

## ITA FÍSICA 2002

1. A massa inercial mede a dificuldade em se alterar o estado de movimento de uma partícula. Analogamente, o momento de inércia de massa mede a dificuldade em se alterar o estado de rotação de um corpo rígido. No caso de uma esfera, o momento de inércia em torno de um eixo que passa pelo seu centro é dado por  $I = (2/5)MR^2$ , em que  $M$  é a massa da esfera e  $R$  seu raio. Para uma esfera de massa  $M = 25,0$  kg e raio  $R = 15,0$  cm, a alternativa que melhor representa o seu momento de inércia é

- a)  $22,50 \cdot 10^2 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$     b)  $2,25 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$     c)  $0,225 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$     d)  $0,22 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$     e)  $22,00 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$

Solução: aplicando a fórmula dada, sendo a massa em kg e o raio em m, temos  $I = (2/5) \cdot 25 \cdot (15 \cdot 10^{-2})^2 = 2250 \cdot 10^{-4} = 0,225 \text{ kg} \cdot \text{m}^2$ . Resposta: letra (c)

2. Em um experimento verificou-se a proporcionalidade existente entre energia e a frequência de emissão de uma radiação característica. Neste caso, a constante de proporcionalidade, em termos dimensionais, é equivalente a

- a) Força.    b) Quantidade de Movimento.    c) Momento Angular.    d) Pressão.    e) Potência.

Solução: Veja questão nº 01 – prova ITA explicações sobre equações dimensionais.

Considerando as equações dimensionais:

(1) energia  $[E] = \text{ML}^2\text{T}^{-2}$

(2) frequência  $f = 1/T \rightarrow [f] = \text{T}^{-1}$

(3)  $[k] = [E/f] = \text{ML}^2\text{T}^{-2}/\text{T}^{-1} = \text{ML}^2\text{T}^{-1}$ .

As equações dimensionais das grandezas apresentadas nas opções são:

(4) opção (a)  $[F] = [ma] = \text{MLT}^{-2}$

(5) opção (b)  $[q] = [mv] = \text{MLT}^{-1}$

(6) opção (c)  $[L] = [rmv] = \text{LM} \cdot \text{LT}^{-1} = \text{ML}^2\text{T}^{-1}$

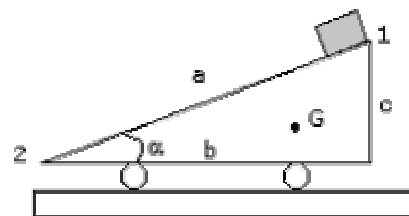
(7) opção (d)  $[p] = [F/A] = \text{MLT}^{-2}/\text{L}^2 = \text{ML}^{-1}\text{T}^{-2}$

(8) opção (e)  $[P] = [W/t] = [Fd/t] = \text{MLT}^{-2} \cdot \text{L}/\text{T} = \text{ML}^2\text{T}^{-3}$

Portanto, a grandeza que tem mesma dimensão que a razão entre a energia e a frequência é o Momento Angular.

Resposta: letra (c)

3. Uma rampa rolante pesa 120N e se encontra inicialmente em repouso, como mostra a figura. Um bloco que pesa 80N, também em repouso, é abandonado no ponto 1, deslizando a seguir sobre a rampa. O centro de massa  $G$  da rampa tem coordenadas:  $x_G = 2b/3$  e  $y_G = c/3$ . São dados ainda:  $a = 15,0\text{m}$  e  $\text{sen } \alpha = 0,6$ . Desprezando os possíveis atritos e as dimensões do bloco, pode-se afirmar que a distância percorrida pela rampa no solo, até o instante em que o bloco atinge o ponto 2, é



- a) 16,0 m    b) 30,0 m    c) 4,8 m    d) 24,0 m    e) 9,6 m

Solução: Como as forças externas atuantes no sistema são os pesos dos corpos, a abscissa "x" de centro de massa do sistema não modifica.

Calculando, "b" e "c" temos:  $c = a \cdot \text{sen } \alpha = 15 \cdot 0,6 = 9$ .

Sendo  $\text{sen}^2 \alpha + \text{cos}^2 \alpha = 1$ , tiramos:  $0,6^2 + \text{cos}^2 \alpha = 1 \rightarrow \text{cos}^2 \alpha = 0,64 \rightarrow \text{cos } \alpha = 0,8$ .

Deste modo:  $b = a \cdot \text{cos } \alpha \rightarrow b = 15 \cdot 0,8 \rightarrow b = 12$ .

Considerando um sistema de coordenadas onde a origem coincide com o ponto 2, os centros de massas do bloco e da rampa são:

- Bloco:  $x = 12$  e  $y = 9$ .

- Rampa:  $x = 2b/3 = 2 \cdot 12/3 = 8$  e  $y = c/3 = 9/3 = 3$ .

Como interessa apenas a posição horizontal do centro de massa teremos:

Calculando a posição inicial do centro de massa do sistema, teremos:

$$x_C = (x_B \cdot P_B + x_R \cdot P_R) / (P_B + P_R) \rightarrow x_C = (12 \cdot 80 + 8 \cdot 120) / (80 + 120) = (960 + 960) / 200 = 9,6.$$

Se  $d$ , é a distância percorrida pela rampa, as novas abscissas do centro de massa dos corpos envolvidos são, no final são:

- Bloco:  $x = d$  e rampa:  $8 + d$ .

$$\text{Assim, a abscissa do centro de massa é: } x_C = [d \cdot 80 + (8 + d) \cdot 120] / (80 + 120) = (200d + 960) / 200 = d + 4,8.$$

Conforme dito acima, a abscissa não modifica pois não há componente horizontal de forças externas. Assim,  $d + 4,8 = 9,6 \rightarrow d = 4,8$  m. Resposta: letra (c).

4. Um sistema é composto por duas massas idênticas ligadas por uma mola de constante  $k$ , e repousa sobre uma superfície plana, lisa e horizontal. Uma das massas é então aproximada da outra, comprimindo 2,0cm da mola.

Uma vez liberado, o sistema inicia um movimento com o seu centro de massa deslocando com velocidade de 18,0cm/s numa determinada direção. O período de oscilação de cada massa é

- a) 0,70 s                      b) 0,35 s                      c) 1,05 s                      d) 0,50 s

e) indeterminado, pois a constante da mola não é conhecida.

Comentários: a informação "uma vez liberado o sistema inicia um movimento com o seu centro de massa deslocando" indica que um dos corpos deve estar preso ou impedido de movimentar-se normalmente. Assim, a solução vai depender de alguma hipótese. Isto torna a questão questionável.

Se  $v_1$  e  $v_2$  são as velocidades das massas após soltas, a soma das quantidades de movimento das massas é igual à quantidade de movimento do centro de massa.

Isto leva a  $m_1v_1 + m_2v_2 = 0,18.(m_1 + m_2) \rightarrow mv_1 + mv_2 = 0,18.2m$  (as massas são iguais)  $\rightarrow v_1 + v_2 = 0,36$ .

Pela conservação da energia:  $mv_1^2/2 + mv_2^2/2 = kx^2/2 \rightarrow k/m = (v_1^2 + v_2^2)/x^2$ .

Nestas considerações, qualquer um dos valores será possível.

Tomando, por exemplo,  $T = 0,70$  s, teríamos de  $T = 2\pi.(m/k)^{1/2} \rightarrow m/k = (0,7/2\pi)^2 \rightarrow m/k = 0,012 \rightarrow k/m = 80$ .

Neste caso teríamos o sistema  $v_1 + v_2 = 0,36$  e  $(v_1^2 + v_2^2)/x^2 = 80 \Leftrightarrow v_1^2 + v_2^2 = 80.(2.10^{-2})^2 \Leftrightarrow$

$\Leftrightarrow v_1^2 + v_2^2 = 3,2$ .

Como o sistema é possível determinado, existem valores para  $v_1$  e  $v_2$ .

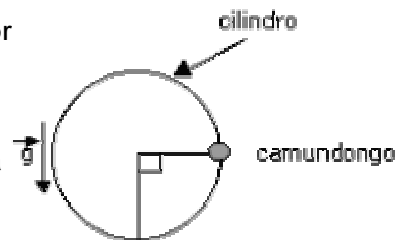
Para que a resposta coincidissem com a dada no gabarito, letra (b), deveríamos considerar uma das massas parada após liberado o sistema. Isto entretanto não é evidenciado no enunciado.

Neste caso, PARTICULAR,  $v_2 = 0$ ,  $v_1 = 0,36$ .

Pela conservação da energia:  $mv_1^2/2 = kx^2/2 \rightarrow m/k = x^2/v_1^2 = (2.10^{-2})^2/(0,36)^2 \rightarrow (m/k)^{1/2} = 0,02/0,36 = 1/18$

De  $T = 2\pi.(m/k)^{1/2}$ , tiramos  $T = 2.3,14.(1/18) = 0,35$  s.

5. Um pequeno camundongo de massa  $M$  corre num plano vertical no interior de um cilindro de massa  $m$  e eixo horizontal. Suponha-se que o ratinho alcance a posição indicada na figura imediatamente no início de sua corrida, nela permanecendo devido ao movimento giratório de reação do cilindro, suposto ocorrer sem resistência de qualquer natureza. A energia despendida pelo ratinho durante um intervalo de tempo  $T$  para se manter na mesma posição enquanto corre é



- a)  $E = (M^2/2m)g^2T^2$       b)  $E = Mg^2T^2$       c)  $E = (m^2/M^2)g^2T^2$       d)  $E = mg^2T^2$       e) nda

Solução: a força aplicada no cilindro pelo rato é igual à força aplicada pelo cilindro sobre o rato (ação e reação).

Como o rato fica sempre na mesma posição a força do cilindro  $F = ma$  deve ser igual ao peso do rato  $P = Mg$ .

Portanto,  $ma = Mg \rightarrow$  a aceleração tangencial do cilindro é  $a = Mg/m$ .

Como o ratinho alcança a posição indicada imediatamente após o início de sua corrida, podemos considerar que em  $t = 0$ , a velocidade do cilindro é zero, e que no instante  $t = T$  sua velocidade é  $v = aT \rightarrow v = (Mg/m).T$ .

A energia adquirida pelo cilindro é igual à energia despendida pelo ratinho. Assim,  $E = mv^2/2 - mv_0^2/2 = mv^2/2 = m.[(Mg/m).T]^2/2 = M^2g^2T^2/2m$ . Resposta: letra (a)

6. Um dos fenômenos da dinâmica de galáxias, considerado como evidência da existência de matéria escura, é que estrelas giram em torno do centro de uma galáxia com a mesma velocidade angular, independentemente de sua distância ao centro. Sejam  $M_1$  e  $M_2$  as porções de massa (uniformemente distribuída) da galáxia no interior de esferas de raios  $R$  e  $2R$ , respectivamente. Nestas condições, a relação entre essas massas é dada por

- a)  $M_2 = M_1$                       b)  $M_2 = 2M_1$                       c)  $M_2 = 4M_1$                       d)  $M_2 = 8M_1$                       e)  $M_2 = 16M_1$

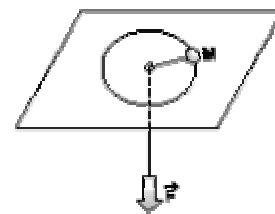
Solução: de acordo com o enunciado, as velocidades angulares  $\omega_1$  e  $\omega_2$  são iguais. Como  $\omega = v/R$ , podemos escrever:  $v_1/R = v_2/2R \rightarrow v_2 = 2v_1$ .

A força gravitacional sobre a estrela é igual à força centrípeta necessária para mantê-la em movimento circular.

Assim,  $mv^2/R = GMm/R^2 \Leftrightarrow v = (GM/R)^{1/2}$  sendo  $M$  a massa central e  $m$  a massa girante. Para  $v_1$ , temos  $v_1 = (GM_1/R)^{1/2}$  e para  $v_2$  temos  $v_2 = (GM_2/2R)^{1/2}$ .

Substituindo estes valores na relação entre as velocidades, resultará:  $(GM_2/2R)^{1/2} = 2.(GM_1/R)^{1/2}$

$\Leftrightarrow (GM_2/2R) = 4.(GM_1/R) \Leftrightarrow M_2 = 8M_1$ . Resposta: letra (a)



7. Um corpo de massa  $M$ , mostrado na figura, é preso a um fio leve, inextensível, que passa através de um orifício central de uma mesa lisa. Considere que inicialmente o corpo se move ao longo de uma circunferência, sem atrito. O fio é, então, puxado para baixo, aplicando-se uma força  $F$ , constante, a sua extremidade livre. Podemos afirmar que:

- a) o corpo permanecerá ao longo da mesma circunferência.
- b) a força  $F$  não realiza trabalho, pois é perpendicular à trajetória.
- c) a potência instantânea de  $F$  é nula.
- d) o trabalho de  $F$  é igual à variação da energia cinética do corpo.
- e) o corpo descreverá uma trajetória elíptica sobre a mesa.

Solução: inicialmente o corpo de massa  $M$  descreve uma trajetória circular com velocidade constante em módulo. Com a aplicação de  $F$ , o corpo passa a descrever uma trajetória com raio menor. Assim ele passa a ter um deslocamento para o centro do círculo. Como a força  $F$  que atua nele tem essa direção, um trabalho estará sendo realizado sobre ele e este trabalho é igual à variação da energia cinética do corpo. Resposta: letra (d).

8. Uma esfera metálica isolada, de 10,0cm de raio, é carregada no vácuo até atingir o potencial  $U = 9,0$  V. Em seguida, ela é posta em contato com outra esfera metálica isolada, de raio  $R_2 = 5,0$ cm. Após atingido o equilíbrio, qual das alternativas abaixo melhor descreve a situação física?

É dado que  $1/4\pi\epsilon = 9,0 \cdot 10^9$  N.m<sup>2</sup>/C<sup>2</sup>

- a) A esfera maior terá uma carga de  $0,66 \cdot 10^{10}$  C.
- b) A esfera maior terá um potencial de 4,5 V.
- c) A esfera menor terá uma carga de  $0,66 \cdot 10^{10}$  C.
- d) A esfera menor terá um potencial de 4,5 V.
- e) A carga total é igualmente dividida entre as 2 esferas.

Comentários: a solução somente será possível se for fornecida a carga da segunda esfera.

Vamos resolver a questão supondo que a carga desta segunda esfera seja inicialmente nula.

Temos inicialmente:  $U = kQ/R \rightarrow 9 = 9 \cdot 10^9 \cdot Q/0,1 \rightarrow Q = 1 \cdot 10^{-10}$  C.

Colocadas as esferas em contato, haverá passagem de cargas da primeira para a segunda até que ambas atinjam a um mesmo potencial. Assim:  $U' = KQ_1/0,1 = K \cdot Q_2/0,05 \rightarrow Q_1 = 2Q_2$ .

Como a carga total é  $1 \cdot 10^{-10}$ C, teremos  $Q_1 + 2Q_1 = 1 \cdot 10^{-10} \rightarrow Q_1 = 0,33 \cdot 10^{-10}$  C e  $Q_2 = 0,66 \cdot 10^{-10}$  C.

O potencial de cada esfera será então:  $U' = 9 \cdot 10^9 \cdot 0,33 \cdot 10^{-10}/0,1 = 3$  V.

Portanto, a esfera menor terá uma carga de  $0,66 \cdot 10^{-10}$  C. Resposta: letra (c)

9. Um dispositivo desloca, com velocidade constante, uma carga de 1,5C por um percurso de 20,0cm através de um campo elétrico uniforme de intensidade  $2,0 \cdot 10^3$  N/C.

A força eletromotriz do dispositivo é

- a)  $60 \cdot 10^3$  V
- b)  $40 \cdot 10^3$  V
- c) 600 V
- d) 400 V
- e) 200 V

Solução: como o campo elétrico é uniforme, temos  $V = E \cdot d = 2 \cdot 10^3 \times 0,20 = 0,4 \cdot 10^3 = 400$  V.

Resposta: letra (d)

10. Sendo dado que  $1$  J = 0,239 cal, o valor que melhor expressa, em calorias, o calor produzido em 5 minutos de funcionamento de um ferro elétrico, ligado a uma fonte de 120 V e atravessado por uma corrente de 5,0 A, é

- a)  $7,0 \cdot 10^4$
- b)  $0,70 \cdot 10^4$
- c)  $0,070 \cdot 10^4$
- d)  $0,43 \cdot 10^4$
- e)  $4,3 \cdot 10^4$

Solução:  $E = P \cdot t = Vi \cdot t = 120 \cdot 5 \cdot (5 \cdot 60) = 600 \cdot 300 = 18 \cdot 10^4$  J =  $18 \cdot 10^4$  J  $\cdot 0,239 = 4,3 \cdot 10^4$  cal.

Resposta: letra (e)

11. Para se proteger do apagão, o dono de um bar conectou uma lâmpada a uma bateria de automóvel (12,0V). Sabendo que a lâmpada dissipa 40,0W, os valores que melhor representam a corrente  $I$  que a atravessa e sua resistência  $R$  são, respectivamente, dados por

- a)  $I = 6,6$  A e  $R = 0,36 \Omega$ .
- b)  $I = 6,6$  A e  $R = 0,18 \Omega$ .
- c)  $I = 6,6$  A e  $R = 3,6 \Omega$ .
- d)  $I = 3,3$  A e  $R = 7,2 \Omega$ .
- e)  $I = 3,3$  A e  $R = 3,6 \Omega$ .

Solução: a questão consiste na aplicação direta de fórmulas.

$P = Vi \rightarrow 40 = 12i \rightarrow i = 40/12 = 3,3$  A e  $R = V^2/P = 122/40 = 144/40 = 3,6 \Omega$ . Resposta: letra (e)

12. Numa prática de laboratório, um estudante conectou uma bateria a uma resistência, obtendo uma corrente  $i_1$ . Ligando em série mais uma bateria, idêntica à primeira, a corrente passa ao valor  $i_2$ . Finalmente, ele liga as mesmas baterias em paralelo e a corrente que passa pelo dispositivo torna-se  $i_3$ . Qual das alternativas abaixo expressa uma relação existente entre as correntes  $i_1$ ,  $i_2$  e  $i_3$  ?

- a)  $i_2 i_3 = 2i_1 (i_2 + i_3)$ .      b)  $2i_2 i_3 = i_1 (i_2 + i_3)$  .      c)  $i_2 i_3 = 3i_1 (i_2 + i_3)$ .  
d)  $3i_2 i_3 = i_1 (i_2 + i_3)$ .      e)  $3i_2 i_3 = 2i_1 (i_2 + i_3)$

Solução: Seja E a fem e r a resistência interna da bateria.

Temos: (1)  $E = (r + R)i_1$ ; (2)  $2E = (2r + R)i_2$ ; (3)  $E = (r/2 + R)i_3 = (1/2).(r + 2R)i_3$ .

Calculando:

(1)  $i_2 \cdot i_3 = [2E/(2r + R)].[2E/(r + 2R)] = 4E^2/(2r^2 + 5rR + 2R^2)$  e

(2)  $i_1 \cdot (i_2 + i_3) = [E/(r + R)].[2E/(2r + R)] + [2E/(r + 2R)] = 2E^2/(r + R) \cdot [1/(2r + R) + 1/(r + 2R)] =$   
 $= 4E^2/(r + R) \cdot [(r + 2R + 2r + R)/(2r^2 + 5rR + 2R^2)] = [4E^2/(r + R)] \cdot 3 \cdot (r + R)/(2r^2 + 5rR + 2R^2) =$   
 $= 3 \cdot 2E^2/(2r^2 + 5rR + 2R^2) = 3 \cdot (1/2) i_2 \cdot i_3$ .

Das relações obtidas:  $(3/2) \cdot i_2 \cdot i_3 = i_1 \cdot (i_2 + i_3) \rightarrow 3 \cdot i_2 \cdot i_3 = 2 \cdot i_1 \cdot (i_2 + i_3)$  Resposta: letra (e).

13. Um capacitor de capacitância igual a  $0,25 \cdot 10^{-6}$  .F é carregado até um potencial de  $1,00 \cdot 10^5$  V, sendo então descarregado até  $0,40 \cdot 10^5$  V num intervalo de tempo de 0,10 s, enquanto transfere energia para um equipamento de raios-X. A carga total, Q, e a energia,  $\epsilon$ , fornecidas ao tubo de raios-X, são melhor representadas respectivamente por

- a)  $Q = 0,005$  C e  $\epsilon = 1250$  J      b)  $Q = 0,025$  C e  $\epsilon = 1250$  J      c)  $Q = 0,025$  C e  $\epsilon = 1050$  J  
d)  $Q = 0,015$  C e  $\epsilon = 1250$  J      e)  $Q = 0,015$  C e  $\epsilon = 1050$  J

Solução: A carga e a energia inicial do capacitor são:  $Q = CV = 1 \cdot 10^5 \times 0,25 \cdot 10^{-6} = 0,025$  C e

$E = (1/2) \cdot CV^2 = (1/2) \cdot 0,25 \cdot 10^{-6} \cdot (1 \cdot 10^5)^2 = 0,125 \cdot 10^4 = 1250$  J.

A carga e energia final do capacitor são:

$Q' = CV' = 0,25 \cdot 10^{-6} \times 0,40 \cdot 10^5 = 0,01$  C e  $E' = (1/2) \cdot CV'^2 = (1/2) \cdot 0,25 \cdot 10^{-6} \cdot (0,4 \cdot 10^5)^2 = 200$  J.

Portanto a carga fornecida é  $0,025 - 0,01 = 0,015$  C e a energia fornecida é  $1250 - 200 = 1050$  J.

Resposta: letra (e).

14. Uma máquina térmica reversível opera entre dois reservatórios térmicos de temperaturas  $100^\circ\text{C}$  e  $127^\circ\text{C}$ , respectivamente, gerando gases aquecidos para acionar uma turbina. A eficiência dessa máquina é melhor representada por

- a) 68%.      b) 6,8%.      c) 0,68%.      d) 21%.      e) 2,1%.

Solução: o rendimento máximo possível de uma máquina térmica, que ocorre ao funcionar de acordo com o ciclo de Carnot, processo reversível, é  $e = 1 - T_f/T_q$ , sendo as temperaturas expressas em kelvin.

Temos então:  $T_f = 100 + 273 = 373$  K e  $T_q = 127 + 273 = 400$ .

Portanto,  $e = 1 - 373/400 = 27/400 = 0,0675 = 6,75\%$ . Aproximadamente 6,8%. Resposta: letra (b).

15. Um pedaço de gelo flutua em equilíbrio térmico com uma certa quantidade de água depositada em um balde. À medida que o gelo derrete, podemos afirmar que

- a) o nível da água no balde aumenta, pois haverá uma queda de temperatura da água.  
b) o nível da água no balde diminui, pois haverá uma queda de temperatura da água.  
c) o nível da água no balde aumenta, pois a densidade da água é maior que a densidade do gelo.  
d) o nível da água no balde diminui, pois a densidade da água é maior que a densidade do gelo.  
e) o nível da água no balde não se altera.

Solução: como o gelo flutua na água, sua densidade é menor que a da água. A massa de gelo derretida implica em uma redução do empuxo igual ao peso do gelo derretido. Essa redução do empuxo é igual ao aumento de peso da água deslocado. Portanto, a redução do volume submerso é igual ao aumento de volume da água. Isto implica na manutenção do nível da água. Resposta: letra (e)

16. Um pequeno tanque, completamente preenchido com 20,0 l de gasolina a  $0^\circ\text{F}$ , é logo a seguir transferido para uma garagem mantida à temperatura de  $70^\circ\text{F}$ . Sendo  $\gamma = 0,0012^\circ\text{C}^{-1}$  o coeficiente de expansão volumétrica da gasolina, a alternativa que melhor expressa o volume de gasolina que vazará em consequência do seu aquecimento até a temperatura da garagem é

- a) 0,507 l      b) 0,940 l      c) 1,68 l      d) 5,07 l      e) 0,17 l

Solução: a variação de  $70^\circ\text{F}$  na temperatura implica em uma variação  $\Delta t^\circ\text{C}$ , tal que:

$100/180 = \Delta t/70 \rightarrow \Delta t = 100 \cdot 70/180 = 350/9^\circ\text{C}$ .

O aumento do volume é então  $\Delta V = 20 \cdot 0,0012 \cdot (350/9) = 0,93$  l. Resposta: letra (b)

17. Deseja-se enrolar um solenóide de comprimento z e diâmetro D, utilizando-se uma única camada de fio de cobre de diâmetro d enrolado o mais junto possível. A uma temperatura de  $75^\circ\text{C}$ , a resistência por unidade de comprimento do fio é r. Afim de evitar que a temperatura ultrapasse os  $75^\circ\text{C}$ , pretende-se restringir a um valor P a potência dissipada por efeito Joule. O máximo valor do campo de indução magnética que se pode obter dentro

do solenóide é

a)  $B_{\max} = \mu_0(P/rDzd)^{1/2}$

b)  $B_{\max} = \mu_0(\pi P/rDzd)$

c)  $B_{\max} = \mu_0(2P/\pi rDzd)$

d)  $B_{\max} = \mu_0(P/\pi rDzd)$

e)  $B_{\max} = \mu_0(P/\pi rDzd)^{1/2}$

Solução: O campo magnético máximo é dado por  $B_{\max} = \mu_0 \cdot n \cdot i_{\max}$ , onde  $n$  é o número de espiras por unidade de comprimento. Como a bobina é enrolada com as espiras juntas, no comprimento  $z$  teremos  $z/d$  espiras. Assim, o número de espiras por unidade de comprimento é  $n = (z/d)/z = 1/d$ .

Como a resistência por unidade de comprimento é  $r$ , teremos uma resistência total igual a  $R$  tal que  $R = Lr = (z/d) \cdot 2\pi(D/2) \cdot r = \pi rDz/d$ .

A potência dissipada máxima, deverá ser tal que  $P = Ri_{\max}^2 \rightarrow i_{\max} = (P/R)^{1/2} = [P/(\pi rDz/d)]^{1/2} = (Pd/\pi rDz)^{1/2}$ .

Substituindo os valores de  $i_{\max}$  e  $n$  na expressão de  $B_{\max}$ , resulta:  $B_{\max} = \mu_0 \cdot (1/d) \cdot [Pd/(\pi rDz)]^{1/2} = \mu_0 \cdot [P/(\pi rDzd)]^{1/2}$ . Resposta: letra (e)

18. Um pesquisador percebe que a frequência de uma nota emitida pela buzina de um automóvel parece cair de 284 hz para 266 hz à medida que o automóvel passa por ele. Sabendo que a velocidade do som no ar é 330 m/s, qual das alternativas melhor representa a velocidade do automóvel?

- a) 10,8 m/s      b) 21,6 m/s      c) 5,4 m/s      d) 16,2 m/s      e) 8,6 m/s

Solução: de acordo com o efeito Doppler, a frequência percebida pelo observador quando o automóvel se aproxima é  $f' = f_0 \cdot [v/(v - v_i)]$  e quando se afasta tem-se  $f'' = f_0 \cdot [v/(v + v_i)]$ .

Ao se aproximar temos  $f' = 284$  e ao se afastar  $f'' = 266$ .

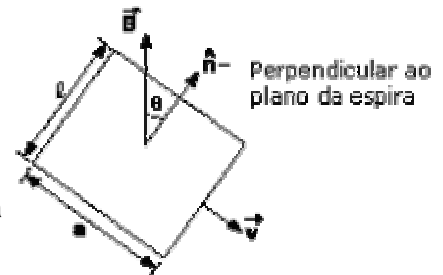
Dividindo as duas expressões para  $f'$  e  $f''$ , temos:  $284/266 = (330 + vf)/(330 - vf) \rightarrow$

$\rightarrow 266 \cdot 330 + 266vf = 284 \cdot 330 - 284vf \rightarrow vf = (284 - 266) \cdot 330 / (284 + 266) = 18 \cdot 330 / 550 = 10,8$  m/s.

Resposta: letra (a).

19. A figura mostra uma espira condutora que se desloca com velocidade constante  $v$  numa região com campo magnético uniforme no espaço e constante no tempo. Este campo magnético forma um ângulo  $\theta$  com o plano da espira. A força eletromotriz máxima produzida pela variação de fluxo magnético no tempo ocorre quando

- a)  $\theta = 0^\circ$     b)  $\theta = 30^\circ$     c)  $\theta = 45^\circ$     d)  $\theta = 60^\circ$     e) n.d.a. Solução: a força eletromotriz induzida é determinada por



$\phi/\Delta t = \Delta(B \cdot A \cdot \cos \theta) / \Delta t$ . Como a espira está inteiramente imersa no campo magnético, todas as grandezas são constantes. Portanto não há fem induzida. Portanto, para nenhum ângulo haverá fem induzida. Resposta: letra (e)

20. Um trecho da música "Quanta", de Gilberto Gil, é reproduzido no destaque a seguir.

Fragmento infinitésimo,  
Quase que apenas mental,  
Quantum granulado no mel,  
Quantum ondulado do sal,  
Mel de urânio, sal de rádio  
Qualquer coisa quase ideal.

As frases "Quantum granulado no mel" e "Quantum ondulado do sal" relacionam-se, na Física, com

- a) Conservação de Energia.  
b) Conservação da Quantidade de Movimento.  
c) Dualidade Partícula-onda.  
d) Princípio da Causalidade.  
e) Conservação do Momento Angular.

Justificativa. Quantum, cujo plural é quanta, refere-se quantização da matéria explicada na dualidade partícula-onda. Resposta: letra (c).