da aresta da base, está representado de forma planificada abaixo, onde a é a medida da aresta da base. As linhas tracejadas representam cortes nas faces laterais do prisma e permitem que se montem duas pirâmides quadrangulares regulares de base a . A alternativa correta é



- a) A razão entre o volume do prisma e o volume de uma das pirâmides é $\frac{2}{3}$.
- b) A área total de uma das pirâmides é $A_T = a^2(1 + \sqrt{17})$.
- c) O apótema de uma das pirâmides mede $2a$.
- d) A área total de uma das pirâmides é maior do que a área total do prisma.
- e) A área lateral do prisma é menor do que a área lateral de uma das pirâmides.

15 - (IFGO)

A intersecção de um plano com um paralelepípedo retângulo determina o triângulo LKJ e a pirâmide LKJF tendo F como vértice, como mostra a figura abaixo.



Sabe-se que a medida das três arestas da base LKJ da pirâmide determinada LKJF são: $\sqrt{8}$, $\sqrt{20}$ e $\sqrt{20}$.

Assinale a única alternativa correta.

- a) As três arestas da pirâmide medem: 8, 4 e 4.
- b) A área da base é 12.
- c) As áreas das três faces são 4, 8 e 8.
- d) Como o volume da pirâmide é dado pela área da base vezes a altura, então o volume da pirâmide é 1000 unidades de volume.
- e) A área da base da pirâmide ao quadrado é igual a soma dos quadrados das áreas laterais da pirâmide.

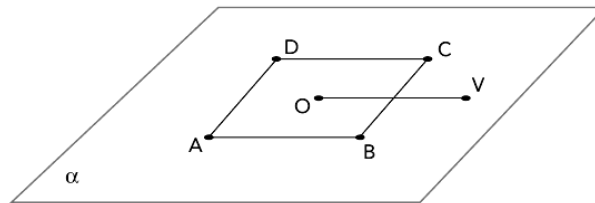
16 - (IME RJ)

Considere uma pirâmide regular de base hexagonal e altura h . Uma esfera de raio R está inscrita nesta pirâmide. O volume desta pirâmide é

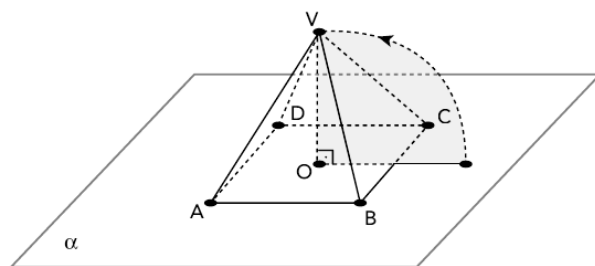
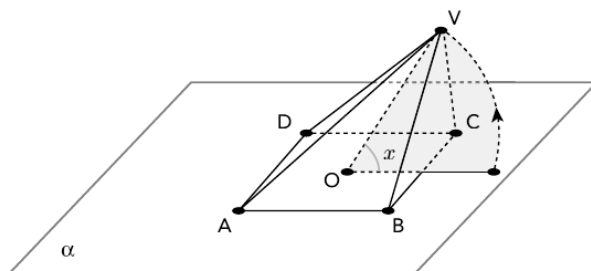
- a) $\frac{2h\sqrt{3}}{3} \frac{R^2h}{h-2R}$
- b) $\frac{h\sqrt{3}}{3} \frac{R^2h}{h+2R}$
- c) $\frac{2h\sqrt{3}}{3} \frac{R^2h}{h+2R}$
- d) $\frac{h\sqrt{3}}{3} \frac{R^2h}{h-2R}$
- e) $\frac{2h\sqrt{3}}{3} \frac{R^2h}{h-R}$

17 - (UERJ)

Um quadrado ABCD de centro O está situado sobre um plano α . Esse plano contém o segmento OV, perpendicular a BC, conforme ilustra a imagem:



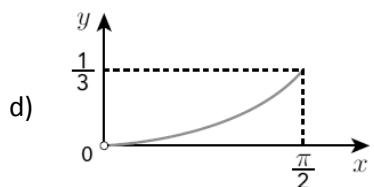
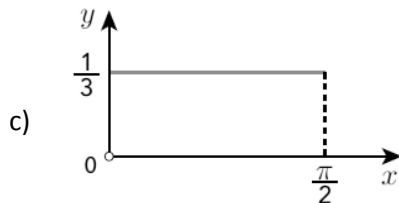
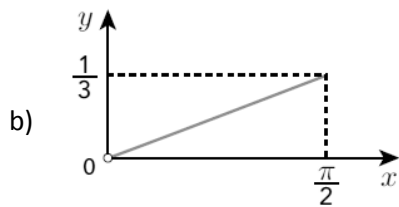
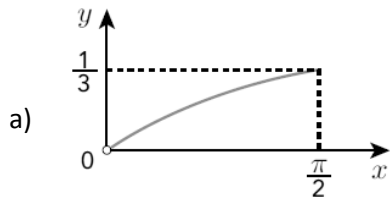
Admita a rotação de centro O do segmento OV em um plano perpendicular ao plano α , como se observa nas imagens:



Considere as seguintes informações:

- o lado do quadrado ABCD e o segmento OV medem 1 metro;
- a rotação do segmento OV é de x radianos, sendo $0 < x \leq \frac{\pi}{2}$;
- x corresponde ao ângulo formado pelo segmento OV e o plano α ;
- o volume da pirâmide ABCDV, em metros cúbicos, é igual a y .

O gráfico que melhor representa o volume y da pirâmide, em m^3 , em função do ângulo x , em radianos, é:



18 - (UEPA)

As pirâmides comunicam, ainda hoje, os valores culturais de uma das civilizações mais intrigantes da humanidade. Foram construídas para a preservação do corpo do faraó. De acordo com a lenda de Heródoto, as grandes pirâmides foram construídas de tal modo que a área da face era igual ao quadrado da altura da pirâmide.

(Texto Adaptado: Contador, Paulo Roberto Martins. A Matemática na arte e na vida – 2ª Ed.rev – São Paulo: Editora Livraria da Física, 2011)

Considere a pirâmide de base quadrada, cujo lado mede $2a$, a altura H e altura da face h , construída segundo a lenda de Heródoto. Se S expressa a área da face da pirâmide, então é correto afirmar que:

- a) $S = (a + h)(a - h)$
- b) $S = (h + a)(h - a)$
- c) $S = (a + h)^2$
- d) $S = (h - a)^2$
- e) $S = a^2 \cdot h^2$

19 - (ITA SP)

Uma pirâmide de altura $h = 1$ cm e volume $V = 50$ cm³ tem como base um polígono convexo de n lados. A partir de um dos vértices do polígono traçam-se $n - 3$ diagonais que o decompõem em $n - 2$ triângulos cujas áreas S_i , $i = 1, 2, \dots, n - 2$, constituem uma progressão aritmética na qual $S_3 = \frac{3}{2}$ cm² e $S_6 = 3$ cm². Então n é igual a

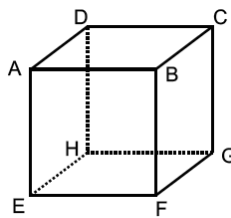
- a) 22
- b) 24
- c) 26

d) 28

e) 32

20 - (Unievangélica GO)

Considere um paralelepípedo reto retângulo ABCDEFGH, de face ABCD paralela à face EFGH conforme a figura, com medidas $AB = 4$, $AD = 3$ e $AE = 4$.



Se P o ponto do triângulo BDE de menor distância ao vértice A , a distância de A até P é de

a) $4\sqrt{34}/5$

b) $2\sqrt{34}$

c) $6\sqrt{34}/17$

d) $12\sqrt{17}/17$

GABARITO:

1) Gab: E

6) Gab: E

11) Gab: E

16) Gab: A

2) Gab: C

7) Gab: C

12) Gab: E

17) Gab: A

3) Gab: A

8) Gab: B

13) Gab: A

18) Gab: B

4) Gab: B

9) Gab: B

14) Gab: B

19) Gab: C

5) Gab: A

10) Gab: A

15) Gab: E

20) Gab: C