



# Matrizes

**M0894** - (Fac. Albert Einstein) Uma matriz  $B$  possui  $i$  linhas e  $j$  colunas e seus elementos são obtidos a partir da expressão  $b_{ij} = i - 2j$ . Seja uma matriz  $A = (a_{ij})_{2 \times 3}$  cujos elementos da primeira coluna são nulos e  $I_2$  a matriz identidade de ordem 2, tal que  $AB = I_2$ .

O valor numérico do maior elemento da matriz  $A$  é igual a

- a) 0
- b) 1
- c) 2
- d) 3

**M0895** - (Fgv) Uma matriz  $A$  de ordem 2 transmite uma palavra de 4 letras em que cada elemento da matriz representa uma letra do alfabeto.

A fim de dificultar a leitura da palavra, por se tratar de informação secreta, a matriz  $A$  é multiplicada pela matriz  $B = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ -5 & 2 \end{bmatrix}$  obtendo-se a matriz codificada  $B \cdot A$ .

Sabendo que a matriz  $B \cdot A$  é igual a  $\begin{bmatrix} -10 & 27 \\ 21 & -39 \end{bmatrix}$ , podemos afirmar que a soma dos elementos da matriz  $A$  é:

- a) 46
- b) 48
- c) 49
- d) 47
- e) 50

**M0896** - (Fac. Albert Einstein) Uma matriz quadrada de ordem  $n$  é chamada triangular superior se  $a_{ij} = 0$  para  $i > j$ . Os elementos de uma matriz triangular superior  $T$ , de ordem 3, onde  $i \leq j$ , são obtidos a partir da lei de formação  $t_{ij} = 2i^2 - j$ . Sendo  $A = [-1 \ 1 \ 1]$  uma matriz de ordem  $1 \times 3$  e  $A^t$  sua transposta, o produto  $A \cdot T \cdot A^t$  é a matriz  $1 \times 1$  cujo único elemento vale

- a) 0.
- b) 4.
- c) 7.
- d) 28.

**M0897** - (Unicamp) Sendo  $a$  um número real, considere a matriz  $\begin{pmatrix} 1 & a \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$ . Então,  $A^{2017}$  é igual a

- a)  $\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$
- b)  $\begin{pmatrix} 1 & a \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$
- c)  $\begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$
- d)  $\begin{pmatrix} 1 & a^{2017} \\ 0 & -1 \end{pmatrix}$

**M0898** - (Uerj) Para combater a subnutrição infantil, foi desenvolvida uma mistura alimentícia composta por três tipos de suplementos alimentares: I, II e III. Esses suplementos, por sua vez, contêm diferentes concentrações de três nutrientes: A, B e C. Observe as tabelas a seguir, que indicam a concentração de nutrientes nos suplementos e a porcentagem de suplementos na mistura, respectivamente.

Nutriente	Concentração dos Suplementos Alimentares (g/kg)		
	I	II	III
A	0,2	0,5	0,4
B	0,3	0,4	0,1
C	0,1	0,4	0,5

Suplemento Alimentar	Quantidade na Mistura (%)
I	45
II	25
III	30

A quantidade do nutriente C, em g/kg, encontrada na mistura alimentícia é igual a:

- a) 0,235
- b) 0,265
- c) 0,275
- d) 0,295

- M0899** - (Eear) Se  $\begin{pmatrix} 1 & a \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$  e  $\begin{pmatrix} b & -1 \\ x & 2k \end{pmatrix}$  são matrizes opostas, os valores de a, b, x e k são respectivamente
- 1, -1, 1, 1
  - 1, 1, -1, -1
  - 1, -1, 1, -1
  - 1, -1, -2, -2

**M0900** - (Unesp) Um ponto P, de coordenadas (x, y) do plano cartesiano ortogonal, é representado pela matriz coluna  $\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$ , assim como a matriz coluna  $\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$  representa, no plano cartesiano ortogonal, o ponto P de coordenadas (x, y).

Sendo assim, o resultado da multiplicação matricial  $\begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}$  é uma matriz coluna que, no plano cartesiano ortogonal, necessariamente representa um ponto que é

- uma rotação de P em 180° no sentido horário, e com centro em (0, 0).
- uma rotação de P em 90° no sentido anti-horário, e com centro em (0, 0).
- simétrico de P em relação ao eixo horizontal x.
- simétrico de P em relação ao eixo vertical y.
- uma rotação de P em 90° no sentido horário, e com centro em (0, 0).

**M0901** - (Unicamp) Em uma matriz, chamam-se elementos internos aqueles que não pertencem à primeira nem à última linha ou coluna. O número de elementos internos em uma matriz com 5 linhas e 6 colunas é igual a

- 12.
- 15.
- 16.
- 20.

**M0902** - (Fgv) Dada a matriz  $B = \begin{bmatrix} 3 \\ -4 \end{bmatrix}$  e sabendo que a matriz  $A^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ 5 & 3 \end{bmatrix}$  é a matriz inversa da matriz A, podemos concluir que a matriz X, que satisfaz a equação matricial  $AX = B$ , tem como soma de seus elementos o número

- 14
- 13
- 15
- 12
- 16

**M0903** - (Ueg) Tatiana e Tiago comunicam-se entre si por meio de um código próprio dado pela resolução do produto entre as matrizes A e B, ambas de ordem 2 x 2, onde cada letra do alfabeto corresponde a um número, isto é, a = 1, b = 2, c = 3, ..., z = 26. Por exemplo, se a resolução de  $A \cdot B$  for igual a  $\begin{bmatrix} 1 & 13 \\ 15 & 18 \end{bmatrix}$ , logo a mensagem recebida é **amor**. Dessa forma, se a mensagem recebida por Tatiana foi **flor** e a matriz  $B = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$ , então a matriz A é

- $\begin{bmatrix} -8 & 7 \\ -8 & 10 \end{bmatrix}$
- $\begin{bmatrix} -6 & 6 \\ -7 & 11 \end{bmatrix}$
- $\begin{bmatrix} -8 & 5 \\ -7 & 11 \end{bmatrix}$
- $\begin{bmatrix} -6 & -7 \\ 6 & 11 \end{bmatrix}$

**M0904** - (Ueg) Dada a matriz  $A = \begin{pmatrix} e^{2x^2} & 0 \\ 0 & |y + x| \end{pmatrix}$  e seja B uma matriz identidade de ordem 2, os valores de x e y não negativos, tal que as matrizes A e B sejam iguais, são respectivamente

- 0 e 1
- 1 e 1
- $0$  e  $\frac{\sqrt{2}}{2}$
- $\frac{\sqrt{2}}{2}$  e  $1 - \frac{\sqrt{2}}{2}$

**M0905** - (Uerj) Observe a matriz A, quadrada e de ordem três.

$$A = \begin{pmatrix} 0,3 & 0,47 & 0,6 \\ 0,47 & 0,6 & x \\ 0,6 & x & 0,77 \end{pmatrix}$$

Considere que cada elemento  $a_{ij}$  dessa matriz é o valor do logaritmo decimal de (i + j).

O valor de x é igual a:

- 0,50
- 0,70
- 0,77
- 0,87

**M0906** - (Pucrs) Dada a matriz  $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$  e a função  $f$ , definida no conjunto das matrizes  $2 \times 2$  por  $f(X) = X^2 - 2X$ , então  $f(A)$  é

- a)  $\begin{bmatrix} -1 & -1 \\ -1 & -1 \end{bmatrix}$
- b)  $\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$
- c)  $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$
- d)  $\begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 2 \end{bmatrix}$
- e)  $\begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 3 & 3 \end{bmatrix}$

**M0907** - (Mackenzie) Se  $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ ,  $B =$

$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ ,  $C = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$  e os inteiros  $x$  e  $y$  são tais que  $A^2 + x \cdot A + y \cdot B = C$ , então

- a)  $x = 0$
- b)  $x = 1$
- c)  $x = -2$
- d)  $x = -1$
- e)  $x = 2$

**M0908** - (Unicamp) Considere a matriz  $A = \begin{bmatrix} a & 0 \\ b & 1 \end{bmatrix}$ , onde  $a$  e  $b$  são números reais. Se  $A^2 = A$  e  $A$  é invertível, então

- a)  $a = 1$  e  $b = 1$ .
- b)  $a = 1$  e  $b = 0$ .
- c)  $a = 0$  e  $b = 0$ .
- d)  $a = 0$  e  $b = 1$ .

**M1212** - (Enem) A Transferência Eletrônica Disponível (TED) é uma transação financeira de valores entre diferentes bancos. Um economista decide analisar os valores enviados por meio de TEDs entre cinco bancos (1, 2, 3, 4 e 5) durante um mês. Para isso, ele dispõe esses valores em uma matriz  $A = [a_{ij}]$ , em que  $1 \leq i \leq$

$5$  e  $1 \leq j \leq 5$ , e o elemento  $a_{ij}$  corresponde ao total proveniente das operações feitas via TED, em milhão de real, transferidos do banco  $i$  para o banco  $j$  durante o mês. Observe que os elementos  $a_{ij} = 0$ , uma vez que TED é uma transferência entre bancos distintos. Esta é a matriz obtida para essa análise:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2 & 0 & 2 & 2 \\ 0 & 0 & 2 & 1 & 0 \\ 1 & 2 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 2 & 0 & 0 \\ 3 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Com base nessas informações, o banco que transferiu a maior quantia via TED é o banco

- a) 1.
- b) 2.
- c) 3.
- d) 4.
- e) 5.

**M1236** - (Enem) Um professor aplica, durante os cinco dias úteis de uma semana, testes com quatro questões de múltipla escolha a cinco alunos. Os resultados foram representados na matriz.

$$\begin{bmatrix} 3 & 2 & 0 & 1 & 2 \\ 3 & 2 & 4 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 2 & 3 & 2 \\ 3 & 2 & 4 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & 0 & 4 & 4 \end{bmatrix}$$

Nessa matriz os elementos das linhas de 1 a 5 representam as quantidades de questões acertadas pelos alunos Ana, Bruno, Carlos, Denis e Érica, respectivamente, enquanto que as colunas de 1 a 5 indicam os dias da semana, de segunda-feira a sexta-feira, respectivamente, em que os testes foram aplicados.

O teste que apresentou maior quantidade de acertos foi o aplicado na

- a) segunda-feira.
- b) terça-feira.
- c) quarta-feira.
- d) quinta-feira.
- e) sexta-feira.