

**OBS:** As questões 16, 17, 18, 19 e 20, referentes ao assunto de Desenho, foram omitidas.

**01.** Num sistema de coordenadas cartesianas ortogonais, considere a família de circunferências que passam pelo ponto  $(2, -1/2)$  e que são tangenciadas pela reta  $y = -3/2$ . Então, a equação do lugar geométrico dos centros dessas circunferências é dado por:

- a)  $x^2 - 4x - 2y + 2 = 0$       b)  $y^2 - 2y - 5x - 2 = 0$       c)  $x^2 + 2x - 7y + 3 = 0$   
 d)  $y^2 - 4y - 2x - 3 = 0$       e)  $x^2 + y^2 - 2x + y - 2 = 0$

**02.** Considere um triângulo isósceles inscrito em uma circunferência. Se a base e a altura deste triângulo medem 8 cm, então o raio desta circunferência mede:

- a) 3 cm      b) 4 cm      c) 5 cm      d) 6 cm      e)  $3\sqrt{2}$  cm

**03.** Um tronco de cone reto com bases paralelas está inscrito em uma esfera cujo raio mede 2 metros. Se os raios das bases do tronco de cone medirem, respectivamente  $r$  metros e  $2r$  metros, então o seu volume medirá:

- a)  $\frac{2}{3}\pi r^2(\sqrt{4-r^2} - \sqrt{1-r^2})$       b)  $\frac{3}{2}\pi r^2(\sqrt{4-r^2} + \sqrt{1-r^2})$       c)  $\frac{7}{3}\pi r^2(\sqrt{4-r^2} - 2\sqrt{1-r^2})$   
 d)  $\frac{7}{3}\pi r^2(\sqrt{4-r^2} + 2\sqrt{1-r^2})$       e)  $\frac{3}{2}\pi r^2(\sqrt{4-r^2} + 2\sqrt{1-r^2})$

**04.** Num triângulo ABC considere conhecidos os ângulos  $\widehat{BAC}$  e  $\widehat{CBA}$  e a medida  $d$  do lado AB. Nessas condições, a área  $S$  deste triângulo é dada pela relação:

- a)  $S = \frac{d^2}{2\text{sen}(\widehat{BAC} + \widehat{CBA})}$       b)  $S = \frac{d^2 \cdot \text{sen}(\widehat{BAC}) \cdot \text{sen}(\widehat{CBA})}{2\text{sen}(\widehat{BAC} + \widehat{CBA})}$       c)  $S = \frac{d^2 \cdot \text{sen}(\widehat{CBA})}{2\text{sen}(\widehat{BAC} + \widehat{CBA})}$   
 d)  $S = \frac{d^2 \cdot \text{sen}(\widehat{BAC})}{2\text{cos}(\widehat{BAC} + \widehat{CBA})}$       e)  $S = \frac{d^2 \cdot \text{sen}(\widehat{BAC}) \cdot \text{sen}(\widehat{CBA})}{2\text{cos}(\widehat{BAC} + \widehat{CBA})}$

**05.** Sejam  $X$  um conjunto não vazio;  $A$  e  $B$  dois subconjuntos de  $X$ . Definimos  $A^C = \{x \in X \text{ tal que } x \notin A\}$  e  $A - B = \{x \in A \text{ tal que } x \notin B\}$ . Dadas as sentenças:

- I.  $A \cap B = \emptyset \Leftrightarrow A \subset B^C \Leftrightarrow B \subset A^C$ , onde " $\Leftrightarrow$ " significa "equivalente" e " $\emptyset$ " o conjunto vazio;  
 II. Se  $X = \mathbb{R}$ ;  $A = \{x \in \mathbb{R} \text{ tal que } x^3 - 1 = 0\}$ ;  $B = \{x \in \mathbb{R} \text{ tal que } x^2 - 1 = 0\}$  e  $C = \{x \in \mathbb{R} \text{ tal que } x - 1 = 0\}$ , então  $A = C = B$ ;  
 III.  $A - \emptyset = A$  e  $A - B = A - (A \cap B)$ ;  
 IV.  $A - B \neq A \cap B^C$

Podemos afirmar que está(ão) correta(s):

- a) as sentenças I e III      b) as sentenças I, II e IV      c) as sentenças III e IV  
 d) as sentenças II, III e IV      e) apenas a sentença II

**06.** Uma esfera de raio  $r = \sqrt{3}$  cm está inscrita num prisma hexagonal regular, por sua vez, está inscrito numa esfera de raio  $R$ . Pode-se afirmar que a medida do raio  $R$  vale:

- a)  $\sqrt{7}$  cm    b)  $\sqrt{\frac{7}{3}}$  cm    c)  $2\sqrt{3}$  cm    d)  $\frac{\sqrt{7}}{2}$  cm    e)  $4\sqrt{3}$  cm

**07.** Dada a equação  $3^{2x} + 5^{2x} - 15^x = 0$ , podemos afirmar que:

- a) não existe  $x$  real que satisfaça  
b)  $x = \log_3 5$  é solução desta equação  
c)  $x = \log_5 3$  é solução desta equação  
d)  $x = \log_3 15$  é solução desta equação  
e)  $x = 3 \cdot \log_5 15$  é solução desta equação

**08.** Sabendo-se que a equação  $ax^4 + bx^3 + 5x + 3 = 0$  é recíproca e tem o 1 como raiz, o produto das raízes reais desta equação é:

- a) 2                      b) -1                      c) 1                      d) 3                      e) 4

**09.** Dadas às sentenças:

- I. Sejam  $f: X \rightarrow Y$  e  $g: Y \rightarrow X$  duas funções satisfazendo  $(g \circ f)(x) = x$ , para todo  $x \in X$ . Então  $f$  é injetiva, mas  $g$  não é necessariamente sobrejetiva.  
II. Seja  $f: X \rightarrow Y$  uma função injetiva. Então,  $f(A) \cap f(B) = f(A \cap B)$ , onde  $A$  e  $B$  são dois subconjuntos de  $X$ .  
III. Sejam  $f: X \rightarrow Y$  uma função injetiva. Então para cada subconjunto  $A$  de  $X$ ,  $f(A^c) \subset (f(A))^c$  onde  $A^c = \{x \in X / x \notin A\}$  e  $(f(A))^c = \{x \in Y / x \notin f(A)\}$ .

Podemos afirmar que está(ão) correta(s):

- a) as sentenças I e II                      b) as sentenças II e III                      c) apenas a sentença I  
d) as sentenças I e III                      e) todas as sentenças

**10.** Considere as seguintes funções:  $f(x) = x - 7/2$  e  $g(x) = x^2 - 1/4$  definidas para todo  $x$  real. Então, a respeito da solução da inequação  $|(g \circ f)(x)| > (g \circ f)(x)$ , podemos afirmar que:

- a) nenhum valor real de  $x$  é solução  
b) se  $x < 3$  então  $x$  é a solução  
c) se  $x > 7/2$  então  $x$  é solução  
d) se  $x > 4$  então  $x$  é solução  
e) se  $3 < x < 4$  então  $x$  é solução

**11.** Seja  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  uma função satisfazendo  $f(x + \alpha y) = f(x) + \alpha f(y)$  para todo  $\alpha, x, y \in \mathbb{R}$ . Se  $(a_1, a_2, a_3, \dots, a_n)$  é uma progressão aritmética de razão  $d$ , então podemos dizer que  $(f(a_1), f(a_2), f(a_3), \dots, f(a_n))$ :

- a) é uma progressão aritmética de razão  $d$   
b) é uma progressão aritmética de razão  $f(d)$  cujo primeiro termo é  $a_1$   
c) é uma progressão geométrica de razão  $f(d)$   
d) é uma progressão aritmética de razão  $f(d)$   
e) nada se pode afirmar

**12.** Dizemos que um número real  $\lambda$  é autovalor de uma matriz real  $T_{n \times n}$  quando existir uma matriz coluna  $X_{n \times 1}$  não nula, tal que  $TX = \lambda X$ . Considere uma matriz real  $P_{n \times n}$  satisfazendo  $PP = P$ . Denote por  $\lambda_1$  um autovalor de  $P$  e  $\lambda_2$  um autovalor de  $PP$ . Podemos afirmar que, necessariamente:

- a)  $\lambda_1 < \lambda_2 < 0$
- b)  $\lambda_1 > \lambda_2 > 1$
- c)  $\lambda_1$  e  $\lambda_2$  pertencem ao conjunto  $\{0, 1\}$
- d)  $\lambda_1$  e  $\lambda_2$  pertencem ao conjunto  $\{t \in \mathbb{R} \text{ tal que } t < 0 \text{ ou } t > 1\}$
- e)  $\lambda_1$  e  $\lambda_2$  pertencem ao intervalo aberto  $\{0, 1\}$

13. Dada as matrizes  $A = \begin{pmatrix} x_1 & 0 & -1 \\ 0 & x_1 & 1 \\ x_3 & -x_2 & 1 \end{pmatrix}$  e  $B = \begin{pmatrix} x_1 & 0 & 0 \\ 0 & -x_2 & 0 \\ -x_3 & 0 & -x_3 \end{pmatrix}$  onde  $x_1, x_2$  e  $x_3$  são as raízes da seguinte

equação em  $x$ :  $x^3 + ax^2 + bx - 2 = 0$ . Se  $\det A = 4x_1$  e  $\det(A - B) = \det B$ , então podemos afirmar que:

- a)  $\det(A - B) = b$  e  $a = 2$
- b)  $\det A = b$  e  $a = 2$
- c)  $\det B = 2$  e  $b = 5$
- d)  $\det(A - B) = a$  e  $b = \det A$
- e)  $\det A = a/2$  e  $b = a/2$

14. Sejam  $a_1, a_2, \dots, a_n$  números reais positivos e  $P_n = a_1 \cdot a_2 \cdot \dots \cdot a_n$ . Se  $p > 0$  é uma constante real tal que  $P_n = \frac{p^{n^2+n}}{2^n}$ , então podemos afirmar que os números  $a_1, a_2, \dots, a_n$  nesta ordem:

- a) formem uma progressão geométrica de razão  $q = p$  e  $a_n = p^{2n}/2$
- b) formem uma progressão geométrica de razão  $q = p$  e  $a_n = p^n/2$
- c) formem uma progressão geométrica de razão  $q = p^2$  e  $a_n = p^n/2$
- d) formem uma progressão geométrica de razão  $q = p^2$  e  $a_n = p^{2n}/2$
- e) não formam uma progressão geométrica

15. Seja  $a$  um número real. Os valores de  $z \in \mathbb{C}$  que satisfazem  $\left(\frac{a+z^{10}}{1+i}\right)\left(\frac{a+(\bar{z})^{10}}{1-i}\right) \in \mathbb{R}$  são:

- a)  $z = -a + i \cdot \sqrt[10]{|a|}$
- b) não é possível determiná-los
- c)  $z = -i \cdot \sqrt[10]{|a|}$
- d) não existe  $z \in \mathbb{C}$  tal que isto aconteça
- e) todo  $z \in \mathbb{C}$