

Para resolver exercícios de conjuntos, é sempre bom ter um esqueminha junto:



Assinale V para verdadeiro e F para falso:

1. $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z}$ Como o profe menciona na aula:
 (V) "Todo número natural é um inteiro, isto é, $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z}$."
 Logo, esta questão é verdadeira.

2. $\mathbb{N} \cup \mathbb{Z}_- = \mathbb{Z}$ Nesta questão diz que a união dos números naturais (N) com os inteiros não positivos (\mathbb{Z}_-) é igual ao conjunto dos inteiros (Z).
 Como visto em aula:
 $\mathbb{N} = 0, 1, 2, 3, \dots$
 $\mathbb{Z}_- = \dots -3, -2, -1, 0$
 $\cup = \dots -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots$
 Logo, a questão é verdadeira.

3. $\mathbb{Z}_+ \cap \mathbb{Z}_- = \emptyset$ Sabemos que:
 (F) $\mathbb{Z}_+ = 0, 1, 2, 3, \dots$
 $\mathbb{Z}_- = \dots -3, -2, -1, 0, \dots$
 Ambos têm o zero (0) em comum.
 Portanto, a interseção deles não é um conjunto vazio. Esta questão é falsa.

4. $0 \in \mathbb{Z}_-$ Esta questão é verdadeira, pois o zero pertence ao conjunto dos inteiros não positivos. O zero não pertence ao conjunto dos inteiros negativos \mathbb{Z}_-^* .
 (V)

5. $\mathbb{N} \subset \mathbb{Q}$ Como o profe menciona em aula:
 (V) "Todo número natural é inteiro e todo número inteiro é racional, isto é, $\mathbb{N} \subset \mathbb{Z} \subset \mathbb{Q}$."
 Com o esqueminha do início desta página, também podemos ver que os naturais estão contidos dentro dos inteiros, que estão dentro dos racionais.
 Logo, esta questão é verdadeira.

6. $\mathbb{Z} \subset \mathbb{Q}$ Podemos usar a questão anterior como prova. E, ainda, se olharmos o esquema do pag. inicial, veremos que os inteiros estão contidos no conjunto dos racionais. Logo, é verdadeira.
 (V)

7. $0 \in \mathbb{Q}$ Da teoria: $\mathbb{Q} = \left\{ \frac{a}{b} \mid a \in \mathbb{Z} \text{ e } b \in \mathbb{Z}^* \right\}$
 (V) Logo, apenas o denominador não pode ser nulo, mas o numerador pode. A questão é verdadeira, pois podemos ter divisões como: $\frac{0}{1} = 0$.

8. $517 \in \mathbb{Q}$ O número 517 é um inteiro, e um racional pode ser um inteiro, como por exemplo: $\frac{517}{1} = 517$.
 Portanto, questão verdadeira.
 (V)

9. $0,474747... \in \mathbb{Q}$ Da teoria:
 (V) Um número racional pode ser:
 • Um número decimal periódico (Dízima Periódica)
 Veja que $0,474747... \in \mathbb{Q}$ é uma dízima periódica, logo, esta questão é verdadeira.

10. $\left\{ \frac{4}{7}, \frac{11}{3} \right\} \subset \mathbb{Q}$ Veja que ambos são dízimas periódicas:
 (V) $\frac{4}{7} = 0,5714285714... \quad \frac{11}{3} = 3,6666... \dots$
 Logo, a questão é verdadeira.
 Pois um número racional pode ser uma dízima periódica.

11. $3 \in \mathbb{R}$ Os reais são formados pelos números racionais e irracionais. Como o 3 pertence ao conjunto dos \mathbb{N} , \mathbb{Z} , \mathbb{Q} , faz parte dos números reais.
 Esta questão é, portanto, verdadeira.
 (V)

12. $\mathbb{N} \subset \mathbb{R}$ Os números reais são formados pelos naturais, inteiros, racionais e irracionais.
 Como pode ser visto no esquema no início do pag, os \mathbb{N} estão contidos nos \mathbb{R} . Portanto, questão verdadeira.
 (V)

13. $\mathbb{Z} \subset \mathbb{R}$ Como vimos no exercício anterior e a partir do esquema simples:
 (V) Os inteiros estão contidos no conjunto dos reais. Logo, questão verdadeira.

14. $\frac{1}{2} \in \mathbb{R} - \mathbb{Q}$ Se excluirmos os racionais (Q) sobram apenas os irracionais (I).
 (F) Logo, questão falsa. Pois $\frac{1}{2}$ é um número racional do tipo decimal exato.
 (V)

15. $\sqrt{4} \in \mathbb{R} - \mathbb{Q}$ Esta é uma raiz exata, $\sqrt{4} = 2$ e 2 é um número natural, inteiro e racional. Logo, questão falsa.
 (F) Pois, se excluirmos os racionais (Q) sobram apenas os irracionais.

16. $\sqrt[3]{4} \in \mathbb{R} - \mathbb{Q}$ A $\sqrt[3]{4}$ é aproximadamente 1,587401052... não conseguimos representar este número em forma de fração (inteiro/inteiro) por isso, ele é considerado um número irracional.
 (V) Pois isso, se excluirmos os racionais (Q) dos reais (R) ficamos apenas com os irracionais (I), logo, questão verdadeira.