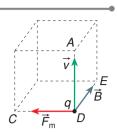
# Resoluções dos exercícios propostos

# **P.332** Características da força magnética $\vec{F}_{m}$ :

- direção: perpendicular a  $\vec{B}$  e a  $\vec{v}$ , isto é: da reta  $\overrightarrow{CD}$
- sentido: determinado pela regra da mão direita  $n^{\circ}$  2, isto é: de D para C



$$F_{\rm m} = B \cdot |q| \cdot v \cdot \text{sen } \theta$$
  
 $F_{\rm m} = 2.5 \cdot 10^5 \cdot 3.2 \cdot 10^{-19} \cdot 3.0 \cdot 10^5 \cdot \text{sen } 90^\circ$   
 $F_{\rm m} = 2.4 \cdot 10^{-8} \text{ N}$ 



# **P.333** Características da força magnética $\vec{F}_m$ :

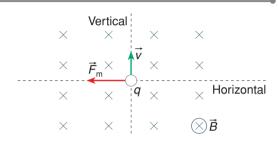
- direção: perpendicular a  $\vec{B}$  e a  $\vec{v}$ , isto é: horizontal
- **sentido**: determinado pela regra da mão direita nº 2, isto é: da direita para a esquerda



$$F_{\rm m} = B \cdot |q| \cdot v \cdot \text{sen } \theta$$
  

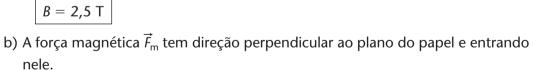
$$F_{\rm m} = 4.0 \cdot 10^3 \cdot 2.0 \cdot 10^{-6} \cdot 20 \cdot \text{sen } 90^{\circ}$$

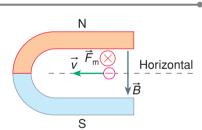
$$F_{\rm m} = 0.16 \ {\rm N}$$



- **P.334** a) Características do vetor indução magnética  $\vec{B}$ :
  - direção: vertical
  - sentido: de cima para baixo, pois parte do norte e chega ao sul
  - intensidade:

$$F_{\rm m} = B \cdot |q| \cdot v \cdot \text{sen } \theta$$
  
8,0 \cdot 10^{-14} =  $B \cdot 1$ ,6 \cdot 10^{-19} \cdot 2,0 \cdot 10^5 \cdot \text{sen } 90^\circ

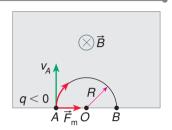




# Resoluções dos exercícios propostos

P.335 De 
$$R = \frac{mv}{B \cdot |q|}$$
, sendo  $R = 50 \text{ cm} = 0.5 \text{ m}$ ,  $q = 3 \mu\text{C} = 3 \cdot 10^{-6} \text{ C e } mv = 10^{-2} \text{ N} \cdot \text{s}$ , temos:  $0.5 = \frac{10^{-2}}{B \cdot 3 \cdot 10^{-6}} \Rightarrow B \approx 6.7 \cdot 10^{3} \text{ T}$ 

P.336 a) Na figura, representamos o sentido da força magnética  $\vec{F}_m$  no instante em que o elétron penetra no campo. Conhecidos os sentidos de  $\vec{v}_A$  e  $\vec{F}_m$ , determinamos, pela regra da mão direita nº 2, o sentido do vetor indução magnética  $\vec{B}$ : entrando no plano do papel (observe que o sinal de q é negativo). A direção de  $\vec{B}$  é a da reta perpendicular ao plano do papel. A intensidade de  $\vec{B}$  pode ser calculada pela fórmula do raio:



$$R = \frac{m \cdot v_A}{B \cdot |q|}$$
Sendo  $R = 1,0 \cdot 10^{-2} \text{ m}; v_A = 3,52 \cdot 10^7 \text{ m/s e } \frac{m}{|q|} = \frac{1}{1,76 \cdot 10^{11}} \text{ kg/C, vem:}$ 

$$1,0 \cdot 10^{-2} = \frac{3,52 \cdot 10^7}{B \cdot 1,76 \cdot 10^{11}} \Rightarrow \boxed{B = 2,0 \cdot 10^{-2} \text{ T}}$$

b) O elétron descreve a semicircunferência  $\widehat{AB}$  em movimento uniforme. Assim, a medida de  $\widehat{AB}$  é igual ao produto  $v_A \cdot t$ . Logo:

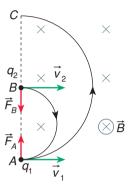
$$\pi R = v_A \cdot t \Rightarrow \pi \cdot 1,0 \cdot 10^{-2} = 3,52 \cdot 10^7 \cdot t \Rightarrow t \approx 9,0 \cdot 10^{-10} \text{ s}$$

Outra maneira de se calcular esse intervalo de tempo é observando que ele corresponde à metade do período:

$$t = \frac{T}{2} \Rightarrow t = \frac{\pi m}{|q| \cdot B} \Rightarrow t = \frac{\pi}{1,76 \cdot 10^{11} \cdot 2,0 \cdot 10^{-2}} \Rightarrow \boxed{t \approx 9,0 \cdot 10^{-10} \text{ s}}$$

# Resoluções dos exercícios propostos

P.337 a) Na figura, representamos as forças magnéticas que agem nas partículas ao penetrarem no campo. Conhecidos os sentidos das forças, das velocidades e do vetor  $\vec{B}$ , pela regra da mão direita nº 2, podemos concluir que  $q_1$  é positiva e  $q_2$  é negativa.



b) 
$$R_1 = 2R_2 \Rightarrow \frac{m_1 v_1}{B \cdot |q_1|} = 2 \cdot \frac{m_2 v_2}{B \cdot |q_2|} \Rightarrow \boxed{\frac{m_1}{m_2} = 2}$$

**P.338** Próton:  $R_p = \frac{mv}{B\rho}$  ①

Dêuteron:  $R_d = \frac{2mv}{Be}$  ②

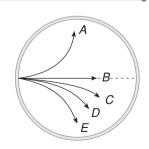
Dividindo ② por ①, vem:

$$\frac{R_{\rm d}}{R_{\rm p}} = \frac{2mv}{Be} \cdot \frac{Be}{mv}$$

$$\frac{R_{\rm d}}{R_{\rm p}}=2$$

$$R_{\rm d} = 2R_{\rm p}$$

P.339 O feixe é constituído de cinco partículas, uma com carga elétrica negativa (elétron), três com carga elétrica positiva (pósitron, próton e dêuteron) e uma eletricamante neutra (nêutron).



O **nêutron** não fica sujeito à força magnética. Logo, não sofre desvio. Sua **trajetória** é *B*.

Sabemos que as partículas positivas desviam num sentido e as negativas, em outro. Portanto, a **trajetória** *A* só pode ser do **elétron** (única partícula negativa do feixe).

# Resoluções dos exercícios propostos

As três **partículas positivas** seguem as **trajetórias** *C*, *D* e *E*. Vamos identificá-las pelo raio da trajetória.

- Pósitron:  $R_{\text{pósitron}} = \frac{mv}{B \cdot |q|}$  (m: massa do pósitron)
- Próton:  $R_{\text{próton}} = \frac{m' \cdot v}{B \cdot |q|}$  (m': massa do próton)
- Dêuteron:  $R_{\text{dêuteron}} = \frac{m'' \cdot v}{B \cdot |q|}$  (m": massa do dêuteron)

Observe que as três partículas têm cargas elétricas iguais, penetram no mesmo campo e com a mesma velocidade. Os raios de suas trajetórias diferem pelas massas. Sendo m < m' < m'', vem  $R_{\text{pósitron}} < R_{\text{próton}} < R_{\text{dêuteron}}$ . Logo,  $\textbf{\textit{E}}$  é a **trajetória do pósitron**,  $\textbf{\textit{D}}$  a do **próton** e  $\textbf{\textit{C}}$  a do **dêuteron**.

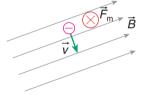
P.340 Para determinarmos a direção e o sentido da força magnética  $(\vec{F}_m)$ , utilizamos a regra da mão direita nº 2, quando a carga é positiva.

Se a carga for negativa, o sentido será contrário àquele dado por essa regra.

Para a determinação da direção e do sentido da força elétrica ( $\vec{F}_{e}$ ), lembramos que ela tem a direção do campo  $\vec{E}$  e o sentido de  $\vec{E}$ , se a carga for positiva, e contrário ao de  $\vec{E}$ , se negativa.

Assim, temos:

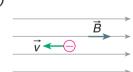
a)



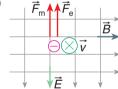
C)



b)



a)



$$F_{\rm m}=0$$
, pois  $\theta=180^\circ$  (sen  $180^\circ=0$ )

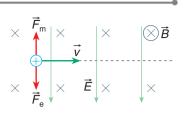
# Resoluções dos exercícios propostos

P.341 O próton percorre a região onde existem os campos sem sofrer desvio. Logo:

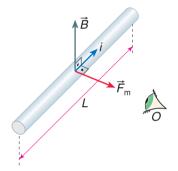
$$F_{\rm m} = F_{\rm e}$$
  
  $B \cdot |q| \cdot v \cdot \text{sen } 90^{\circ} = |q| \cdot E$ 

$$B \cdot v = E$$

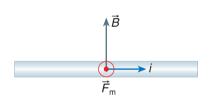
$$v = \frac{E}{B}$$



**P.342**  $F_{\rm m} = B \cdot i \cdot L \cdot \text{sen } \theta \Rightarrow F_{\rm m} = 1 \cdot 10 \cdot 0.20 \cdot \text{sen } 90^{\circ} \Rightarrow \boxed{F_{\rm m} = 2 \text{ N}}$ 



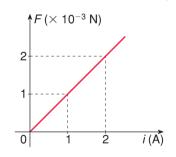
Vista em perspectiva



Vista pelo observador O

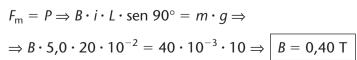
P.343 Do gráfico, para i=2 A, temos:  $F=2 \cdot 10^{-3}$  N De  $F_m=B \cdot i \cdot L \cdot \text{sen } \theta$ , vem:  $2 \cdot 10^{-3} = B \cdot 2 \cdot 0, 1 \cdot \text{sen } 90^{\circ}$ 

$$B = 10^{-2} \,\mathrm{T}$$



 $\bigotimes \vec{B}$ 

P.344 No condutor agem duas forças: o peso  $\vec{P}$  e a força magnética  $\vec{F}_{m}$ . Como  $\vec{P}$  é vertical e para baixo,  $\vec{F}_{m}$  deve ser vertical e para cima, de modo que se equilibrem. Conhecidos os sentidos de  $\vec{F}_{m}$  e  $\vec{B}$ , determinamos, pela regra da mão direita nº 2, o sentido de i: da esquerda para a direita. No equilíbrio, temos:



# OS FUNDAMENTOS

# 3

# Resoluções dos exercícios propostos

### **P.345** Condutor $C_1$ :

De  $F_{\rm m}=B\cdot i\cdot L\cdot {\rm sen\ 30^{\circ}\ e\ sendo\ }B=0{,}05\ {\rm T},\,i=10\ {\rm A}$  e  $L\cdot {\rm sen\ 30^{\circ}}=1\ {\rm m},\,{\rm vem}$ :

$$F_{\rm m} = 0.05 \cdot 10 \cdot 1$$

$$F_{\rm m} = 0.5 \ {\rm N}$$

Condutor  $C_2$ :

$$F_{\rm m} = B \cdot i \cdot L \cdot \text{sen } 90^{\circ}$$

$$F_{\rm m} = 0.05 \cdot 10 \cdot 1$$

$$F_{\rm m} = 0.5 \ {\rm N}$$



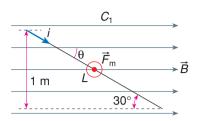
$$F_{\rm m_1} = B \cdot i \cdot L \cdot \text{sen } 60^{\circ}$$

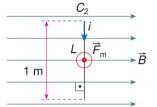
Sendo  $L \cdot \text{sen } 60^\circ = 0.5 \text{ m, vem:}$ 

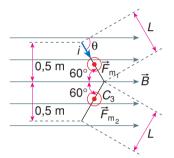
$$F_{m_1} = 0.05 \cdot 10 \cdot 0.5 \Rightarrow F_{m_1} = 0.25 \text{ N}$$

Mas 
$$F_{m_2} = F_{m_1} = 0.25 \text{ N}.$$

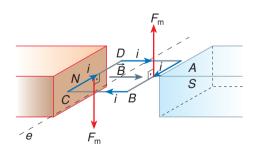
Logo: 
$$F_{\rm m} = F_{\rm m_1} + F_{\rm m_2} = 0.5 \text{ N}$$







# a) Observe na figura que o sentido de $\vec{B}$ é do polo norte para o polo sul. Conhecidos os sentidos de $\vec{B}$ e da corrente, determinamos os sentidos das forças magnéticas nos lados $\overline{AB}$ e $\overline{CD}$ , aplicando a regra da mão direita nº 2. Os lados $\overline{BC}$ e $\overline{DA}$ não ficam sujeitos a forças magnéticas, pois, nesses casos, i é paralelo a $\vec{B}$ .



O momento de rotação da espira, na posição da figura, é dado por:

$$M = F_{\rm m} \cdot d$$

$$M = B \cdot i \cdot L \cdot \text{sen } \theta \cdot d$$

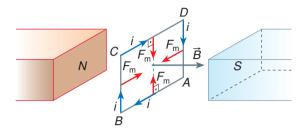
$$M = 0.8 \cdot 5 \cdot 2 \cdot 10^{-2} \cdot \text{sen } 90^{\circ} \cdot 1 \cdot 10^{-2}$$

$$M = 8 \cdot 10^{-4} \,\mathrm{N} \cdot \mathrm{m}$$

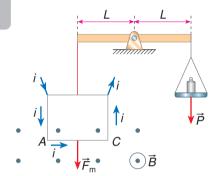
## Resoluções dos exercícios propostos

b) Observando o sistema de forças magnéticas que agem na espira, concluímos que ela irá girar no sentido anti-horário.

A posição de equilíbrio corresponde ao plano da espira paralelo às faces dos ímãs ou ao plano da espira perpendicular a  $\vec{B}$ .



P.347



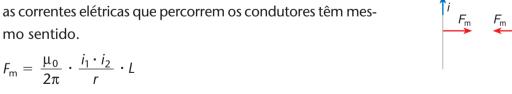
Quando não circula corrente, o quadro é equilibrado pelo prato da balança. Passando pelo quadro a corrente de intensidade 10 A, o lado

AC do quadro, imerso no campo, fica sujeito à força magnética  $\vec{F}_{m}$  indicada. A massa a ser colocada no prato tem peso igual a  $\vec{F}_m$ :

$$P = F_{\rm m}$$
  
 $mg = B \cdot i \cdot L \cdot \text{sen } \theta$   
Sendo  $\theta = 90^{\circ} \text{ e sen } 90^{\circ} = 1$ , temos:  
 $m \cdot 10 = 0,1 \cdot 10 \cdot 0,20 \cdot 1$   
 $m = 0,02 \text{ kg}$ 

$$m = 20 \text{ g}$$

P.348 A força magnética entre os condutores é de atração, pois as correntes elétricas que percorrem os condutores têm mesmo sentido.



$$F_{\rm m} = \frac{2\pi}{2\pi} \cdot \frac{1}{r} \cdot L$$

$$F_{\rm m} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7}}{2\pi} \cdot \frac{1 \cdot 1}{1} \cdot 10^{-2}$$

$$F_{\rm m} = 2 \cdot 10^{-9} \,\mathrm{N}$$

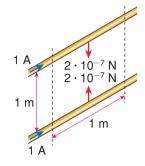
# **OS FUNDAMENTOS**

# Resoluções dos exercícios propostos

P.349

- a) É o ampère.
- b) A definição de ampère se baseia na força de interação entre condutores retos, longos e paralelos percorridos por correntes.

Um ampère é a intensidade de corrente constante que, mantida em dois condutores retos, longos, paralelos e de seção transversal desprezível e a 1 m de distância um do outro, origina mutuamente entre eles força de intensidade igual a  $2 \cdot 10^{-7}$  N em cada metro de comprimento do condutor, no vácuo.

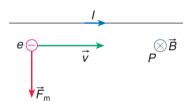


P.350

a) Direção: perpendicular ao plano definido pelo condutor e pelo ponto P (plano do papel); sentido: entrando no plano do papel, de acordo com a regra da mão direita nº 1.



b) Conhecidos os sentidos de  $\vec{B}$  e  $\vec{v}$ , determinamos o sentido da força magnética  $\vec{F}_{m}$ que age no elétron, no instante t, de acordo com a regra da mão direita nº 2.



**P.351** a) 
$$B = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{i}{r} \Rightarrow B = \frac{4\pi \cdot 10^{-7}}{2\pi} \cdot \frac{20}{20 \cdot 10^{-2}} \Rightarrow B = 2 \cdot 10^{-5} \text{ T}$$

b) 
$$F_{\rm m} = B \cdot |q| \cdot v \cdot \text{sen } \theta$$

$$F_{\rm m} = 2 \cdot 10^{-5} \cdot 6 \cdot 10^{-6} \cdot 10 \cdot \text{sen } 90^{\circ}$$

$$F_{\rm m} = 1.2 \cdot 10^{-9} \, \rm N$$

# Resoluções dos exercícios propostos

P.352 Pelo teorema da energia cinética, vem:

$$Z_{AC} = q \cdot U = \frac{mv^2}{2} - \frac{mv_0^2}{2}$$

Sendo  $v_0 = 0$ , vem:

$$q \cdot U = \frac{mv^2}{2}$$

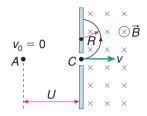
$$v^2 = \frac{2q \cdot U}{m}$$

$$v^2 = \frac{2 \cdot 1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 2.000}{1.6 \cdot 10^{-26}}$$

$$v = 2.0 \cdot 10^5 \text{ m/s}$$

$$R = \frac{mv}{B \cdot |q|} \Rightarrow R = \frac{1,6 \cdot 10^{-26} \cdot 2,0 \cdot 10^{5}}{0,5 \cdot 1,6 \cdot 10^{-19}} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow R = 4.0 \cdot 10^{-2} \text{ m} \Rightarrow R = 40 \text{ mm}$$



**P.353** a) Dados:

$$B = 5.0 \cdot 10^{-2} \text{ T}; v = 1.0 \cdot 10^6 \text{ m/s}; \frac{|q|}{m} = 1.0 \cdot 10^9 \text{ C/kg}$$

O tempo necessário para a partícula completar uma volta é o período T do MCU que ela realiza:

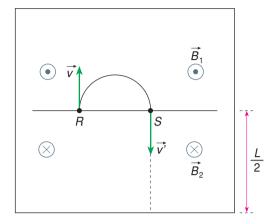
$$T = \frac{2\pi m}{|q| \cdot B} = \frac{2 \cdot 3}{1,0 \cdot 10^9 \cdot 5,0 \cdot 10^{-2}} \Rightarrow \boxed{T = 1,2 \cdot 10^{-7} \text{ s}}$$

b) Como a força magnética  $\vec{F}$  é orientada para o centro da trajetória,  $\vec{B}$  tem sentido "entrando" no plano da figura e a carga é positiva.

A aplicação da regra da mão direita nº 2 indica que o movimento é anti-horário.

# Resoluções dos exercícios propostos

P.354 Esquematicamente, a partícula descreve a seguinte trajetória:



Na parte superior, a partícula descreve uma semicircunferência em MCU, num intervalo de tempo igual à metade do período:

$$\Delta t_1 = \frac{T}{2} = \frac{\frac{2\pi m}{|q| \cdot B}}{2} \Rightarrow \Delta t_1 = \frac{\pi m}{|q| \cdot B}$$

Após o choque inelástico com a carga -q, forma-se um sistema neutro (Q=0) com massa M=2m, que se desloca com velocidade  $v'=\frac{v}{2}$ , realizando um MRU na parte inferior, com deslocamento  $\Delta s=\frac{L}{2}$ .

O intervalo de tempo nesse segundo trecho é dado por:

$$\Delta t_2 = \frac{\Delta s}{v'} \Rightarrow \Delta t_2 = \frac{\frac{L}{2}}{\frac{v}{2}} \Rightarrow \Delta t_2 = \frac{L}{v}$$

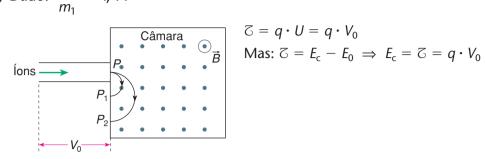
O intervalo de tempo total vale:

$$\Delta t = \Delta t_1 + \Delta t_2 \Rightarrow \Delta t = \frac{\pi m}{|q| \cdot B} + \frac{L}{v}$$

# **OS FUNDAMENTOS**

# Resoluções dos exercícios propostos

a) Dado:  $\frac{m_2}{m_1} = 1,44$ P.355



$$C = q \cdot U = q \cdot V_0$$
  
Mas:  $C = E_c - E_0 \implies E_c = C = q \cdot V_0$ 

- Para o íon  $I_1$ :  $\frac{m_1 v_1^2}{2} = q \cdot V_0 \Rightarrow v_1^2 = \frac{2q \cdot V_0}{m_1}$  ①
- Para o íon  $l_2$ :  $\frac{m_2 v_2^2}{2} = q \cdot V_0 \Rightarrow v_2^2 = \frac{2q \cdot V_0}{m_2}$  ②

Dividindo (1) por (2), temos:

$$\frac{v_1^2}{v_2^2} = \frac{m_2}{m_1} \Rightarrow \left(\frac{v_1}{v_2}\right)^2 = 1,44 \Rightarrow \sqrt{\frac{v_1}{v_2} = 1,2}$$

b) O raio da trajetória do íon  $I_1$  é:  $R_1 = \frac{D_1}{2} = \frac{20 \text{ cm}}{2} \Rightarrow R_1 = 10 \text{ cm}$ 

A força magnética atua como resultante centrípeta. Assim:

$$F_{\rm m} = F_{\rm cp} \Rightarrow B \cdot |q| \cdot v = \frac{mv^2}{R} \Rightarrow R = \frac{mv}{B \cdot |q|}$$

Aplicando a fórmula para os dois tipos de íons, teremos:

$$R_1 = \frac{m_1 v_1}{B \cdot |q|}$$
 3 e  $R_2 = \frac{m_2 v_2}{B \cdot |q|}$  4

Dividindo ③ por ④, tiramos o raio da trajetória do íon  $l_2$ :

$$\frac{R_2}{R_1} = \frac{m_2 v_2}{m_1 v_1} \Rightarrow \frac{R_2}{10} = \frac{1,44}{1} \cdot \frac{1}{1,2} \Rightarrow R_2 = \frac{14,4}{1,2} \Rightarrow R_2 = 12 \text{ cm}$$

Logo, a distância  $D_2$  é dada por:  $D_2 = 2R_2 \Rightarrow D_2 = 24$  cm

Região com campo magnético

#### OS FUNDAMENTOS DA FÍSICA

# Resoluções dos exercícios propostos

Região sem campo

magnético

P.356 a) Trajetória circular, pois o ângulo entre  $\vec{v} \in \vec{B} \in 90^{\circ}$ .

b) 
$$F_{\rm m} = B \cdot |q| \cdot v \cdot \text{sen } \theta$$
  
 $F_{\rm m} = 10 \cdot 100 \cdot 10^{-6} \cdot 1,0 \cdot 10^{-2} \cdot \text{sen } 90^{\circ}$   
 $\boxed{F_{\rm m} = 10^{-5} \text{ N}}$ 

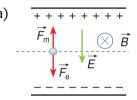
A direção da força magnética é a da reta perpendicular a  $\vec{v}_0$  e o seu sentido está indicado na figura.

c) 
$$F_R = P - F_m = ma \Rightarrow$$
  

$$\Rightarrow a = \frac{P - F_m}{m} \Rightarrow a = g - \frac{F_m}{m} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow a = 10 - \frac{10^{-5}}{20 \cdot 10^{-6}} \Rightarrow a = 10 - 0.5 \Rightarrow \boxed{a = 9.5 \text{ m/s}^2}$$

P.357



O campo elétrico  $\vec{E}$  tem orientação da placa positiva para a placa negativa. A força elétrica  $\vec{F}_{\rm e}$  tem o mesmo sentido, pois os íons são positivos.

Para os íons não serem desviados, a força magnética  $\vec{F}_m$  deve ter sentido contrário ao da força elétrica  $\vec{F}_e$ , para que a resultante seja nula.

Aplicando a regra da mão direita nº 2, concluímos que o campo magnético  $\vec{B}$  deve ter sentido indicado: "entrando" no plano da figura.

b) Vamos igualar as intensidades das forças elétrica e magnética, isto é:  $F_e = F_m$ Como  $F_e = q \cdot E$  e  $F_m = B \cdot q \cdot v$ , vem:

$$q \cdot E = B \cdot q \cdot v \Rightarrow B = \frac{E}{V} = \frac{U}{dV}$$

Sendo  $d = 5.0 \text{ mm} = 5.0 \cdot 10^{-3} \text{ m}$ ,  $U = 5.0 \cdot 10^{3} \text{ V e } v = 1.0 \cdot 10^{6} \text{ m/s}$ , temos:

$$B = \frac{5.0 \cdot 10^3}{5.0 \cdot 10^{-3} \cdot 1.0 \cdot 10^6} \Rightarrow \boxed{B = 1.0 \text{ T}}$$

# Resoluções dos exercícios propostos

**P.358** a) A partícula percorre a distância *x* numa direção no mesmo intervalo de tempo em que sofre a deflexão *y* na direção perpendicular.

Na direção 
$$x$$
, temos:  $x = v_0 \cdot t \Rightarrow t = \frac{x}{v_0}$  ①

Na direção 
$$y$$
, vem:  $y = \frac{\alpha \cdot t^2}{2}$  ②

Mas: 
$$\alpha = \frac{F_e}{m} = \frac{q \cdot E}{m}$$
 3

Substituindo ① e ③ em ②, obtemos:

$$y = \frac{\frac{q \cdot E}{m} \cdot \frac{x^2}{v_0^2}}{2} \Rightarrow y = \frac{q \cdot E \cdot x^2}{2 \cdot m \cdot v_0^2}$$

Logo: 
$$\frac{q}{m} = \frac{2 \cdot y \cdot v_0^2}{E \cdot x^2}$$

b) Ao se introduzir o campo magnético cujo vetor indução tem módulo  $B = 2.0 \cdot 10^{-4}$  T, a força magnética ( $\vec{F}_m$ ) equilibra a força elétrica ( $\vec{F}_e$ ), ou seja:  $F_e = F_m$ 

Mas: 
$$F_e = q \cdot E$$
 e  $F_m = q \cdot v_0 \cdot B$ 

Logo: 
$$q \cdot E = q \cdot v_0 \cdot B \Rightarrow v_0 = \frac{E}{B}$$

Como  $E = 1.0 \cdot 10^3 \text{ V/m, vem:}$ 

$$v_0 = \frac{1.0 \cdot 10^3}{2.0 \cdot 10^{-4}} \Rightarrow v_0 = 5.0 \cdot 10^6 \text{ m/s}$$

c) Substituindo y por  $3.5 \cdot 10^{-2}$  m,  $v_0$  por  $5.0 \cdot 10^6$  m/s, E por  $1.0 \cdot 10^3$  V/m e x por 10 cm =  $1.0 \cdot 10^{-1}$  m na fórmula obtida no item **a**, vem:

$$\frac{q}{m} = \frac{2 \cdot 3.5 \cdot 10^{-2} \cdot (5.0 \cdot 10^{6})^{2}}{1.0 \cdot 10^{3} \cdot (1.0 \cdot 10^{-1})^{2}}$$

$$\frac{q}{m} = 1,75 \cdot 10^{11} \text{ C/kg}$$

≡III Moderna PLUS >>

#### OS FUNDAMENTOS DA FÍSICA

# Resoluções dos exercícios propostos

Quando a tensão é ajustada, a força magnética  $\vec{F}_{m}$  "substitui" as forças elásticas no equilíbrio do peso do condutor. Assim:  $F_{m} = 2 \cdot F_{elást.} = 2 \cdot kx$ 

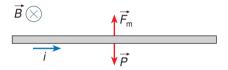
Como k = 5.0 N/m e x = 2.0 mm =  $2.0 \cdot 10^{-3}$  m, vem:

$$F_{\rm m} = 2 \cdot 5.0 \cdot 2.0 \cdot 10^{-3} \Rightarrow F_{\rm m} = 2.0 \cdot 10^{-2} \,\mathrm{N}$$

Mas,  $F_{\rm m} = B \cdot i \cdot L$ . Assim, sendo i = 1,0 A e L = 2,5 cm  $= 2,5 \cdot 10^{-2}$  m, vem:

$$2.0 \cdot 10^{-2} = B \cdot 1.0 \cdot 2.5 \cdot 10^{-2} \Rightarrow B = 0.80 \text{ T}$$

Sentido de  $\vec{B}$ 



A aplicação da regra da mão direita nº 2 indica que o vetor indução magnética  $\vec{B}$  está orientado como mostra a figura, isto é, "entrando" no plano do papel.

P.360 a) Para que o elétron se mantenha em MRU, a força elétrica  $\vec{F}_e$  deve equilibrar a força magnética  $\vec{F}_m$ , ou seja:  $F_e = F_m$ 

Mas: 
$$F_e = |q| \cdot E e F_m = |q| \cdot v \cdot B$$

Assim: 
$$|q| \cdot E = |q| \cdot v \cdot B \Rightarrow E = v \cdot B$$

Como 
$$v = 5.0 \cdot 10^5$$
 m/s e  $B = 0.010$  T, vem:

$$E = 5.0 \cdot 10^5 \cdot 0.010 \Rightarrow E = 5.0 \cdot 10^3 \text{ V/m}$$

b) Para atingir o alvo, o raio mínimo da trajetória deve ser:

$$R_{\text{mín.}} = 10 \text{ cm} = 1.0 \cdot 10^{-1} \text{ m}$$

Da fórmula 
$$R_{\text{mín.}} = \frac{mv}{|q| \cdot B_{\text{máx}}}$$
, vem:

$$B_{\text{máx.}} = \frac{mv}{|q| \cdot R_{\text{míx.}}} = \frac{9 \cdot 10^{-31} \cdot 5,0 \cdot 10^5}{1,6 \cdot 10^{-19} \cdot 1,0 \cdot 10^{-1}} \Rightarrow \boxed{B_{\text{máx.}} \approx 2,8 \cdot 10^{-5} \text{ T}}$$

# Resoluções dos exercícios propostos

**P.361** Dados: L = 0.20 m; B = 1.5 T;  $m = 6.0 \cdot 10^{-3}$  kg; i = 50 A; y = 0.12 m

a) Intensidade da força magnética:

$$F_0 = B \cdot i \cdot L \Rightarrow F_0 = 1.5 \cdot 50 \cdot 0.20 \Rightarrow \boxed{F_0 = 15 \text{ N}}$$

b) Trabalho da força magnética  $F_0$ :

$$Z_{F_0} = F_0 \cdot y \implies Z_{F_0} = 15 \cdot 0.12 \Rightarrow \boxed{Z_{F_0} = 1.8 \text{ J}}$$

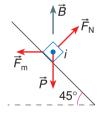
c) O trabalho resultante corresponde à variação da energia cinética:  $\mathbb{Z}_R = E_{c(F)} - E_{c(0)}$ Entretanto,  $E_{c(0)} = 0$  (o fio partiu do repouso) e  $E_{c(F)} = 0$  (no ponto de altura máxima v = 0). Então:  $\mathbb{Z}_R = 0$ 

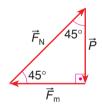
Mas  $\mathbb{Z}_R = \mathbb{Z}_{F_0} + \mathbb{Z}_{P_r}$ , em que  $\mathbb{Z}_P = -mgH$ . Portanto:

$$0 = \mathcal{Z}_{F_0} - mgH \Rightarrow mgH = \mathcal{Z}_{F_0} \Rightarrow H = \frac{\mathcal{Z}_{F_0}}{mg} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow H = \frac{1.8}{6.0 \cdot 10^{-3} \cdot 10} \Rightarrow H = 30 \text{ m}$$

P.362 Estando a barra em equilíbrio, a linha poligonal das forças é fechada.





Portanto:

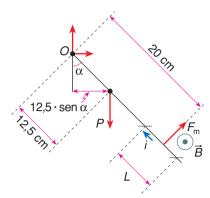
$$F_{\rm m} = P$$

$$B \cdot i \cdot L = P$$

$$0.5 \cdot i \cdot 1 = 2$$

# Resoluções dos exercícios propostos

P.363 Com a regra da mão direita  $n^{\circ}$  2, determinamos o sentido da força magnética que atua no trecho de fio de 19 cm a 21 cm (L=2 cm).



No equilíbrio, temos:

$$M_0 = 0$$

$$F_{\rm m} \cdot 20 - P \cdot 12,5 \cdot {\rm sen} \ \alpha = 0$$

$$B \cdot i \cdot L \cdot 20 - m \cdot g \cdot 12,5 \cdot \text{sen } \alpha = 0$$

$$0.05 \cdot 5 \cdot 2 \cdot 10^{-2} \cdot 20 - 8 \cdot 10^{-3} \cdot 10 \cdot 12.5 \cdot \text{sen } \alpha = 0$$

$$sen \; \alpha = \textbf{0,1}$$

 $\alpha$  é o ângulo cujo seno é 0,1.

**P.364** 
$$AC = BC = L; AB = L \cdot \sqrt{2};$$

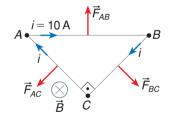
$$F_{AC} = F_{BC} = B \cdot i \cdot L \text{ e } F_{AB} = B \cdot i \cdot L \cdot \sqrt{2}$$

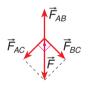
A resultante  $\vec{F}$  entre  $\vec{F}_{AC}$  e  $\vec{F}_{BC}$  tem intensidade:

$$F = B \cdot i \cdot L \cdot \sqrt{2}$$

Note que  $\vec{F}_{AB}$  e  $\vec{F}$  se equilibram; portanto, a força magnética resultante é nula:

$$F_{\rm R}=0$$





**P.365** a) Sendo  $R = 2.5 \Omega$  e i = 0.80 A, a aplicação da lei de Ohm fornece:

$$U = R \cdot i = 2,5 \cdot 0,80 \Rightarrow \boxed{U = 2,0 \text{ V}}$$

b) A força magnética atuante em  $\overline{AB}$  ou em  $\overline{CD}$  tem intensidade dada por:

$$F_m = B \cdot i \cdot L$$

Como 
$$B = 0.50$$
 T,  $i = 0.80$  A e  $L = 0.050$  m, vem:

$$F_{\rm m} = 0.50 \cdot 0.80 \cdot 0.050 \Rightarrow F_{\rm m} = 2.0 \cdot 10^{-2} \,\mathrm{N}$$

# Resoluções dos exercícios propostos

$$P.366 \quad F_{12} = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{i \cdot i}{a} \cdot L \quad \textcircled{1}$$

$$F_{13} = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{i \cdot i}{3a} \cdot L \quad ②$$

Dividindo ① por ②: 
$$\frac{F_{12}}{F_{13}} = 3$$

P.367 a) A intensidade de corrente elétrica (i), determinada pelo feixe de elétrons atra-

vés de uma seção transversal no interior do tubo, é dada por:  $i = \frac{\Delta q}{\Delta t}$ 

Para calcularmos a quantidade de carga  $\Delta q$  na órbita circular, devemos observar que o intervalo de tempo  $\Delta t$  é igual ao período T do movimento das partículas. Assim:

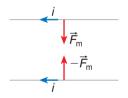
$$v = \frac{2\pi R}{T} \Rightarrow 3 \cdot 10^8 = \frac{2\pi \cdot 32}{T} \Rightarrow T = \frac{64\pi}{3 \cdot 10^8} \text{ s}$$

Portanto: 
$$i = \frac{\Delta q}{T} \Rightarrow 0.12 = \frac{\Delta q}{\frac{64\pi}{3 \cdot 10^8}} \Rightarrow \Delta q = 2.56\pi \cdot 10^{-8} \text{ C}$$

Por outro lado:

$$\Delta q = ne \Rightarrow 2,56\pi \cdot 10^{-8} = n \cdot 1,6 \cdot 10^{-19} \Rightarrow n \approx 5,0 \cdot 10^{11}$$

b) Considerando que o campo produzido pelo feixe pode ser calculado como o de um fio retilíneo, temos o seguinte esquema:



A intensidade da força magnética  $F_{\rm m}$  é dada por:

$$F_{\rm m} = B \cdot i \cdot L$$

Na situação, temos: 
$$B = 2 \cdot 10^{-7} \cdot \frac{i}{r}$$
 e  $L = 2\pi R$ 

Assim:

$$F_{\rm m} = 2 \cdot 10^{-7} \cdot \frac{0.12}{0.01} \cdot 0.12 \cdot 2\pi \cdot 32 \Rightarrow F_{\rm m} \simeq 5.8 \cdot 10^{-5} \,\mathrm{N}$$