



MOVIMENTO RETILÍNEO
UNIFORMEMENTE VARIADO



MOVIMENTO RETILÍNEO UNIFORMEMENTE VARIADO

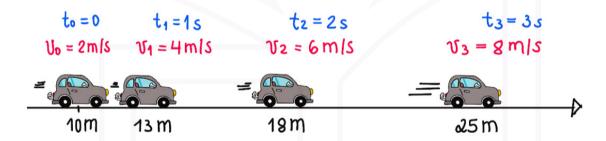
MOVIMENTO RETILÍNEO UNIFORMEMENTE VARIADO (MRUV)

Podemos classificar um movimento qualquer em função da velocidade da partícula que o executa. Como já

vimos, se a velocidade escalar permanece constante ao longo do tempo, o movimento é dito uniforme. Já

se a velocidade variar com o tempo, chamaremos o movimento de variado. Uma partícula estará em M.R.U.V. num dado intervalo de tempo se percorrer uma trajetória reta e a sua aceleração for constante (e não nula) e apresentar a mesma direção da velocidade neste mesmo intervalo.

Perceba que a aceleração do exemplo a seguir é igual a 2 metros por segundo ao quadrado.



A velocidade do móvel no exemplo, aumenta 2 m/s a cada 1 segundo. Logo, podemos dizer que a aceleração do móvel é igual a 2 m/s2. Com essas informações, podemos calcular (prever) a velocidade do móvel em qualquer instante (assim como fizemos no MRU, mas para a posição).

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t} \rightarrow a = \frac{v - v_0}{t} \rightarrow a.t = v - v_0 \rightarrow v = v_0 + a.t$$

v = velocidade final do móvel em um instante t

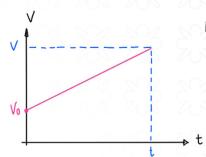
v₀ = velocidade inicial do móvel

a = aceleração

t = Tempo

Construindo o gráfico da velocidade versus o tempo para o MRUV e representando a equação horária da velocidade temos:





EQUAÇÃO DA VELOCIDADE :

$$V = V_0 + \alpha.t$$

FUNÇÃO HORÁRIA DA POSIÇÃO

No MRUV, a posição também varia no decorrer do tempo, mas não de forma linear como era no MRU. Faremos a demonstração que mostro a seguir em sala. Esta função horária irá relacionar a posição de uma partícula em função do tempo. Ela pode ser deduzida a partir do gráfico velocidade x tempo para este movimento.

$$S = S_0 + v_0.t + \frac{a}{2}.t^2$$

S = Posição do móvel em um instante t

S₀= Posição inicial do móvel

V₀ = Velocidade inicial do móvel

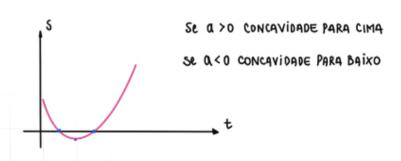
a = aceleração

t = tempo

$$\Delta S = \frac{(v + v_0) \cdot t}{2} \quad \text{SUBSTITUINDO} \quad V = V_0 + \alpha \cdot t, \text{ TEMOS QUE}:$$

$$S = S_0 + V_0 \cdot t + \frac{\alpha \cdot t^2}{2}$$

Essa é a função horária da posição de um ponto material em MRUV. Perceba que é uma função típica de segundo grau, pois a posição S varia com o quadrado tempo. Portanto, o gráfico S versus tempo para um ponto material em MRUV é uma parábola, como pode se ver na figura a seguir:





EQUAÇÃO DE TORRICELLI

Existem certos problemas na cinemática em que não se conhece o tempo gasto para um certo movimento acontecer. Nesses casos você pode calcular a posição da partícula ou sua velocidade criando um sistema com as duas funções horárias. Torricelli desenvolveu uma equação em que não figura o tempo t, facilitando a solução dos problemas citados.

$$V^2 = V_0^2 + 2.0.\Delta S$$

V = velocidade final

 V_0 = velocidade inicial

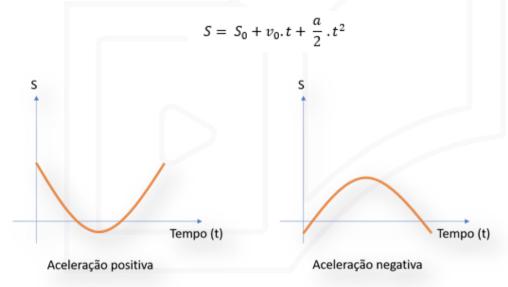
a = aceleração

ΔS=deslocamento

GRÁFICOS

01) POSIÇÃO X TEMPO

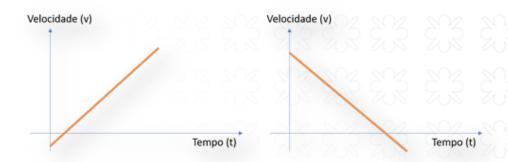
A função horária da posição do MRUV é uma função do 2º grau. Assim, o gráfico será uma parábola.



02) VELOCIDADE X TEMPO

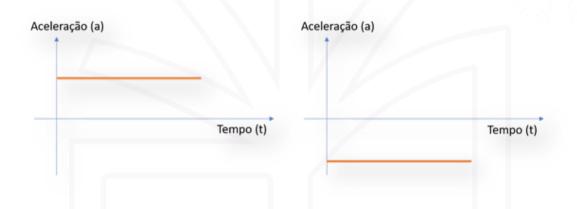
A função horária das velocidades é do 1º grau. Logo o gráfico V x t será uma reta. Se a aceleração for positiva, a reta será inclinada para cima. Já se a aceleração for negativa, a inclinação da reta será para baixo. Como já foi mostrado no Movimento Retilíneo Uniforme, a área sob o gráfico nos fornece a distância percorrida pelo móvel.





03) ACELERAÇÃO X TEMPO

No M.R.U.V. a aceleração é constante. Dessa forma, o gráfico a x t será uma reta paralela ao eixo horizontal.



VELOCIDADE ESCALAR MÉDIA NO MRUV

No movimento uniformemente variado (MUV), a velocidade escalar média (vm), num intervalo de tempo, é a média aritmética das velocidades escalares nos instantes que definem o intervalo*:

$$v_m = \frac{v_1 + v_2}{2}$$