

Multiplicação por 11 (e múltiplos)

- Multiplicação Instantânea por 11

Para multiplicar qualquer número de dois algarismos por 11 basta adicionar os dois algarismos e colocar a resposta entre os algarismos da dezena e unidade. Vejamos o caso

$$72 \times 11$$

Para resolver esse produto, basta adicionar os algarismos $7+2=9$, e colocar o 9 entre o 7 e 2. Eis a resposta: 792. Simples, não? Tente agora resolver os produtos abaixo!

- $23 \times 11 =$
- $52 \times 11 =$
- $81 \times 11 =$
- $36 \times 11 =$
- $87 \times 11 =$

Obviamente, o resultado da multiplicação 87×11 não pode ser 8157, uma vez que o resultado deve ser apenas um pouco superior a $87 \times 10 = 870$.

Nesse caso, o 15 representa a quantidade de dezenas e o 1 deve ser adicionado ao 8. Assim, $87 \times 11 = 957$, o que pode ser visualizado da seguinte forma:

$$87 \times 11 = \begin{array}{r} 8+7 \\ 8 \quad 1 \quad 5 \quad 7 \\ \hline 9 \quad 5 \quad 7 \end{array}$$

Teste agora com os valores abaixo!

- $75 \times 11 =$
- $49 \times 11 =$
- $93 \times 11 =$
- $86 \times 11 =$
- $123 \times 11 =$

Ficou confuso no último? Veja como a lógica é parecida:

$$123 \times 11 = \begin{array}{r} 1+2 \\ 1 \quad 3 \quad 5 \quad 3 \\ \hline 1 \quad 3 \quad 5 \quad 3 \end{array}$$

Mas por que esse método sempre funciona? Para entender melhor o porquê de sempre funcionar, basta visualizar o método convencional de multiplicação por 11:

$$\begin{array}{r} 1 \quad 2 \quad 3 \\ \times \quad 1 \quad 1 \\ \hline 1 \quad 2 \quad 3 \\ 1 \quad 2 \quad 3 \\ \hline 1 \quad 3 \quad 5 \quad 3 \end{array}$$

Para finalizar, resolva as multiplicações abaixo!

- $725 \times 11 =$
- $419 \times 11 =$
- $923 \times 11 =$
- $13234 \times 11 =$
- $243 \times 22 =$

- Multiplicação Quase Instantânea por 22, 33, 44...

Agora que você aprendeu um método para multiplicar instantaneamente por 11, podemos combiná-lo com a multiplicação por fatoração para que possamos resolver quase instantaneamente qualquer produto por múltiplos de 11. Veja:

$$36 \times 22 = 72 \times 11 = 792$$

2x11 36x2 7+2

Resolva agora as multiplicações abaixo!

- $75 \times 22 =$
- $49 \times 33 =$
- $31 \times 66 =$
- $86 \times 77 =$
- $123 \times 99 =$

Você Sabia???

Já que estamos falando do 11, você sabia que cada linha do triângulo de Pascal pode ser utilizada para calcular potências de 11? É simples, veja!!!

$$\begin{array}{l} 11^0 = 1 \rightarrow 1 \\ 11^1 = 11 \rightarrow 1 \quad 1 \\ 11^2 = 121 \rightarrow 1 \quad 2 \quad 1 \\ 11^3 = 1331 \rightarrow 1 \quad 3 \quad 3 \quad 1 \\ 11^4 = 14641 \rightarrow 1 \quad 4 \quad 6 \quad 4 \quad 1 \\ 11^5 = 161051 \rightarrow 1 \quad 5 \quad 10 \quad 10 \quad 5 \quad 1 \end{array}$$

Multiplicação Cruzada (Criss-Cross)

Um método mais geral associado à matemática védica é o método *criss-cross* (*produtos cruzados*). Para ilustrá-lo, comecemos calculando o produto 23×12 .

$$\begin{array}{r}
 23 \\
 \times 12 \\
 \hline
 2 \quad 7 \quad 6 \\
 2 \times 1 \quad 2 \times 2 \quad 2 \times 3 \\
 \quad \quad \quad + \quad 3 \times 1
 \end{array}$$

A lógica do método *criss-cross* pode ser ilustrada da maneira abaixo: o 1º algarismo representa o algarismo das centenas, o 2º o das dezenas e o 3º o das unidades:



Vejamos outro exemplo, no qual é necessário *carregar* unidades de uma casa a outra: 41×32 .

$$\begin{array}{r}
 41 \\
 \times 32 \\
 \hline
 12 \quad 11 \quad 2 \\
 4 \times 3 \quad 4 \times 2 \quad 2 \times 1 \\
 \quad \quad \quad + \quad 3 \times 1
 \end{array}
 = 1312$$

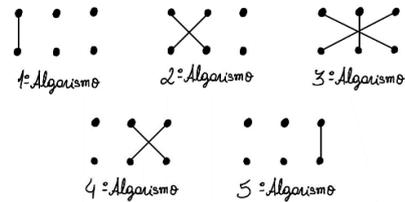
No caso acima, como o resultado do algarismo das dezenas foi igual a 11, o que equivale a 1 centena e 1 dezena. Adiciona-se então 1 centena às 12 centenas pré-existentes, totalizando 13 centenas. Por sua vez, 13 centenas equivalem a 1 milhar e 3 centenas. Resultado: 1312.

Note que apesar de ter sido denominado neste material como um método de cálculo mental, não é necessário que todo o processo seja feito mentalmente! O que deve ser feito mentalmente são apenas as multiplicações cruzadas e adições, anotando os resultados e realizando as "transferências" entre unidades, dezenas, centenas etc.

Tente resolver as multiplicações abaixo usando o método!

$$\begin{array}{ll}
 13 \times 22 = & 58 \times 77 = \\
 17 \times 61 = & 89 \times 21 = \\
 23 \times 47 = &
 \end{array}$$

Esse método pode parecer "inútil" para multiplicações de dois algarismos, mas vejamos uma extensão para o caso de multiplicações de números com três algarismos. Nesse caso, o método funciona da seguinte maneira:



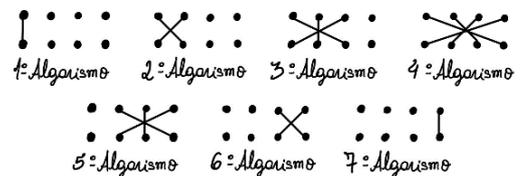
Tente resolver 137×214 antes de olhar o resultado abaixo.

$$\begin{array}{r}
 137 \\
 \times 214 \\
 \hline
 2 \quad 7 \quad 21 \quad 19 \quad 28 \\
 1 \times 2 \quad 1 \times 1 \quad 1 \times 4 \quad 1 \times 3 \quad 1 \times 7 \\
 \quad \quad \quad + \quad 3 \times 2 \quad 3 \times 4 \quad 3 \times 7 \\
 \quad \quad \quad \quad \quad \quad + \quad 2 \times 7
 \end{array}
 = 29318$$

Uma pergunta que pode surgir neste ponto: é possível utilizar esse método, por exemplo, para uma multiplicação de um número com três algarismos por um número com dois algarismos? A resposta é **sim**, e a saída é simples:

$$\begin{array}{r}
 137 \\
 \times 034 \\
 \hline
 0 \quad 3 \quad 13 \quad 33 \quad 28 \\
 0 \times 1 \quad 1 \times 3 \quad 0 \times 7 \quad 1 \times 4 \\
 \quad \quad \quad + \quad 0 \times 3 \quad 3 \times 3 \quad 3 \times 7 \\
 \quad \quad \quad \quad \quad \quad + \quad 1 \times 4
 \end{array}
 = 4658$$

Já consegue imaginar como fica o produto de dois números com quatro algarismos, né?



Como exemplo, tomemos 1362×2174 .

$$\begin{array}{r}
 1362 \\
 \times 2174 \\
 \hline
 2 \quad 7 \quad 22 \quad 35 \quad 56 \quad 38 \quad 8 \\
 = 2960988
 \end{array}$$

Tente agora resolver as seguintes multiplicações abaixo!

$$\begin{array}{ll}
 117 \times 632 = & 1126 \times 163 = \\
 215 \times 818 = & 4127 \times 7113 =
 \end{array}$$