

## Função Logarítmica

### INTRODUÇÃO

Chamamos de função logarítmica toda função  $f$ , de domínio  $\mathbb{R}_+^*$  e contradomínio  $\mathbb{R}$ , que associa a cada número real positivo  $x$  o logaritmo  $\log_a x$ , sendo  $a$  um número real positivo e diferente de 1.

$$f: \mathbb{R}_+^* \rightarrow \mathbb{R} \mid f(x) = \log_a x, \text{ em que } 0 < a \neq 1$$

#### Exemplos:

1º)  $f(x) = \log_5 x$

3º)  $y = \ln x$

2º)  $f(x) = \log_{0,4} x$

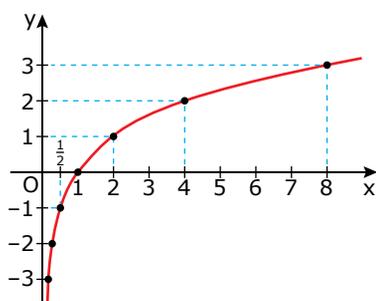
4º)  $y = \log_{10} x$

### GRÁFICOS

Vamos construir os gráficos das funções  $f(x) = \log_2 x$  e  $f(x) = \log_{\frac{1}{2}} x$ . Em cada caso, vamos atribuir alguns valores para  $x$  e, em seguida, calcularemos os correspondentes valores de  $y$ . Os pares ordenados obtidos serão usados para construir cada gráfico.

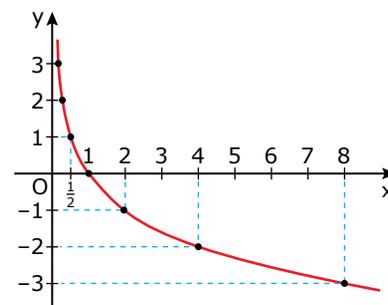
#### 1º) Gráfico da função $f(x) = \log_2 x$

x	y
$\frac{1}{8}$	-3
$\frac{1}{4}$	-2
$\frac{1}{2}$	-1
1	0
2	1
4	2
8	3



#### 2º) Gráfico da função $f(x) = \log_{\frac{1}{2}} x$

x	y
8	-3
4	-2
2	-1
1	0
$\frac{1}{2}$	1
$\frac{1}{4}$	2
$\frac{1}{8}$	3

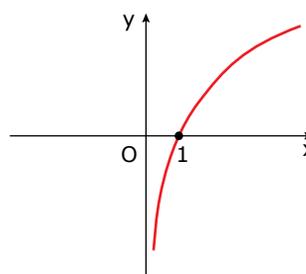


#### OBSERVAÇÕES

- i) Ambos os gráficos não interceptam o eixo das ordenadas. Isso ocorre porque a função logarítmica não está definida para  $x = 0$ .
- ii) Ambos os gráficos interceptam o eixo das abscissas no ponto  $(1, 0)$ . Isso se deve ao fato de que  $\log_a 1 = 0$ , para qualquer número real  $a$  positivo e diferente de 1.
- iii) O gráfico da função  $f(x) = \log_2 x$  é crescente. Isso ocorre porque a base do logaritmo é igual a 2, ou seja, é maior do que 1.
- iv) O gráfico da função  $f(x) = \log_{\frac{1}{2}} x$  é decrescente. Isso ocorre porque a base do logaritmo é igual a  $\frac{1}{2}$ , ou seja, é um número maior que 0 e menor que 1.

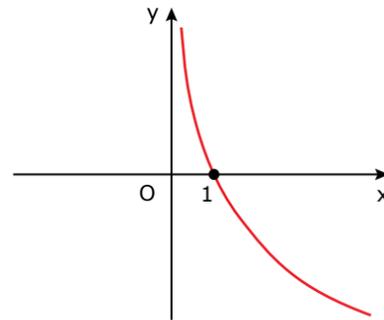
De modo geral, há dois casos a serem considerados no esboço do gráfico da função  $f(x) = \log_a x$ :

#### 1º caso: $a > 1$



- Função crescente
- Domínio  $D = \mathbb{R}_+^*$
- Imagem  $Im = \mathbb{R}$

2º caso:  $0 < a < 1$

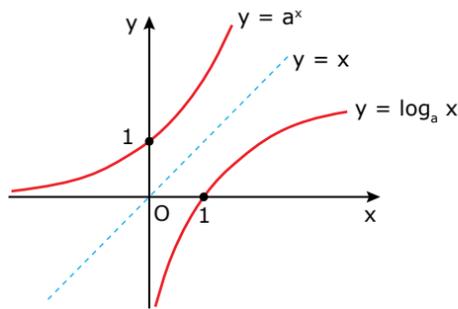


- Função decrescente
- Domínio  $D = \mathbb{R}_+^*$
- Imagem  $Im = \mathbb{R}$

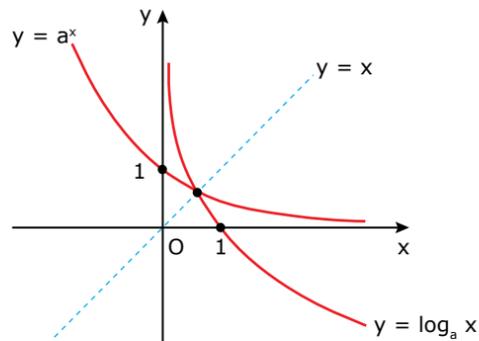
**OBSERVAÇÃO**

A função  $f: \mathbb{R}_+^* \rightarrow \mathbb{R}$ , definida por  $f(x) = \log_a x$ , é inversa da função  $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}_+^*$ , definida por  $g(x) = a^x$ , com  $0 < a \neq 1$ . Os gráficos das funções **f** e **g** são simétricos em relação à bissetriz dos quadrantes ímpares ( $y = x$ ).

1º caso:  $a > 1$

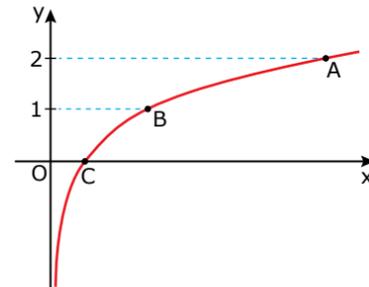


2º caso:  $0 < a < 1$



**EXERCÍCIO RESOLVIDO**

01. (UFJF-MG) A figura a seguir é um esboço, no plano cartesiano, do gráfico da função  $f(x) = \log_b x$ , com alguns pontos destacados. Supondo que a abscissa do ponto **A** é igual a 9, é incorreto afirmar que:



- A) a base **b** é igual a 3.
- B) a abscissa de **C** é igual a 1.
- C)  $f(x) < 0$  para todo  $x \in (0, 1)$ .
- D) a abscissa de **B** é igual a 2.
- E)  $f(x)$  é crescente.

**Resolução:**

O ponto **A** possui abscissa 9 e ordenada 2. Substituindo, na expressão da função, temos:

$$\log_b 9 = 2 \Rightarrow b^2 = 9 \Rightarrow b = 3$$

Portanto, a alternativa A está correta.

Para  $f(x) = 0$ , temos  $\log_b x = 0 \Rightarrow x = 1$ . Logo, a abscissa do ponto **C** é igual a 1. Portanto, a alternativa B está correta.

Para  $0 < x < 1$ , as correspondentes imagens são negativas. Portanto, a alternativa C está correta.

Para  $f(x) = 1$ , temos  $\log_3 x = 1 \Rightarrow x = 3$ . Portanto, a alternativa D está incorreta.

O gráfico representa uma função crescente, pois a base  $b = 3 > 1$ , ou seja, a alternativa E está correta.

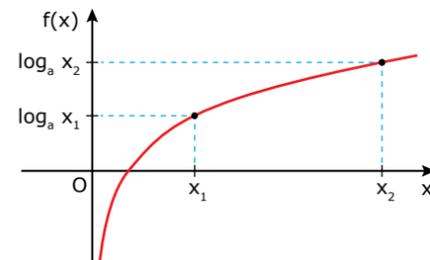
**INEQUAÇÃO LOGARÍTMICA**

É toda desigualdade em que a variável aparece no logaritmando ou na base do logaritmo. Há dois casos básicos:

Consideremos a função logarítmica  $f(x) = \log_a x$ .

1º caso:  $a > 1$

O gráfico representa uma função crescente. Assim, observe que, para  $\log_a x_1 < \log_a x_2$ , temos  $x_1 < x_2$ .



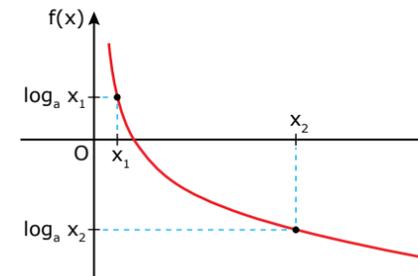
Portanto:

Se  $a > 1$ , devemos **conservar** o sinal da desigualdade ao comparar os logaritmandos.

$$x_1 < x_2 \Leftrightarrow \log_a x_1 < \log_a x_2$$

2º caso:  $0 < a < 1$

O gráfico representa uma função decrescente. Assim, observe que, para  $\log_a x_1 > \log_a x_2$ , temos  $x_2 > x_1$ .



Portanto:

Se  $0 < a < 1$ , devemos **inverter** o sinal da desigualdade ao comparar os logaritmandos.

$$x_1 < x_2 \Leftrightarrow \log_a x_1 > \log_a x_2$$

**OBSERVAÇÃO**

Ao resolver uma inequação logarítmica, devemos levar em consideração as condições de existência dos logaritmos envolvidos. Portanto, a solução consiste na interseção dos intervalos obtidos da condição de existência dos logaritmos e da inequação logarítmica.

**EXERCÍCIOS RESOLVIDOS**

02. Resolver, em  $\mathbb{R}$ , a inequação  $\log_7(x - 2) \leq \log_7 5$ .

**Resolução:**

Verificamos, inicialmente, a condição de existência:

$$x - 2 > 0 \Rightarrow x > 2 \quad (I)$$

Como  $7 > 1$ , devemos conservar a desigualdade para os logaritmandos, ou seja:

$$x - 2 \leq 5 \Rightarrow x \leq 7 \quad (II)$$

A solução é dada pela interseção dos intervalos (I) e (II).

Portanto,  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid 2 < x \leq 7\}$ .

03. Resolver, em  $\mathbb{R}$ , a inequação  $\log_{\frac{1}{6}}(2x - 8) > \log_{\frac{1}{6}} x$ .

**Resolução:**

Verificamos, inicialmente, as condições de existência:

$$\begin{cases} 2x - 8 > 0 \\ e \\ x > 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x > 4 \quad (I) \\ e \\ x > 0 \quad (II) \end{cases}$$

Como  $0 < \frac{1}{6} < 1$ , devemos inverter a desigualdade para os logaritmandos, ou seja:

$$2x - 8 < x \Rightarrow x < 8 \quad (III)$$

A solução é dada pela interseção dos intervalos (I), (II) e (III).

Portanto,  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid 4 < x < 8\}$ .

04. Resolver, em  $\mathbb{R}$ , a inequação  $\log_2 7 + \log_{\frac{1}{2}}(x + 1) \geq -3$ .

**Resolução:**

A condição de existência é dada por:

$$x + 1 > 0 \Rightarrow x > -1 \quad (I)$$

$$\log_2 7 + \log_{\frac{1}{2}}(x + 1) \geq -3 \Rightarrow$$

$$\log_2 7 + \log_{2^{-1}}(x + 1) \geq -3 \Rightarrow$$

$$\log_2 7 - \log_2(x + 1) \geq -3 \log_2 2 \Rightarrow$$

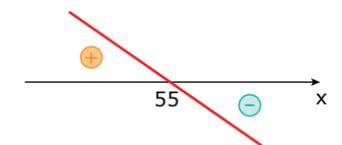
$$\log_2 \left( \frac{7}{x+1} \right) \geq \log_2 2^{-3} \Rightarrow \frac{7}{x+1} \geq \frac{1}{8} \Rightarrow$$

$$\frac{7}{x+1} - \frac{1}{8} \geq 0 \Rightarrow \frac{56 - x - 1}{8(x+1)} \geq 0 \Rightarrow \frac{\text{Função I}}{\text{Função II}} \geq 0$$

Estudo do sinal:

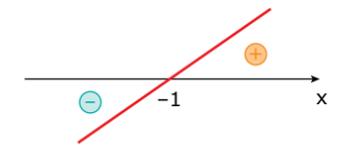
Função I:  $y_1 = -x + 55$

Raiz:  $0 = -x + 55 \Rightarrow x = 55$

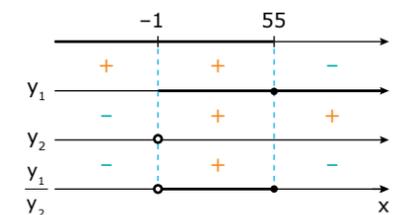


Função II:  $y_2 = 8x + 8$

Raiz:  $0 = 8x + 8 \Rightarrow x = -1$



Quadro de sinais:



Logo, o intervalo obtido da inequação logarítmica é  $-1 < x \leq 55$  (II).

Com a interseção de (II) com a condição de existência (I), temos como solução  $S = \{x \in \mathbb{R} \mid -1 < x < 55\}$ .

# APLICAÇÕES DOS LOGARITMOS

Há equações exponenciais que não conseguimos reduzir a potências de mesma base.

Assim, para resolver essas equações, devemos aplicar o logaritmo, em uma base adequada, dos dois lados da igualdade.

Esse artifício é utilizado devido ao fato de a função logarítmica ser a inversa da exponencial.

## EXERCÍCIOS RESOLVIDOS

05. Resolver a equação exponencial  $4^x = 12$ .  
(Considerar:  $\log 2 = 0,30$ ;  $\log 3 = 0,48$ .)

**Resolução:**

$$4^x = 12 \Rightarrow \log 4^x = \log 12 \Rightarrow$$

$$x \cdot \log 4 = \log (4 \cdot 3) \Rightarrow$$

$$x \cdot \log 2^2 = \log 2^2 + \log 3 \Rightarrow$$

$$2x \cdot \log 2 = 2 \cdot \log 2 + \log 3 \Rightarrow$$

$$2x \cdot 0,30 = 2 \cdot 0,30 + 0,48 \Rightarrow$$

$$0,60x = 1,08 \Rightarrow x = 1,8$$

06. (UFOP-MG) A massa de certo material radioativo num instante  $t$  é dada por  $m(t) = m_0 \cdot 10^{-kt}$ . Se  $t$  é dado em anos,  $m_0 = m(0) = 500$  g é a massa inicial,  $m(20) = 400$  g, adotando  $\log 2 = 0,3$  e  $\log 5 = 0,7$ , encontrar:

- A) o valor de  $k$ .
- B) o tempo necessário para que metade da massa inicial se desintegre.

**Resolução:**

A) Cálculo do valor de  $k$ :

Para  $t = 0$ , temos  $m(0) = 500$ .

Para  $t = 20$ , temos  $m(20) = 500 \cdot 10^{-20k} \Rightarrow$

$$400 = 500 \cdot 10^{-20k} \Rightarrow \frac{4}{5} = 10^{-20k} \Rightarrow$$

$$\log 10^{-20k} = \log \left( \frac{4}{5} \right) \Rightarrow -20k = \log 4 - \log 5 \Rightarrow$$

$$-20k = 2 \cdot \log 2 - \log 5 \Rightarrow -20k = 2 \cdot 0,3 - 0,7 \Rightarrow$$

$$-20k = 0,6 - 0,7 \Rightarrow -20k = -0,1 \Rightarrow k = \frac{1}{200}$$

B) Temos que  $m(t) = 500 \cdot 10^{-\frac{t}{200}}$ .

Queremos que  $m(t) = 250$  g (metade da massa inicial).

$$250 = 500 \cdot 10^{-\frac{t}{200}} \Rightarrow \frac{1}{2} = 10^{-\frac{t}{200}} \Rightarrow$$

$$\log \frac{1}{2} = \log \left( 10^{-\frac{t}{200}} \right) \Rightarrow \log 1 - \log 2 = -\frac{t}{200} \Rightarrow$$

$$0 - 0,30 = -\frac{t}{200} \Rightarrow t = 60$$

O tempo necessário é igual a 60 anos.

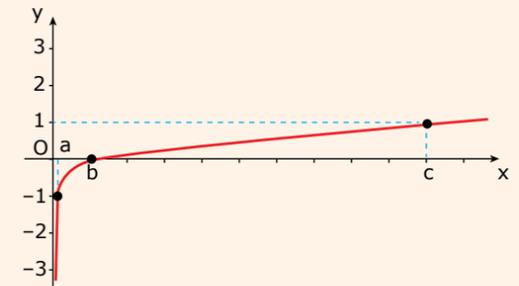
## EXERCÍCIOS DE APRENDIZAGEM



01. (IFAL-2016) Num determinado mês, a quantidade vendida  $Q$  de um certo produto, por dia, em uma loja, em função do dia  $d$  do mês, é representada pela função  $Q = \log_2 d$ . Qual a quantidade vendida desse produto no dia 16 desse mês?

A) 0                      C) 2                      E) 4  
B) 1                      D) 3

02. (PUC RS-2016) Observando-se o céu após uma chuva, avista-se parte de um arco-íris atrás de uma construção. A parte visível poderia ser identificada como a representação gráfica da função  $f$  dada por  $f(x) = \log x$ , a seguir.



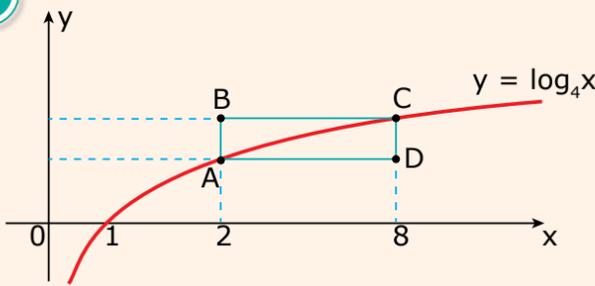
A soma dos valores  $a$ ,  $b$  e  $c$ , indicados na figura, é:

A) 11,1.                      C) 14,9.                      E) 100,1.  
B) 14,5.                      D) 15,5.

03. (CEFET-MG) Considere a função  $f: ]-2, \infty[ \rightarrow \mathbb{R}$  definida por  $f(x) = \log_3(x+2)$ . Se  $f(a) = \frac{1}{3}f(b)$ , então:

A)  $a = \sqrt[3]{b+1}$                       C)  $a = \sqrt[3]{b+2} - 2$   
B)  $a = \sqrt[3]{b+3}$                       D)  $a = \sqrt[3]{b+4} + 2$

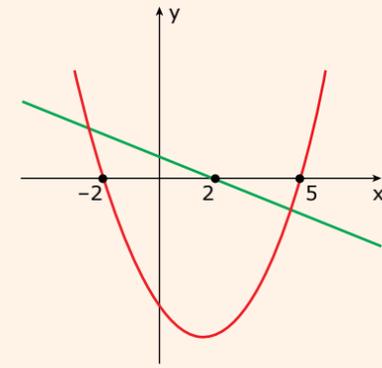
04. (EsPCEX-SP-2017) A curva do gráfico abaixo representa a função  $y = \log_4 x$ .



A área do retângulo ABCD é:

A) 12                      D)  $6 \log_4 \frac{3}{2}$   
B) 6                      E)  $\log_4 6$   
C) 3

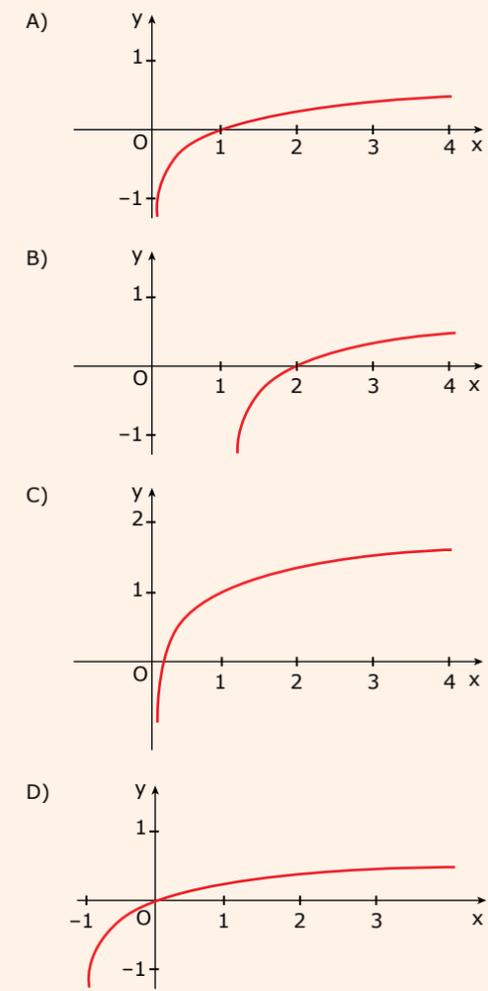
05. (CEFET-MG-2015) Os gráficos das funções  $f$  e  $g$  estão representados geometricamente na figura que se segue.



Se  $h$  é a função definida  $h(x) = \log(f(x) \cdot g(x))$ , o domínio de  $h$  é:

A)  $]-2, 2[ \cup ]5, +\infty[$                       D)  $\mathbb{R} - ]-2, 5[$   
B)  $]-\infty, -2[ \cup ]2, 5[$                       E)  $]-2, 5[$   
C)  $]-\infty, 2[ \cup ]5, +\infty[$

06. (UEG-GO) O gráfico da função  $y = \log(x+1)$  é representado por:



07. (UDESC-SC) O conjunto de números reais que representa a interseção entre os domínios das funções

- $f(x) = \sqrt{-2x^2 - 6x + 8}$  e  $g(x) = \log(x+2)$  é um intervalo
- A) aberto à direita e fechado à esquerda.
  - B) aberto nos dois extremos.
  - C) fechado nos dois extremos.
  - D) infinito.
  - E) aberto à esquerda e fechado à direita.

08. (ESPM-SP) Em 1997 iniciou-se a ocupação de uma fazenda improdutiva no interior do país, dando origem a uma pequena cidade. Estima-se que a população dessa cidade tenha crescido segundo a função  $P = 0,1 + \log_2(x - 1996)$ , onde  $P$  é a população no ano  $x$ , em milhares de habitantes. Considerando  $\sqrt{2} \approx 1,4$ , podemos concluir que a população dessa cidade atingiu a marca dos 3 600 habitantes em meados do ano:

A) 2005.                      C) 2011.                      E) 2004.  
B) 2002.                      D) 2007.

## EXERCÍCIOS PROPOSTOS



01. (UECE-2016) Se  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  é a função definida por  $f(x) = 10^{1-Lx}$  então, o valor de  $\log(f(e))$  é igual a

Atenção!

$e$  = base do logaritmo natural  
 $\log$  = logaritmo na base 10  
 $L$  = logaritmo natural

A)  $\frac{1}{2}$ .                      B) 0.                      C)  $\frac{1}{3}$ .                      D) 1.

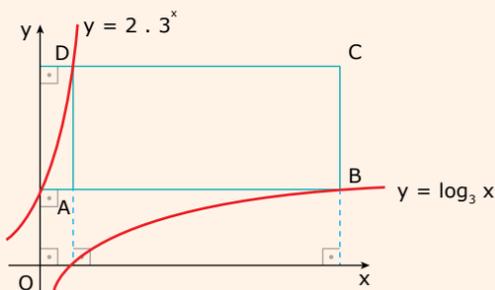
02. (UERN) O produto entre o maior número inteiro negativo e o menor número inteiro positivo que pertence ao domínio da função  $f(x) = \log_3(x^2 - 2x - 15)$  é:

A) -24.  
B) -15.  
C) -10  
D) -8.

03. (FGV-SP) A solução da inequação  $\log_{\frac{1}{3}}(x^2 - 3) > 0$  é:

A)  $\{x \in \mathbb{R} \mid x < -\sqrt{3} \text{ ou } x > \sqrt{3}\}$   
B)  $\{x \in \mathbb{R} \mid -2 < x < 2\}$   
C)  $\{x \in \mathbb{R} \mid -\sqrt{3} < x < \sqrt{3}\}$   
D)  $\{x \in \mathbb{R} \mid -2 < x < -\sqrt{3} \text{ ou } \sqrt{3} < x < 2\}$   
E)  $\{x \in \mathbb{R} \mid x < -2 \text{ ou } x > 2\}$

**04.** (UNIFESP) Com base na figura, o comprimento da diagonal AC do quadrilátero ABCD, de lados paralelos aos eixos coordenados, é:



- A)  $2\sqrt{2}$
- B)  $4\sqrt{2}$
- C) 8
- D)  $4\sqrt{5}$
- E)  $6\sqrt{3}$

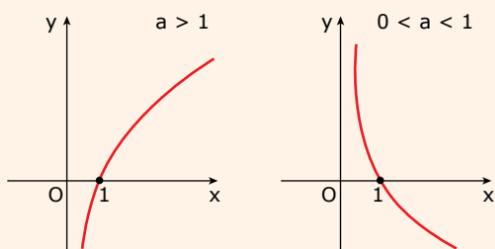
**05.** (FUVEST-SP) O conjunto dos números reais  $x$  que satisfazem a inequação  $\log_2(2x + 5) - \log_2(3x - 1) > 1$  é o intervalo:

- A)  $]-\infty, -\frac{5}{2}[$
- B)  $]\frac{7}{4}, \infty[$
- C)  $]-\frac{5}{2}, 0[$
- D)  $]\frac{1}{3}, \frac{7}{4}[$
- E)  $]0, \frac{1}{3}[$

**06.** (UECE-2016) O domínio da função real de variável real definida por  $f(x) = \log_7(x^2 - 4x) \cdot \log_3(5x - x^2)$  é o intervalo aberto cujos extremos são os números

- A) 3 e 4.
- B) 4 e 5.
- C) 5 e 6.
- D) 6 e 7.

**07.** (FUVEST-SP) Seja  $f$  uma função a valores reais, com domínio  $D \subset \mathbb{R}$ , tal que  $f(x) = \log_{10} \left[ \log_{\frac{1}{3}}(x^2 - x + 1) \right]$  para todo  $x \in D$ .



Gráficos da função logarítmica de base a.

O conjunto que pode ser o domínio  $D$  é:

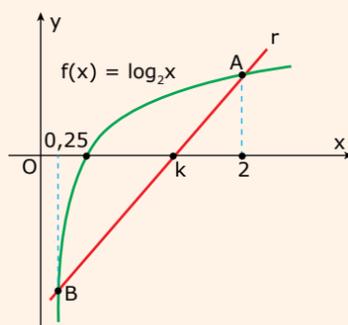
- A)  $\{x \in \mathbb{R} \mid 0 < x < 1\}$
- B)  $\{x \in \mathbb{R} \mid x \leq 0 \text{ ou } x \geq 1\}$

- C)  $\{x \in \mathbb{R} \mid \frac{1}{3} < x < 10\}$
- D)  $\{x \in \mathbb{R} \mid x \leq \frac{1}{3} \text{ ou } x \geq 10\}$
- E)  $\{x \in \mathbb{R} \mid \frac{1}{9} < x < \frac{10}{3}\}$

**08.** (UECE-2017) Se  $f$  é a função real de variável real definida por então,  $f(x) = \log(4 - x^2) + \sqrt{4x - x^2}$ , o maior domínio possível para  $f$  é:

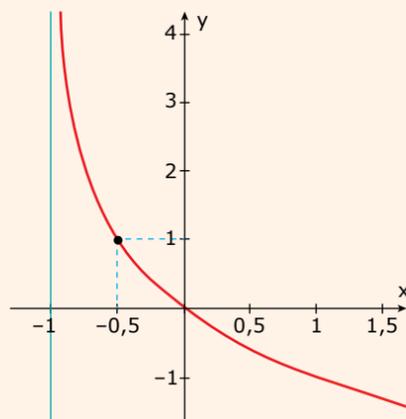
- A) {números reais  $x$  tais que  $0 \leq x < 4$ }.
- B) {números reais  $x$  tais que  $2 < x < 4$ }.
- C) {números reais  $x$  tais que  $-2 < x < 4$ }.
- D) {números reais  $x$  tais que  $0 \leq x < 2$ }.

**09.** (UFPR-2016) Considere o gráfico da função  $f(x) = \log_2 x$  e a reta  $r$  que passa pelos pontos  $A$  e  $B$ , como indicado na figura a seguir, sendo  $k$  a abscissa do ponto em que a reta  $r$  intersecta o eixo  $Ox$ . Qual é o valor de  $k$ ?



- A)  $\frac{17}{12}$ .
- B)  $\frac{14}{11}$ .
- C)  $\frac{12}{7}$ .
- D)  $\frac{11}{9}$ .
- E)  $\frac{7}{4}$ .

**10.** (UEG-GO-2018) O gráfico a seguir é a representação da função  $f(x) = \log_2 \left( \frac{1}{ax + b} \right)$ .



O valor de  $f^{-1}(-1)$  é

- A) -1.
- B) 0.
- C) -2.
- D) 2.
- E) 1.

**11.** (FUVEST-SP-2017) Considere as funções  $f(x) = x^2 + 4$  e  $g(x) = 1 + \log_{\frac{1}{2}} x$ , em que o domínio de  $f$  é o conjunto dos números reais e o domínio de  $g$  é o conjunto dos números reais maiores do que 0. Seja  $h(x) = 3f(g(x)) + 2g(f(x))$ , em que  $x > 0$ . Então,  $h(2)$  é igual a:

- A) 4.
- B) 8.
- C) 12.
- D) 16.
- E) 20.

**12.** (UCS-RS-2016) Um equipamento é depreciado de tal forma que,  $t$  anos após a compra, seu valor é dado por  $V(t) = C \cdot e^{-0,2t} + 31\,000$ . Se 10 anos após a compra o equipamento estiver valendo R\$ 112 000,00, então ele foi comprado por um valor, em reais,

- Dado:**  $\ln 7,4 \approx 2$ .
- A) maior que 700 000.
- B) entre 600 000 e 700 000.
- C) entre 500 000 e 600 000.
- D) entre 400 000 e 500 000.
- E) menor que 400 000.

**13.** (FUVEST-SP-2017) Um analgésico é aplicado via intravenosa. Sua concentração no sangue, até atingir a concentração nula, varia com o tempo de acordo com a seguinte relação:

$$c(t) = 400 - k \log_3(at + 1),$$

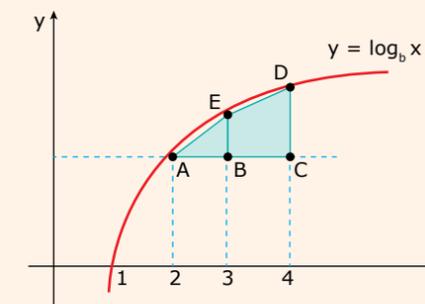
em que  $t$  é dado em horas e  $c(t)$  é dado em mg/L. As constantes  $a$  e  $k$  são positivas.

- A) Qual é a concentração do analgésico no instante inicial  $t = 0$ ?
- B) Calcule as constantes  $a$  e  $k$ , sabendo que, no instante  $t = 2$ , a concentração do analgésico no sangue é metade da concentração no instante inicial e que, no instante  $t = 8$ , a concentração do analgésico no sangue é nula.

**14.** (UCB-DF-2016) Quando se administra uma medicação a um paciente, a droga entra na corrente sanguínea e, após a metabolização, é eliminada de tal forma que a quantidade presente no organismo decresce exponencialmente. Com base no exposto, suponha que, para o antibiótico ampicilina, 40% da droga presente no organismo de uma pessoa é eliminada a cada hora após a aplicação. Se uma dose típica de ampicilina tem 250 mg, e considerando que  $\log 6 = 0,77$ , o tempo necessário, em horas, para que o organismo de uma pessoa elimine 235 mg dessa dose é

- A) menor que 4.
- B) entre 4 e 4,4.
- C) entre 4,4 e 4,8.
- D) entre 4,8 e 5,2.
- E) maior que 5,2.

**15.** (ACAFE-SC-2016) A figura a seguir representa o gráfico da função  $y = \log_b x$ , com  $b > 1$  e  $x > 0$ .



Nessa representação, o polígono ABCDE possui área igual a:

- A)  $\log_b \frac{3\sqrt{2}}{2}$
- B)  $\log_b 3$
- C)  $\log_b 3 + \log_b 2$
- D)  $1,5 \cdot \log_b \sqrt{2}$

**16.** (Unifor-CE-2016) As populações de duas cidades A e B são dadas em milhares de habitantes pelas funções  $A(t) = \log_8(1 + t)^9$  e  $B(t) = \log_2(16t + 16)$  onde  $t$  é dado em anos. Após certo instante  $t$ , a população de uma dessas cidades é sempre maior que a outra. O valor mínimo desse instante  $t$  é de

- A) 2 anos.
- B) 3 anos.
- C) 4 anos.
- D) 5 anos.
- E) 6 anos.

**17.** (Unicamp-SP) A altura (em metros) de um arbusto em uma dada fase de seu desenvolvimento pode ser expressa pela função  $h(t) = 0,5 + \log_3(t + 1)$ , onde o tempo  $t \geq 0$  é dado em anos.

- A) Qual é o tempo necessário para que a altura aumente de 0,5 m para 1,5 m?
- B) Suponha que outro arbusto, nessa mesma fase de desenvolvimento, tem sua altura expressa pela função composta  $g(t) = h(3t + 2)$ . Verifique que a diferença  $g(t) - h(t)$  é uma constante, isto é, não depende de  $t$ .

## SEÇÃO ENEM

**01.** (Enem-2015) Um engenheiro projetou um automóvel cujos vidros das portas dianteiras foram desenhados de forma que suas bordas superiores fossem representadas pela curva de equação  $y = \log(x)$ , conforme a figura.

