

## APOSTILAS (ENEM) VOLUME COMPLETO



**Exame Nacional de Ensino Médio  
(ENEM) 4 VOLUMES  
APOSTILAS IMPRESSAS E DIGITAIS**

### Questão 1

(UCSAL) Sejam os números reais  $x$  e  $y$  tais que  $12 - x + (4 + y)i = y + xi$ . O conjugado do número complexo  $z = x + yi$  é:

- a)  $4 + 8i$
  - b)  $4 - 8i$
  - c)  $8 + 4i$
  - d)  $8 - 4i$
  - e)  $- 8 - 4i$
-

### Questão 2

(UFBA) Sendo  $z = 2 - i$ , o inverso de  $z^2$  é:

a)  $\frac{5 + 4i}{41}$

b)  $\frac{2 + i}{5}$

c)  $\frac{4}{25} - \frac{3}{25}i$

d)  $\frac{3}{25} + \frac{4}{25}i$

e)  $\frac{3}{25} - \frac{4}{25}i$

---

### Questão 3

(UFPE) O número complexo  $(1 + i)^{11}$  pode ser posto na forma  $a + bi$ , onde **a** e **b** são números inteiros; neste caso **b** é igual a:

a) 11;

b) 21;

c) 32;

d) 43;

e) 54.

**Questão 4**

(FATEC-SP) Se  $(1 + i)(a + bi) = (1 + ai)(b + i)$ , onde **a** e **b** são reais, então:

- a)  $a = -b$ ;
  - b)  $a = 2b$ ;
  - c)  $a = 3b$ ;
  - d)  $a = 4b$ ;
  - e) n.d.a.
- 

**Questão 5**

(UNESP) Se  $i = \sqrt{-1}$  e  $z = \frac{1}{2} - i^{98}$ , então  $z^3$  é igual a:

- a)  $-\frac{1}{8}$ ;
- b)  $\frac{3}{2}$ ;
- c)  $\frac{27}{8}$ ;

d)  $\frac{11}{8} + \frac{1}{4}i$  ;

e)  $\frac{11}{8} - \frac{1}{4}i$

---

### Questão 6

(SANTA CASA-SP) Seja  $g(x)$  uma função cujo domínio é o conjunto dos números inteiros e que associa a cada inteiro par ou valor - 1 e a todo ímpar o triplo de seu valor.  $g(i^{4k})$ , com  $i = \sqrt{-1}$  (unidade imaginária) vale:

- a) - 3;
  - b) - 1;
  - c) 3;
  - d) 1;
  - e) n.d.a.
- 

### Questão 7

(CESGRANRIO) O módulo do número complexo  $(1 + 3i)^4$  é:

- a) 256;
- b) 100;

- c) 81;
  - d) 64;
  - e) 16.
- 

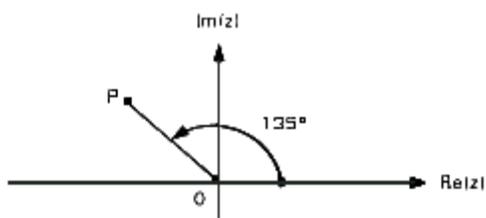
### Questão 8

(UNESP) O menor valor de  $n$ ,  $n \in \mathbb{N}^*$ , para que o número complexo  $(1+i\sqrt{3})^n$ , onde  $i^2 = -1$ , seja um número real é:

- a) 2;
  - b) 3;
  - c) 5;
  - d) 7;
  - e) 11.
- 

### Questão 9

(PUC-SP) Na figura abaixo, o ponto P é a imagem de um número complexo  $z$ , representado no plano de graus. Se  $OP = 2\sqrt{2}$ , então  $z^2$  é igual a :



- a)  $4 - 4i$ ;
  - b)  $-4\sqrt{2} + 4\sqrt{2} \cdot i$ ;
  - c)  $4 + 4i$ ;
  - d)  $8i$ ;
  - e)  $-8i$ .
- 

**Questão 10**

(FATEC-SP) Se  $i^2 = -1$  e  $z = (1 - \sqrt{3} \cdot i) \cdot (-1 + i)$ ; se  $\arg(z)$  denota o argumento de  $z$ , então:

- a)  $0 < \arg(z) < \pi / 2$ ;
  - b)  $\pi / 2 < \arg(z) < \pi$ ;
  - c)  $\pi < \arg(z) < 3\pi / 2$ ;
  - d)  $3\pi / 2 < \arg(z) < 2\pi$ ;
  - e)  $\arg(z) \in \{0, \pi / 2, \pi, 3\pi / 2\}$ .
- 

**Questão 11**

(UNESP) Se  $z$  é um número complexo tal que  $z = i^{87} \cdot (1 + \sqrt{3} \cdot i)^3$ , então, o argumento de  $z$  é:

- a)  $\pi / 2$ ;

- b)  $\pi/3$ ;
  - c)  $2\pi/3$ ;
  - d)  $7\pi/6$ ;
  - e)  $11\pi/6$ .
- 

**Questão 12**

(FATEC-SP) Se  $w = \sqrt[3]{2} \cdot \left( \cos \frac{\pi}{4} + i \cdot \operatorname{sen} \frac{\pi}{4} \right)$ , então  $w^{12}$  é igual a:

- a)  $-8 \cdot \cos \frac{\pi}{4}$ ;
  - b)  $8 \cdot i \cdot \operatorname{sen} \frac{\pi}{4}$ ;
  - c) - 16;
  - d)  $-16 \cdot i \cdot \operatorname{sen} \frac{\pi}{4}$ ;
  - e)  $16 \left( \cos \frac{\pi}{4} - i \cdot \operatorname{sen} \frac{\pi}{4} \right)$
- 

**Questão 13**

(FGV) As raízes quadradas do número  $3 + 4i$ , onde  $i$  representa a unidade imaginária, são:

- a)  $\{2 + i; -2 - i\}$

- b)  $\{1 + i; -1 - i\}$ ;
  - c)  $\{3 + i; -3 - i\}$ ;
  - d)  $\{4 + i; -4 - i\}$ ;
  - e) n.d.a.
- 

#### Questão 14

(FUVEST) O número complexo  $z \neq 0$  e o seu inverso  $\frac{1}{z}$  têm o mesmo módulo. Conclui-se que:

- a)  $z$  e  $\frac{1}{z}$  são conjugados;
  - b)  $z + \frac{1}{z} = i$ ;
  - c) este módulo é 2;
  - d)  $z$  e  $\frac{1}{z}$  são reais;
  - e)  $z^2 = 1$ .
- 

#### Questão 15

(UNESP) Se  $\bar{z}$  é o conjugado de um número complexo  $z$ , então é falso que:

- a)  $z \cdot \bar{z} = |z|$ ;

b)  $\overline{z + \bar{z}} = \bar{z} + z$  ;

c)  $z + \bar{z}$  é um número real ;

d)  $\frac{|z|}{|z|} = 1, \text{ para } z \neq 0$  ;

e)  $z^{-1} = \frac{\bar{z}}{|z|^2}, \text{ para } z \neq 0$  .

**Questão 16**

(UNESP) Seja  $i^2 = -1, x = 1 + 2i$  e  $y = x + \frac{1}{x}$  ; se  $z$  é o módulo de  $y$ , então:

a)  $z = 1$ ;

b)  $z = 4$ ;

c)  $z = 3$ ;

d)  $z = 2$ ;

e) n.d.a.

**Questão 17**

(FUVEST) O grau dos polinômios  $f$ ,  $g$  e  $h$  é 3. O número natural  $n$  pode ser o grau do polinômio não nulo  $f(g + h)$  se e somente se:

a)  $n = 6$

- b)  $n = 9$
  - c)  $0 \leq n \leq 6$
  - d)  $3 \leq n \leq 9$
  - e)  $3 \leq n \leq 6$
- 

### Questão 18

(UEBA) Seja  $p$  um polinômio de grau 4 e  $q$  um polinômio de grau 8. O polinômio:

- a)  $q^3$  tem grau 11.
  - b)  $p^2$  tem grau 6.
  - c)  $q - p$  tem grau 8.
  - d)  $p + q$  tem grau 12.
  - e)  $p \cdot q$  tem grau 32.
- 

### Questão 19

(UFRGS) Se  $p(x)$  é um polinômio de grau 5, então o grau de  $[p(x)]^3 + [p(x)]^2 + 2p(x)$  é:

- a) 3
- b) 8
- c) 15
- d) 20

e) 30

---

**Questão 20**

(PUC-CAMP) Dado o polinômio  $P(x) = x^n + x^{n-1} + \dots + x^2 + x + 3$ , se  $n$  for ímpar, então  $P(-1)$  vale:

- a) - 1;
  - b) 0
  - c) 2;
  - d) 1;
  - e) 3.
- 

**Questão 21**

(UFRGS) Se  $r(x) = ap(x) + bq(x)$ , com  $r(x) = 4x^2 + kx - 8$ ,  $p(x) = 2x^2 - 3x - 2$ ,  $q(x) = x^2 - 5x + 1$ ,  $a \in \mathbb{R}$ ,  $b \in \mathbb{R}$  e  $k \in \mathbb{R}$ , então  $a + b + k$  é:

- a) 0;
- b) 1;
- c) 2;
- d) 3;
- e) 4.

**Questão 22**

(PUC-MG) A soma dos valores de A, B e C tal que  $\frac{2x-3}{x(x+1)} = \frac{A}{x} + \frac{Bx+C}{x+1}$  é:

- a) 0;
  - b) 1;
  - c) 2;
  - d) 3;
  - e) 4.
- 

**Questão 23**

(UCSAL) O quociente da divisão do polinômio  $p = x^3 - 3x^2 + 3x - 1$  pelo polinômio  $p = x - 1$  é:

- a) x
  - b) x - 1
  - c)  $x^2 - 1$
  - d)  $x^2 - 2x + 1$
  - e)  $x^2 - 3x + 3$
- 

**Questão 24**

(CESGRANRIO) O polinômio  $x^3 + px + q$  é divisível por  $x^2 + 2x + 5$ . Os valores de **p** e **q** são, respectivamente:

- a) 2 e 5;
  - b) 5 e 2;
  - c) 1 e 5;
  - d) 1 e - 10;
  - e) 3 e 6.
- 

### Questão 25

(PUC-MG) Se o polinômio  $P(x) = (2m + 3n - p)x^2 + (m + 2n - 5p)x + (p - 2)$  é identicamente nulo, a soma  $m + n + p$  é igual a:

- a) - 3
  - b) - 6
  - c) 8
  - d) 5
  - e) 0
- 

### Questão 26

(SANTA CASA-SP) Numa divisão de polinômios em que o dividendo é de grau **n** e o quociente é de grau  $n - 4$ , com  $n \in \mathbb{R}$  e  $n \geq 4$ , o grau do resto pode ser no máximo igual a:

- a) 3;

- b) 4;
  - c) 5;
  - d)  $n - 4$ ;
  - e) - 5.
- 

### Questão 27

(UFPA) O polinômio  $x^3 - 5x^2 + mx - n$  é divisível por  $x^2 - 3x + 6$ . Então, os números **m** e **n** são tais que **m + n** é igual a:

- a) 0
  - b) 12
  - c) 24
  - d) 18
  - e) 28
- 

### Questão 28

(PUC-SP) A divisão do polinômio  $p(x)$  por  $x - a$  fornece o quociente  $q(x) = x^3 + x^2 + x + 1$  e o resto  $p(a) = 1$ . Sabendo que  $p(0) = -15$ , o valor de  $a$  é:

- a) 13;
- b) - 13;
- c) 14;
- d) - 16;

e) 16.

---

### Questão 29

(CARLOS CHAGAS-BA) Dividindo-se o polinômio  $f$  por  $x^2 - 1$ , obtêm-se quociente  $x + 2$  e resto  $x - 3$ . O resto da divisão de  $f$  por  $x - 1$  é:

- a) 3;
  - b) 2;
  - c) 0;
  - d) - 2;
  - e) - 3.
- 

### Questão 30

(ITA) Sejam  $a$ ,  $b$  e  $c$  números reais que nesta ordem formam uma progressão aritmética de soma 12. Sabendo-se que os restos das divisões de  $x^{10} + 8x^8 + ax^5 + bx^3 + cx$  por  $x - 2$  e por  $x + 2$  são iguais, então a razão desta progressão aritmética é:

- a) 1;
- b)  $28/5$ ;
- c)  $37/5$ ;
- d)  $44/15$ ;
- e) - 3.

**Questão 31**

(PUC-CAMP) Se você efetuar a divisão do polinômio  $2x^3 - 21x^2 + 5x - 1$  pelo binômio  $x + 1$ :

- a) O quociente não possui termo independente,
  - b) Os coeficiente dos termos do quociente serão 2, - 23 e 28.
  - c) O resto será 29.
  - d) O quociente é do 1º grau.
  - e) n.d.a.
- 

**Questão 32**

(FUVEST) A equação  $x^2 + mx^2 + 2x + n = 0$ , onde **m** e **n** são números reais, admite  $1 + i$  (*i* sendo a unidade imaginária) como raiz. Então, **m** e **n** valem respectivamente:

- a) 2 e 2;
  - b) 2 e 0;
  - c) 0 e 2;
  - d) 2 e -2;
  - e) - 2 e 0.
- 

**Questão 33**

(ABC-SP) Uma equação  $a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_0 = 0$ ,  $a_n \neq 0$ , é recíproca se, e somente se, a existência de cada raiz real ou complexa implica a existência da raiz  $\frac{1}{\alpha}$ .

- a)  $x^2 - x = 0$  é recíproca;
- b)  $x^3 - 1 = 0$  é recíproca;
- c)  $x - \sqrt{4} = 0$  é recíproca;
- d)  $3x^2 + 10x + 3 = 0$  é recíproca;
- e)  $x^2 - 6x + 9 = 0$  é recíproca.
- 

#### Questão 34

(UEL) Sejam -2 e 3 duas das raízes da equação  $2x^3 - x^2 + kx + t = 0$ , onde  $k, t \in \mathbb{R}$ . A terceira raiz é:

- a) impossível de ser determinada.
- b) -1
- c)  $-\frac{1}{2}$
- d)  $\frac{1}{2}$
- e) 1
- 

#### Questão 35

(FESP) Assinale as afirmativas verdadeiras e as afirmativas falsas.

a) Toda equação algébrica de coeficientes reais e de grau ímpar admite pelo menos uma raiz real.

b) Se A e B são matrizes  $2 \times 3$  então  $A : B$  é uma matriz  $2 \times 3$ .

c) Se  $i$  é a unidade imaginária então:  $i^{47} = -i$ .

d) Se  $a \neq b$  então:  $\frac{a-b}{\sqrt[3]{a}-\sqrt[3]{b}} = \sqrt[3]{a^2} + \sqrt[3]{ab} + \sqrt[3]{b^2}$ .

e) Se  $a, b$  e  $c$  são números reais não nulos e  $a > b$  então  $a + c > b + c > bc$ .

### Questão 36

(FESP) O polinômio  $(x^4 - 3x^3 + mx + n)$  é divisível por  $(x^2 - 2x + 4)$ . Então, os valores de  $m$  e  $n$  são, respectivamente:

a) -8 e -24

b) 8 e 24

c) -8 e 24

d) 8 e -24

e) -24 e -8

### Questão 37

(FESP) Se o produto:

$(2i + 3)(mi - 6)$

é um número real, então:

- a)  $m = 4$
  - b)  $m = 6$
  - c)  $m = -2$
  - d)  $m = -3$
  - e)  $m = -4$
- 

### Questão 38

(UNICAP) Assinale as afirmativas verdadeiras e as afirmativas falsas.

- a)  $\sqrt{a^2 + b^2} \neq a + b$ , quaisquer que sejam **a** e **b** reais
  - b)  $\sqrt{ab} = \sqrt{a} \cdot \sqrt{b}$ , quaisquer que sejam **a** e **b** reais
  - c)  $\sqrt{x^2} = x$ , qualquer que seja **x** real
  - d)  $\sqrt{x} \leq x$ , qualquer que seja  $x \geq 0$
  - e)  $\sqrt{a} + \sqrt{a} = \sqrt{2a}$ , qualquer que seja **a** > 0.
- 

### Questão 39

(UFPE) Os itens que representam corretamente o número complexo

$$Z = \frac{(1-i)^2}{1+i}$$

. Assinale as afirmativas verdadeiras e as afirmativas falsas.

a)  $Z = \sqrt{2} \left( \cos \frac{3\pi}{4} + i \operatorname{sen} \frac{3\pi}{4} \right)$

b)  $Z = \sqrt{2} \left( \cos \frac{\pi}{4} - i \operatorname{sen} \frac{\pi}{4} \right)$

c)  $Z = \sqrt{2} \left( \cos \frac{\pi}{3} + i \operatorname{sen} \frac{\pi}{3} \right)$

d)  $Z = \sqrt{2} \left( \cos \frac{5\pi}{4} + i \operatorname{sen} \frac{5\pi}{4} \right)$

e)  $Z = \frac{1}{\sqrt{2}} \left( \cos \frac{3\pi}{4} + i \operatorname{sen} \frac{3\pi}{4} \right)$

#### Questão 40

(UNICAP) Sejam  $x$  e  $y$  reais e  $Z = x + iy$  com norma  $|Z|$ . Assinale as afirmativas verdadeiras e as afirmativas falsas.

- a)  $|Z + i| = |Z - i|$  representa, no plano cartesiano, a equação de uma parábola.
- b) Sendo  $\bar{Z}$  o conjugado de  $Z$ , então  $Z\bar{Z} = 1$  representa, no plano cartesiano, a equação de uma circunferência de centro na origem e raio 1.
- c)  $|Z - i| = |Z|$  representa, no plano, a equação de uma reta.
- d) Se  $Z$  e  $W$  são dois números complexos, então  $|Z + W| > |Z| + |W|$ .
- e)  $|Z \cdot W| = |Z| \cdot |W|$ .

#### Questão 41

(UNICAP) Considere o conjunto de todas as funções polinomiais, com coeficientes reais, e nele  $\text{gr}(T(x))$  como o grau do polinômio  $T(x)$ .

Se  $\text{gr}(P(x)) = m$  e  $\text{gr}(Q(x)) = n$ . Assinale as afirmativas verdadeiras e as afirmativas falsas.

a) o valor de  $a$  para o qual o polinômio  $P(x) = (a^2 - 1)x^3 + (a + 1)x^2 + 5x - 7$  seja do segundo grau é tal que  $a^2 = 1$ ;

b) o resto na divisão de  $P(x) = x^{49} + 1$  por  $Q(x) = x - 1$  é  $R(x) = 0$ ;

c)  $\text{gr}(P(x) \cdot Q(x)) = m \cdot n$ ;

d)  $\text{gr}(P(x) + Q(x)) = m + n$ ;

e)  $\text{gr}(P(x) - Q(x)) = m - n$ .

---

### Questão 42

(UFPE) Perguntado sobre a idade de seu filho Júnior, José respondeu o seguinte: "Minha idade quando somada à idade de Júnior é igual a 47 anos; e quando somada à idade de Maria é igual a 78 anos. As idades de Maria e Júnior somam 39". Qual a idade de Júnior?

a) 2 anos

b) 3 anos

c) 4 anos

d) 5 anos

e) 10 anos

---

### Questão 43

(UFPE) Sobre o número complexo  $z = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2}i$ . Assinale as afirmativas verdadeiras e as afirmativas falsas:

- a)  $z, z^3, z^5$  e  $z^7$  são os vértices de um quadrado;
  - b)  $z, z^2, z^3$  e  $z^4$  são pontos de uma circunferência;
  - c)  $z^z = -1$ ;
  - d)  $z^4 = 1$ ;
  - e)  $z = -z^5$ .
- 

#### Questão 44

(FESP) Assinale as afirmativas verdadeiras e as afirmativas falsas.

- a) O polinômio  $P(x) = x^{n+1} - (n+1)x + n$  é divisível por  $(x-1)$ .
  - b) Se um polinômio  $P(x)$  é divisível por  $(x-a)^2$  então  $P(x)$  é divisível por  $(x-a)$ .
  - c) Se um polinômio  $P(x) = x^m - a^m$  é sempre divisível por  $(x+a)$ .
  - d) Se  $A(x)$  e  $B(x)$  são polinômios de grau  $n$  então  $A(x) + B(x)$  é sempre um polinômio de grau  $n$ .
  - e) Se  $a = 20$  então o polinômio  $P(x) = 3x^5 - 2x^4 + 4x^3 - 7x^2 + ax - 16$  é divisível por  $(x-1)$ .
- 

#### Questão 45

(UNICAP) Considere o conjunto dos números reais. Assinale as afirmativas verdadeiras e as afirmativas falsas.

- a) O resto na divisão de  $3x - x^2 + 2x^4 - 4x^3$  por  $x^2 + x + 1$  é  $6x - 2$ .
- b) Se dois polinômios têm, respectivamente, graus **m** e **n**, então o polinômio soma terá grau **m + n**.
- c)  $x^3 - y^3 = (x - y)(x^2 + xy + y^2)$ .
- d)  $\frac{x^2 + 1}{x + 1} = x - 1$
- e)  $x^2 - 4x + 5 = 0$  possui uma raiz real.
- 

#### Questão 46

(FESP) Seja  $Z = 1 + i$ , onde **i** é a unidade imaginária. Podemos afirmar que  $Z^8$  é igual a:

- a) 16
- b)  $16i$
- c) 32
- d)  $32i$
- e)  $32 + 16i$
- 

#### Questão 47

(FESP) Com relação às raízes da equação  $x^4 + 2x^3 - 2x - 1 = 0$ , podemos afirmar que.

- a) Todas são negativas
- b) Todas são positivas

- c) Uma das raízes é o dobro da outra
  - d) Uma raiz de multiplicidade 2 é positiva
  - e) Uma raiz de multiplicidade 3 é negativa
- 

### Questão 48

(FESP) A inversa  $f(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$ , onde  $e$  é a base do sistema neperiano de logaritmos é:

a)  $y = \ln(x + \sqrt{1 + x^2})$

b)  $y = \ln(x - \sqrt{x^2 + 1})$

c)  $y = \frac{2}{x^x - e^{-x}}$

d)  $y = \frac{e^{-x} + e^x}{2x}$

e)  $y = \ln|x + 1|$

---

### Questão 49

(UNB) Julgue os itens abaixo.

- a) Se as três raízes  $a$ ,  $b$  e  $c$  da equação  $x^3 + 2x^2 + mx - 2 = 0$  são tais que  $a + b = c$ , então pode-se afirmar que  $m = -4$ .

b) Sabendo que o polinômio  $p(x) = x^3 - 7x^2 + mx + n$  se anula nas duas raízes da equação  $x^2 - 3x + 2 = x - 4$ .

c) O máximo divisor comum dos polinômios  $p(x) = x^4 - 10x^3 + 37x^2 - 60x + 36$  e  $q(x) = x^3 - 9x^2 + 27x - 27$  tem, no máximo, duas raízes reais.

d) Sendo  $\frac{6x+4}{x^3-4x} = \frac{a}{x-2} + \frac{b}{x+2} + \frac{c}{x}$ , então  $c^2 + b^2 = a^2$ .

e) O polinômio  $p(x) = 1 + x + x^2 + \dots + x^{11}$  é divisível por um polinômio de grau 3 com coeficientes inteiros.

### Questão 50

(UNB) Julgue os itens abaixo.

a) Se  $ax^4 + bx^2 + c = 0$  possui 4 raízes distintas e  $ac > 0$ , então  $cx^4 + bx^2 + a = 0$  também possui 4 raízes distintas.

b) O polinômio  $p(x) = x^{17} + x^4 + x^2$  possui pelo menos duas raízes reais distintas.

c) Sabendo que o polinômio  $p(x) = (x - 3)(ax^2 + ax + b)$  é divisível por  $(x + 1)$ , podemos afirmar que a soma de duas raízes é igual a  $-2$ .

d) Se as raízes da equação  $x^2 + bx + c = 0$ , onde  $c$  é um número primo, são números naturais, então  $-b = c + 1$ .

e) Se os lados de um triângulo estão em progressão aritmética, então a razão desta é igual a  $\frac{1}{4}$  do cateto maior.

### Questão 51

(UNB) Seja  $p(x) = 2x^2 + 3x - 4$ ,  $x \in \mathbb{R}$ . Podemos afirmar que:

- a) Se  $x_1$  e  $x_2$  são duas raízes de  $p(x)$ , então  $\frac{x_1 + x_2}{x_1 x_2} = \frac{3}{4}$ .
- b) 0 é uma raiz de  $p(x)$ .
- c)  $p\left(x - \frac{3}{4}\right) = p\left(-x - \frac{3}{4}\right)$  para todo  $x \in \mathbb{R}$ .
- d)  $p(x)$  não tem raízes reais.
- e)  $p(x) < 0$ , se  $x$  está entre as raízes.
- 

### Questão 52

(UNB) Seja  $p(x) = 4x^3 - 12x^2 + 5x + 6$ . Julgue os itens abaixo.

- a)  $p(x) = p(-x)$ , para todo  $x \in \mathbb{R}$ .
- b) uma raiz de  $p(x)$  está entre -1 e 0.
- c)  $p(x)$  não é divisível por  $(x-2)$ .
- d) a equação  $p(x) = 3$  possui pelo menos uma solução real.
- e) para algum número real  $\alpha$ , a equação  $p(x) = \alpha$  tem exatamente três soluções reais distintas.
- 

### Questão 53

(UNB) Julgue os itens abaixo.

- a) A única raiz real do polinômio  $p(x) = x^4 - 1$  é  $x = 1$ .
- b) Se  $x$  satisfaz a equação  $3^{x+1} - 3^{x-1} + 3^{x-3} - 3^{x-4} = 654$ , então  $x > 6$ .
- c) Se  $5x^2 - 19x + 18 = a(x - 2)(x - 3) + b(x - 1)(x - 2) + c(x - 1)(x - 3)$ , para  $a, b, c$  números reais, então  $5a + 3b + 4c = 18$ .
- d) Para  $a$  e  $b$  números reais com  $a > 0$ ,  $b \neq 0$ , e  $x$  raiz da equação  $\sqrt{a^2 + x\sqrt{b^2 + x^2 - a^2}} = x - a$ , tem-se  $4ax = 5a^2 + b^2$ .
- e) Seja  $p(x) = x^m + a_1x^{m-1} + \dots + a_{m-1}x + a_m$  um polinômio cujos coeficientes  $a_i$ ,  $1 \leq i \leq m$ , são números inteiros. Então, qualquer raiz racional fracionária de  $p(x)$  é necessariamente inteira.
- 

### Questão 54

(UNB) Seja  $p(x) = x^4 - x^3 - 8x^2 + 12x$ . Julgue os itens abaixo.

- a)  $p(2) = p(-2)$
- b) O resto da divisão de  $p(x)$  por  $x + 2$  é uma constante não-nula.
- c)  $p(x)$  tem quatro raízes racionais distintas.
- d) O termo constante de  $p(x + 1)$  é 4.
- e)  $p(x) > 0$ , para todo  $x > 2$ .
- 

### Questão 55

(UNB) Julgue os itens abaixo.

a)  $\frac{3+\sqrt{15}}{3-\sqrt{15}} = -1$

b)  $\sqrt[3]{a^3 + b^3} = a + b$ , para **a** e **b** números real x.

c)  $\sqrt{\frac{4a^4 - 8a^2 + 4}{a^2 + 2a + 1}} = 2|a - 1|$ , para  $a \neq -1$ .

d)  $\frac{1}{2} - \frac{1}{2 - \frac{1}{x^2 + 1}} < 0$ , para todo número real x.

e) Dois trabalhadores, **A** e **B**, receberam CR\$ 50.000,00 de salário no mês de outubro de 1993. O salário do trabalhador **A** foi acrescido de CRS 10.000,00 a cada mês e o salário do trabalhador **B** teve acréscimos de 10% ao mês nos meses subsequentes. É correto afirmar que, em março de 1994, o trabalhador **A** receberá salário menor do que o trabalhador **B**.

### Questão 56

(UNB) Julgue os itens abaixo.

a) Se o polinômio  $Ax^4 - (2A - 2)x^3 + 1$  é divisível por  $(x - 1)^n$  então o maior valor possível de  $n$  é 2.

b) O polinômio  $x^4 - 5x^3 + ax^2 + bx - 6 = 0$  tem duas de suas raízes iguais a - 1 e 1. Então a soma dos quadrados das outras duas raízes é 12.

c) Os restos da divisão do polinômio  $P(x)$  pelos monômios  $x$ ,  $x - 1$ ,  $x + 1$  são respectivamente 2, -1, -1. Então o resto da divisão de  $P(x)$  por  $x(x^2 - 1)$  é  $-3x^2 + x + 2$ .

d) Seja  $P(x)$  um polinômio satisfazendo  $P(x + 1) - P(x) = 2x$  para todo  $x$ . Então  $P$  tem grau 2.

**Questão 57**

(UNB) Julgue os itens abaixo.

- a) Um polinômio,  $p(x)$  é divisível por  $(x - a)$  se e somente se  $p(a) = 0$ .
- b)  $p(x) = (x - 1)^{2p} + 2^{(2p-q)}(x + 1)^q - 4^p$  é divisível por  $x^2 - 1$ , para todo  $p$  e  $q$  são inteiros positivos.
- c) O resto da divisão de um polinômio  $p(x)$  por  $(x - a)$  é  $p(a)$ .
- d) Se as únicas raízes distintas do polinômio  $p(x)$  são  $x_1, x_2, x_3$ , então  $p(x) = (x - x_1)n_1(x - x_2)n_2(x - x_3)n_3$ , onde  $n_1, n_2, n_3$ , são números naturais.
- 

**Questão 58**

(UNB) Julgue os itens abaixo.

- a) Para quaisquer números reais positivos  $a, b$ , tem-se que  $\frac{2ab}{a+b} \leq \sqrt{ab}$ .
- b) Sabendo que  $1,41421 < \sqrt{2} < 1,41422$  e  $1,73205 < \sqrt{3} < 1,73206$ , então  $3,143471 < \sqrt{2} + \sqrt{3} < 3,146293$ .
- c) Se  $x, y, a, b$  são números reais maiores do que  $10^{-5}$ , satisfazendo  $a - 10^{-5} \leq x \leq a + 10^{-5}$  e  $b - 10^{-5} \leq y \leq b + 10^{-5}$ , então  $0 \leq (x - a)(y - b) \leq 10^{-10}$ .
- d) Se  $10^{-5} \leq a \leq 2 \times 10^{-5}$  e  $9998 \leq b \leq 10000$ , então  $4999 \times 10^5 \leq \frac{b}{a} \leq 10^9$ .
-

**Questão 59**

(FESP) Assinale as afirmativas verdadeiras e as falsas.

- a) Se  $Z = 8 (\cos 105^\circ + i \sin 105^\circ)$  e  $W = 2 (\cos 15^\circ + i \sin 15^\circ)$ , então  $\frac{Z}{W} = 4i$ .
- b) Se  $i = \sqrt{-1}$ , então  $(1 + i)^8 = 16$ .
- c) Se  $i = \sqrt{-1}$ , então  $i^{127} = -i$ .
- d) Seja  $Z$  um número complexo e  $\bar{Z}$  seu conjugado. se  $Z \cdot \bar{Z} = 24$ , então o módulo de  $Z$  é  $2\sqrt{6}$ .
- e) O argumento do número complexo  $\sqrt{3} + i$  é  $\alpha = 45^\circ$ .
- 

**Questão 60**

(UFPE) Sabendo que o polinômio  $X^2 + X + 1$  divide  $X^4 + aX^2 + b$ , assinale o valor de  $a + b$ :

- a) 1
- b) 2
- c) 3
- d) 0
- e) 4

---

**Questão 61**

(UNICAP) Seja  $P_n(\mathbb{R})$  o conjunto dos polinômios reais de grau menor ou igual a  $n$ , mais o polinômio nulo e nele considere o polinômio  $p(x) = (2k^2 - 3k + 1)x^3 + (k^2 - 1)x^2 + (k + 1)x - 1$ , onde  $k$  é um número real. Assinale as afirmativas verdadeiras e as falsas.

- a) Se  $k = 1$ , então  $p(x)$  é do primeiro grau.
  - b) Se  $k < 1$ , então o coeficiente de  $x^3$  é um número negativo.
  - c) Não existe valor real para  $k$  de modo que  $p(x)$  tenha grau zero.
  - d) Se  $k = 0$ , então o resto na divisão de  $p(x)$  por  $q(x) = x^2 + 1$  é o polinômio nulo.
  - e) Se  $k = \frac{1}{2}$ , então  $p(x)$  é um polinômio do segundo grau.
- 

**Questão 62**

(UFPE) Seja  $i = \sqrt{-1}$  a unidade imaginária. Sobre a expansão de  $\left(x + \frac{1}{x}\right)^{10}$ . Assinale as afirmativas verdadeiras e as falsas.

- a) A soma dos coeficientes é  $-32i$ .
- b) O termo independente de  $x$  tem coeficiente  $252i$ .
- c) Existem 5 termos com coeficientes imaginários puros.
- d) Existem 4 termos com coeficientes reais positivos.
- e) Existem 3 termos com coeficientes reais negativos.

**Questão 63**

(PUC-MG) O polinômio  $P(x) = x^3 + ax^2 + bx + 5$ , em que **a** e **b** são números reais, é divisível pelo polinômio

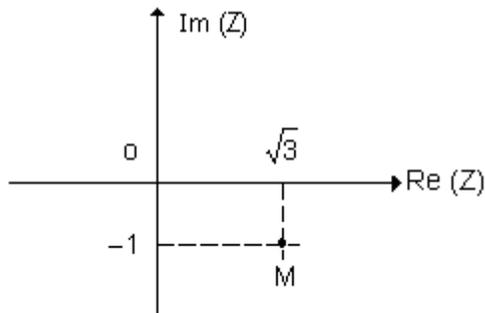
$Q(x) = x^2 - x + 1$ . O valor de **a - b** é:

- a) 0
- b) 4
- c) 8
- d) 12
- e) 16

**Questão 64**

(PUC-MG) Na figura, o ponto **M** é o afixo do número complexo **Z**, no plano de *Argand-Gauss*.

A forma trigonométrica de **Z** é:



- a)  $2 \left( \cos \frac{\pi}{6} + i \operatorname{sen} \frac{\pi}{6} \right)$

- b)  $2 \left( \cos \frac{\pi}{3} + i \operatorname{sen} \frac{\pi}{6} \right)$
- c)  $4 \left( \cos \frac{\pi}{6} + i \operatorname{sen} \frac{\pi}{6} \right)$
- d)  $2 \left( \cos \frac{11\pi}{6} + i \operatorname{sen} \frac{11\pi}{6} \right)$
- e)  $4 \left( \cos \frac{\pi}{3} + i \operatorname{sen} \frac{\pi}{3} \right)$
- 

**Questão 65**

(PUC-MG) A soma das raízes racionais distintas da equação  $4x^3 - 3x + 1 = 0$  é:

- a)  $-\frac{1}{2}$
- b)  $\frac{1}{2}$
- c) -1
- d) 1
- e) 2
- 

**Questão 66**

(FMU) Sabendo-se que os restos das divisões de  $x^2 + p x + 1$  por  $x - 3$  e  $x + 2$  são iguais entre si, o valor de  $p$  é

- a) -1
  - b) -3
  - c) -5
  - d) 1
  - e) 3
- 

#### Questão 67

(FMU) O número complexo  $(1 + 2i)^2 - 3i(1 - i)$  tem parte real igual a

- a) 8
  - b) 2
  - c) 0
  - d) 1
  - e) -6
- 

#### Questão 68

(PUC-RS) O complexo  $1 - i$  é raiz da equação  $x^4 - 2x^3 - 2x^2 + 8x - 8 = 0$ . As outras raízes são

- a) -2, 2 e i
  - b) 2, 3 e 1+i
  - c) -2, 2 e 1+i
  - d) 0, 2 e 1+i
  - e) -i, i e 1+i
- 

**Questão 69**

(PUC-MG) Sendo  $i = \sqrt{-1}$ , o valor de  $\frac{1+i}{1-i} - \frac{2i}{1+i}$  é:

- a) - 2
  - b) 1 - 3i
  - c) 1 + 3i
  - d) - 1
  - e) 3i
- 

**Questão 70**

(PUC-MG) O polinômio  $P(x) = x^3 - 5x^2 + px + 2$  é divisível por  $x + 2$ . O valor de  $p$  é:

- a) - 15
- b) - 13

c) - 8

d) 8

e) 13

---

**Questão 71**

(PUC-MG) Na função  $f(x) = 2x^3 - 3x^2 - 3x + 2$ ,  $f(a) = f(b) = f(-1)$ .

valor de  $a + b$  é:

a) 0,5

b) 1,0

c) 1,5

d) 2,5

e) 3,0

---

**Questão 72**

(PUC-MG) 28. O resto da divisão do polinômio  $P(x) = x^4 - 3x^2 + px + 1$  por  $x - 1$  é 4. O valor de  $p$  é:

a) - 5

b) - 3

c) - 1

d) 3

e) 5

---

**Questão 73**

(PUC-MG) No polinômio  $P(x) = x^3 - x^2 + 4x - 4$  uma das raízes é  $2i$ . Então, a raiz real de  $P(x)$  é:

a) - 2

b) - 1

c) 0

d) 1

e) 2

---

**Questão 74**

(UFCE) Considere a igualdade  $\frac{x+3}{x^2-1} = \frac{A}{x-1} + \frac{B}{x+1}$ . A opção em que figuram os valores de A e B que tornam esta igualdade uma identidade algébrica é:

a)  $A = -2$  e  $B = 1$

b)  $A = 1$  e  $B = -2$

c)  $A = 1$  e  $B = 2$

d)  $A = 2$  e  $B = 1$

e)  $A = 2$  e  $B = -1$

---

### Questão 75

(PUC-RS) A forma trigonométrica do número complexo  $1 + i$  é

a)  $\sqrt{2} \cdot \left( \cos \frac{3\pi}{4} + i \cdot \operatorname{sen} \frac{3\pi}{4} \right)$

b)  $2 \cdot \left( \cos \frac{\pi}{4} + i \cdot \operatorname{sen} \frac{\pi}{4} \right)$

c)  $\sqrt{2} \cdot \left( \cos \frac{\pi}{4} + i \cdot \operatorname{sen} \frac{\pi}{4} \right)$

d)  $2 \cdot \left( \cos \frac{3\pi}{4} + i \cdot \operatorname{sen} \frac{3\pi}{4} \right)$

e)  $\cos \frac{3\pi}{4} + i \operatorname{sen} \frac{3\pi}{4}$

---

### Questão 76

(PUC-RS) O polinômio  $p(x)$  é tal que  $p(x-2) = x^2$ . Então  $p(x)$  é igual a

a)  $4x^2 - 4x$

b)  $x^2 + 2x$

c)  $x^2 + 4x + 4$

d)  $x^2 - 4x + 4$

e)  $-2x + 4$

---

**Questão 77**

(PUC-RS) Se  $p(x)$  é um polinômio tal que  $p(2) = 1$  e  $p(-2) = -1$ , o resto da divisão de  $p(x)$  por  $x^2 - 4$  é

a)  $-2$

b)  $\frac{x}{2}$

c)  $x$

d)  $\frac{x^2}{2}$

e)  $0$

---

**Questão 78**

(PUC-RS) Se  $z = 7\left(\cos \frac{\pi}{4} + i \cdot \sin \frac{\pi}{4}\right)$  então  $z^4$  é igual a

a)  $-2401$

b)  $2401$

c)  $2401+i$

d)  $-2401-i$

e)  $-2401.i$

---

**Questão 79**

(PUC-RJ)  $\left(\frac{\sqrt{2}}{2}(1+i)\right)^2 =$

- a) 1.
  - b) -1.
  - c)  $i$ .
  - d)  $-i$ .
  - e) 0.
- 

**Questão 80**

(UFPB) Sejam  $f$  e  $g$  polinômios não nulos. Se  $f$  é divisível por  $g$  e  $g$  é divisível por  $f$ , então, é correto afirmar que

- a)  $f$  é igual a  $g$ .
- b)  $f$  tem mais raízes que  $g$ .
- c)  $f$  tem menos raízes que  $g$ .
- d)  $f$  e  $g$  têm graus diferentes.
- e)  $f$  e  $g$  têm as mesmas raízes.

**Questão 81**

(UFPB) A representação cartesiana dos números complexos  $1 + 2i$ ,  $-2 + i$  e  $-1 - 2i$  são vértices de um quadrado. O quarto vértice desse quadrado corresponde a

- a)  $1 - i$
  - b)  $2 - i$
  - c)  $1 + i$
  - d)  $1 - 2i$
  - e)  $-2 - 2i$
- 

**Questão 82**

(UFRN) Considere o polinômio  $P(x) = 3x^3 + 6x^2 - 3x - 6$ .

A soma de suas raízes vale:

- a) 3
- b) 2
- c) -2
- d) -3

**Questão 83**

(UFRN) Os valores dos números reais **a** e **b**, de forma que o número complexo  $\frac{1+i}{1-i}$  seja igual a **a + bi**, são:

- a)  $a=0$  e  $b=-1$
  - b)  $a=1$  e  $b=0$
  - c)  $a=0$  e  $b=1$
  - d)  $a=-1$  e  $b=0$
- 

**Questão 84**

(PUC-PR) Se  $(x-1)^2$  é divisor do polinômio  $2x^4 + x^3 + ax^2 + bx + 2$ , então a soma de  $a + b$  é igual a:

- a) 4
  - b) 5
  - c) 6
  - d) 7
  - e) 8
- 

**Questão 85**

(PUC-PR) Sabendo-se que o complexo  $z = a + bi$  satisfaz à expressão  $iz + 2z = 2i - 11$ , então  $z^2$  é igual a:

- a)  $16 - 9i$
  - b)  $17 - 24i$
  - c)  $25 - 24i$
  - d)  $25 + 24i$
  - e)  $7 - 24i$
- 

### Questão 86

(PUC-PR) Calcular a soma das duas maiores raízes da equação  $x^3 + 7x^2 + 14x + 8 = 0$ , sabendo-se que estão em progressão geométrica:

- a) 2
  - b) 3
  - c) 4
  - d) 5
  - e) 6
- 

### Questão 87

(PUC-RS) Se  $m, n \in \mathbb{R}$  e uma das raízes da equação  $2x^2 + mx + n = 0$  é  $3 - 2i$ , o valor de  $m + n$  é

- a) 0
  - b) 1
  - c) 8
  - d) 14
  - e) 24
- 

**Questão 88**

(PUC-RS) módulo do complexo  $\frac{7+i}{1-i}$  é:

- a) 6
  - b) 5
  - c) 4
  - d) 3
  - e) 2
- 

**Questão 89**

(PUC-RS) Dividindo-se  $P(x) = -x^4 + x^2 + 2x$  por um polinômio  $D(x)$ , obtém-se o quociente  $Q(x) = -x^2 + 2x - 1$  e o resto  $R = 2$ . Nestas condições, o valor numérico de  $D(x)$  para  $x = -1$  é

- a) 4

- b) 3
  - c) 2,5
  - d) 2
  - e) 1
- 

**Questão 90**

(PUC-RS) Sabendo que  $-1$  é raiz do polinômio  $P(x) = -x^3 + x^2 + x + a$ , o produto das outras raízes é igual a

- a)  $-2$
  - b)  $-1$
  - c)  $0$
  - d)  $1$
  - e)  $2$
- 

**Questão 91**

(PUC-RS) Se  $z = 1 - i$ , então  $z^{-2}$  é igual a:

- a)  $\frac{1}{2}$
- b)  $2i$

c)  $\frac{i}{2}$

d)  $-\frac{i}{2}$

e)  $-2i$

---

**Questão 92**

(PUC-RS) O valor de  $n$  de modo que a equação  $x^3 + n.x - 2 = 0$  admita uma raiz dupla é

a)  $-3$

b)  $-2$

c)  $2$

d)  $3$

e)  $4$

---

**Questão 93**

(PUC-RJ) Seja o polinômio  $f(x) = x^8 + ax^6 + 5x^4 + 1$ , onde  $a$  é um número real. Então:

a) se  $r$  for uma raiz de  $f(x)$ ,  $-r$  também o será.

b)  $f(x)$  tem necessariamente, pelo menos, uma raiz real.

c)  $f(x)$  tem necessariamente todas as suas raízes complexas e não reais.

d) se  $r$  for uma raiz de  $f(x)$ ,  $1/r$  também o será.

e)  $f(x)$  tem pelo menos uma raiz dupla.

---

### Questão 94

(PUC-RJ) O resto da divisão do polinômio  $x^3 + px + q$  por  $x + 1$  é 4 e o resto da divisão deste mesmo polinômio por  $x-1$  é 8. O valor de  $p$  é:

- a) 5.
  - b) -4.
  - c) 0.
  - d) 1.
  - e) 8.
- 

### Questão 95

(UFRN) Considere os números complexos  $z_1 = 1+i$  e  $z_2 = 2-2i$ .

Se  $w = (z_1 - z_2)^2$ , então:

- a)  $w = 10 - 6i$
- b)  $w = -8 - 6i$
- c)  $w = -8 + 6i$
- d)  $w = 10 + 6i$

**Questão 96**

(UFRRJ) O valor do coeficiente  $m$  para que a equação  $x^3 + mx^2 - 2x + 1 = 0$  admita duas raízes opostas é

- a)  $-1/2$ .
  - b)  $1/2$ .
  - c)  $-1$ .
  - d)  $1$ .
  - e)  $2$ .
- 

**Questão 97**

(UFRRJ) Sendo  $a = 2 + 4i$  e  $b = 1 - 3i$ , o valor de  $\left| \frac{a}{b} \right|$  é

- a)  $\sqrt{3}$ .
- b)  $\sqrt{2}$ .
- c)  $\sqrt{5}$ .
- d)  $2\sqrt{2}$ .
- e)  $1 + \sqrt{2}$ .

---

**Questão 98**

(UFSCAR) Sabendo-se que a soma de duas das raízes da equação  $x^3 - 7x^2 + 14x - 8 = 0$  é igual a 5, pode-se afirmar a respeito das raízes que

- a) são todas iguais e não nulas.
- b) somente uma raiz é nula.
- c) as raízes constituem uma progressão geométrica.
- d) as raízes constituem uma progressão aritmética.
- e) nenhuma raiz é real.

---

**Gabarito:**

1-c 2-d 3-c 4-e 5-c 6-c 7-b 8-b 9-e 10-a 11-a 12-c 13-a 14-a 15-a 16-d 17-c 18-d 19-a 20-c  
21-c 22-c 23-e 24-d 25-a 26-a 27-a 28-e 29-d 30-b 31-b 32-e 33-d 34-c 35-vffv 36-d 37-a  
38-ffff 39-ffvf 40-fvfv 41-ffff 42-c 43-vvfv 44-vvfv 45-ffvf 46-a 47-e 48-a 49-fvfv  
50-vvfv 51-vfvfv 52-fvfv 53-ffff 54-fvfv 55-ffvf 56-vfv- 57-vvfv- 58-vfv- 59-vvfv  
60-b 61-vfvv 62-fvfv 63-c 64-d 65-a 66-a 67-e 68-c 69-d 70-b 71-d 72-e 73-d 74-e 75-c  
76-c 77-b 78-a 79-c 80-e 81-b 82-c 83-c 84-b 85-e 86-b 87-d 88-b 89-e 90-d 91-c 92-a 93-a  
94-d 95-b 96-a 97-b 98-c