

Exercícios de Matemática

Geometria Analítica – Circunferência

1. (Pucmg) O gráfico da função real $y = f(x)$ é formado por um segmento de reta com extremos nos pontos, $(1, 0)$ e $(3, 2)$ e pela semicircunferência de centro na origem e raio 1. A lei de definição dessa função é:

a) $f(x) = \begin{cases} x^2 - 1, & \text{para } -1 \leq x \leq 1 \\ 1 - x, & \text{para } 1 < x \leq 3 \end{cases}$

b) $f(x) = \begin{cases} \sqrt{x^2 - 1}, & \text{para } 0 \leq x \leq 1 \\ x - 1, & \text{para } 1 < x \leq 3 \end{cases}$

c) $f(x) = \begin{cases} \sqrt{1 - x^2}, & \text{para } 0 \leq x \leq 1 \\ 1 - x, & \text{para } 1 < x \leq 3 \end{cases}$

d) $f(x) = \begin{cases} \sqrt{1 - x^2}, & \text{para } -1 \leq x \leq 1 \\ x - 1, & \text{para } 1 < x \leq 3 \end{cases}$

2. (Fuvest) A reta s passa pelo ponto $(0,3)$ e é perpendicular à reta AB onde $A=(0,0)$ e B é o centro da circunferência $x^2+y^2-2x-4y=20$. Então a equação de s é:

- a) $x - 2y = -6$
- b) $x + 2y = 6$
- c) $x + y = 3$
- d) $y - x = 3$
- e) $2x + y = 6$

3. (Ufrs) Considere a região plana limitada pelos gráficos das inequações $y \leq -x - 1$ e $x^2 + y^2 \leq 1$, no sistema de coordenadas cartesianas. A área dessa região é

- a) $\pi/4 - 1/2$
- b) $\pi/4 - 1/3$
- c) $\pi/2 - 1$
- d) $\pi/2 + 1$
- e) $3\pi/2 - 1$

4. (Ufsm) Seja r a reta que corta o eixo y no ponto $(0, 2)$ e forma ângulo de 45° com o eixo x ; s , a reta que corta o eixo x no ponto $(-2, 0)$ e forma ângulo de 135° com o eixo x ; t , o eixo y . Para que o ponto $(1, m)$ pertença à circunferência que passa pelas interseções das retas r , s e t , o valor de m é

- a) $\sqrt{3}$ ou $-\sqrt{3}$
- b) $\sqrt{2}$ ou $-\sqrt{2}$
- c) 2 ou -2
- d) 1 ou -1
- e) $\sqrt{\pi}$ ou $-\sqrt{\pi}$

5. (Ufsc) Assinale a(s) proposição(ões) CORRETA(S).

(01) $x^2+y^2-2x+6y+1=0$ é a equação da circunferência de raio $r=3$ que é concêntrica com a circunferência $x^2+y^2+2x-6y+9=0$.

(02) O coeficiente angular da reta que passa pelos pontos $A(3, 2)$ e $B(-3, -1)$ é $1/2$.

(04) O ponto $P(3, 4)$ é um ponto da circunferência de equação $x^2+y^2-x+4y-3=0$.

(08) As retas $r: 2x-3y+5=0$ e $s: 4x-6y-1=0$ são perpendiculares.

(16) Sabe-se que o ponto $P(p, 2)$ é equidistante dos pontos $A(3, 1)$ e $B(2, 4)$. A abscissa do ponto P é 1.

Soma ()

6. (Ufpr) Em um sistema de coordenadas cartesianas no plano, a equação de uma circunferência C é $x^2 + y^2 - 2y - 7 = 0$. Sabe-se que as retas r e s são perpendiculares entre si, interceptando-se no ponto $(2, 3)$, e que r contém o centro da circunferência C . Assim, é correto afirmar:

- (01) O ponto $(2, 3)$ pertence à circunferência C .
- (02) A reta s é tangente à circunferência C .
- (04) A circunferência C intercepta o eixo y nos pontos de ordenadas $1 + 2\sqrt{2}$ e $1 - 2\sqrt{2}$
- (08) A reta s tem coeficiente angular menor que -1 .
- (16) A reta t , paralela à reta s e que passa pela origem do sistema de coordenadas, não intercepta a circunferência C .

Soma ()

7. (Fuvest) Fixado o ponto $N=(0,1)$, a cada ponto P do eixo das abscissas associamos o ponto $P' \neq N$ obtido pela intersecção da reta PN com a circunferência $x^2+y^2=1$.

- a) Que pontos do eixo das abscissas foram associados aos pontos (x,y) da circunferência, com $y < 0$?
 b) Quais as coordenadas do ponto P' da circunferência, associado a $P=(c,0)$, $c \neq 0$?

8. (Unicamp) a) Identifique as circunferências de equações $x^2+y^2=x$ e $x^2+y^2=y$, calculando o raio e o centro das mesmas. Esboce seus gráficos.

b) Determine os pontos de intersecção dessas circunferências e mostre que as retas a elas tangentes em cada um desses pontos são perpendiculares entre si.

9. (Fuvest) Uma circunferência de raio 2, localizada no primeiro quadrante, tangencia o eixo x e a reta de equação $4x-3y=0$.

Então a abscissa do centro dessa circunferência é:

- a) 1
 b) 2
 c) 3
 d) 4
 e) 5

10. (Unesp) Considere o quadrado de lados paralelos aos eixos coordenados e circunscrito à circunferência de equação:

$$x^2 + y^2 - 6x - 4y + 12 = 0.$$

Determine as equações das retas que contêm as diagonais desse quadrado.

11. (Fuvest) Sejam $A=(0, 0)$, $B=(0, 5)$ e $C=(4, 3)$ pontos do plano cartesiano.
 a) Determine o coeficiente angular da reta BC .
 b) Determine a equação da mediatriz do segmento BC . O ponto A pertence a esta mediatriz?
 c) Considere a circunferência que passa por A , B e C . Determine a equação da reta tangente a esta circunferência no ponto A .

12. (Unicamp) Em um sistema de coordenadas ortogonais no plano são dados o ponto $(5, -6)$ e o círculo $x^2+y^2=25$. A partir do ponto $(5,-6)$, traçam-se

duas tangentes ao círculo. Faça uma figura representativa desta situação e calcule o comprimento da corda que une os pontos de tangência.

13. (Fuvest) A reta $y = mx$ ($m > 0$) é tangente à circunferência $(x-4)^2+y^2=4$. Determine o seno do ângulo que a reta forma com o eixo x .

- a) $1/5$.
 b) $1/2$.
 c) $(\sqrt{3})/2$.
 d) $(\sqrt{2})/2$.
 e) $\sqrt{5}$.

14. (Fuvest) a) As extremidades de um diâmetro de uma circunferência são $(-3,1)$ e $(5,-5)$. Determine a equação da circunferência.

b) Determine a equação da circunferência que passa pelo ponto $(9,\sqrt{3})$ e que é tangente às retas $y=0$ e $y=\sqrt{3}x$.

15. (Unesp) Seja AB o diâmetro da circunferência $x^2+y^2-6x-8y+24=0$ contida na reta perpendicular a $y=x+7$. Calcule as coordenadas de A e B .

16. (Fuvest-gv) a) Dar uma equação da bissetriz do ângulo agudo entre a reta de equação $4x-3y=4$ e o eixo dos x ;

b) Determinar a circunferência inscrita no triângulo de vértices $(1,0)$, $(4,0)$ e $(4,4)$.

17. (Unesp) Considere uma circunferência de raio $r < 4$, com centro na origem de um sistema de coordenadas cartesianas. Se uma das tangentes à circunferência pelo ponto $(4,0)$ forma com o eixo x um ângulo de 30° , então o ponto de tangência correspondente é:

- a) $(1, -\sqrt{3})$ b) $(1, -\sqrt{2})$
 c) $(1/2, -\sqrt{3})$ d) $(1/2, -\sqrt{2})$
 e) $(1/2, -\sqrt{3}/2)$

18. (Fuvest-gv) A circunferência $x^2+y^2=4$ é simétrica à circunferência $x^2+y^2-12x-8y+48=0$ em relação a uma reta r . Uma equação dessa reta é:

- a) $3x - 2y = 13$
 b) $3x - 2y = 5$
 c) $2x - 3y = 0$
 d) $3x + 2y = 13$
 e) $3x + 2y = 5$

19. (Fuvest) Considere o triângulo ABC, onde $A = (0,4)$, $B=(2,3)$ e C é um ponto qualquer da circunferência $x^2+y^2=5$. A abscissa do ponto C que torna a área do triângulo ABC a menor possível é:

- a) - 1
- b) - 3/4
- c) 1
- d) 3/4
- e) 2

20. (Fuvest) Para cada número real n seja $P_n=(x_n,y_n)$ o ponto de intersecção das retas $nx + y = 1$ e $x - ny = 1$. Sabendo-se que todos os pontos P_n pertencem a uma mesma circunferência, qual é o centro dessa circunferência?

- a) (1/2, 1/2)
- b) (0,0)
- c) (-1/2, 1/2)
- d) (-1/2, -1/2)
- e) (1,1)

21. (Ufes) Uma circunferência com centro no ponto $P=(a, b)$ passa pelo ponto $Q=(-a, b)$. O raio desta circunferência é:

- a) $\sqrt{a^2 + b^2}$
- b) | a |
- c) | b |
- d) 2 | a |
- e) 2 | b |

22. (Fatec) Seja C a circunferência de equação $x^2+y^2-6x-4y+9=0$. Um quadrado, cujos lados são paralelos aos eixos cartesianos, está inscrito em C. O perímetro desse quadrado é

- a) $2\sqrt{2}$
- b) 4
- c) $4\sqrt{2}$
- d) 8
- e) $8\sqrt{2}$

23. (Fatec) O par (x, y) de números reais, que é solução do sistema

$$\begin{cases} x^2 + x + 2xy + y^2 = 7 \\ x + y = 2 \end{cases}$$

pertence à curva de equação

- a) $x^2 + y^2 = \sqrt{10}$
- b) $y = x^2 - 4x + 3$
- c) $xy = -3$
- d) $y = \log_2(x-1)$
- e) $2x + 3y - 4 = 0$

24. (Fei) O comprimento da corda que a reta $x + y = 3$ determina na circunferência de centro em $(2,1)$ e raio $5\sqrt{2}$ é:

- a) $\sqrt{2}$
- b) $2\sqrt{2}$
- c) $3\sqrt{2}$
- d) $4\sqrt{2}$
- e) $5\sqrt{2}$

25. (Ita) São dadas as retas (r) $x-y+1+\sqrt{2}=0$ e (s) $x\sqrt{3}+y-2+\sqrt{3}=0$ e a circunferência (C) $x^2+2x+y^2=0$.

Sobre a posição relativa desses três elementos, podemos afirmar que:

- a) r e s são paralelas entre si e ambas são tangentes à C.
- b) r e s são perpendiculares entre si e nenhuma delas é tangente à C.
- c) r e s são concorrentes, r é tangente à C e s não é tangente à C.
- d) r e s são concorrentes, s é tangente à C e r não é tangente à C.
- e) r e s são concorrentes e ambas são tangentes à C.

26. (Uel) São dados:

uma circunferência de centro $C = (3/2, 1)$;

um ponto $T = (3/2, -1)$ que pertence à circunferência.

A equação da circunferência dada é

- a) $4x^2 + 4y^2 - 12x - 8y - 3 = 0$
- b) $4x^2 + 4y^2 - 12x - 8y - 4 = 0$
- c) $3x^2 + y^2 - 6x - 4y - 2 = 0$
- d) $3x^2 + y^2 - 6x - 4y - 4 = 0$
- e) $x^2 + y^2 - 3/2x - y = 0$

27. (Uel) Considere os pontos A(0;0), B(2;3) e C(4;1). O segmento \overline{BC} é um diâmetro da circunferência de equação

- a) $x^2 + y^2 + 6x + 4y + 11 = 0$
- b) $x^2 + y^2 - 6x - 4y + 11 = 0$
- c) $x^2 + y^2 - 4x + 9y + 11 = 0$
- d) $x^2 + y^2 - 6x - 4y + 9 = 0$
- e) $x^2 + y^2 - 4x - 9y + 9 = 0$

28. (Ufmg) Sejam r e s as retas de equações $y=2x-1$ e $y=2x+3$, respectivamente.

- a) Determine a equação da reta que passa pelo ponto (0,3) e é perpendicular a r.
- b) Determine a equação da circunferência que passa pelo ponto (0, 3) e tangencia as retas r e s.

29. (Unesp) Se $M=(5/2,0)$ é o ponto médio do segmento cujos extremos são as interseções da circunferência $x^2+y^2+mx-y-4=0$ com o eixo x, determine o centro dessa circunferência.

30. (Pucsp) A reta de equação $y = 2x - 4$ intercepta os eixos coordenados nos pontos A e B. Esses pontos são os extremos de um diâmetro da circunferência λ .

A equação correspondente a λ é

- a) $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 5 = 0$
- b) $x^2 + y^2 - 2x + 4y = 0$
- c) $2x^2 + 4y^2 + 2x + 4y + 5 = 0$
- d) $x^2 + y^2 + 2x + 2y + 1 = 0$
- e) $x^2 + y^2 + 6x + 3y - 4 = 0$

31. (Uece) Sejam $Q_1(x_1, y_1)$ e $Q_2(x_2, y_2)$ os pontos de intersecção da reta de equação $y+2=0$ com a circunferência de centro no ponto P(-4,1) e raio r centímetros. Se $x_1 < x_2$ e $Q_1Q_2=8\text{cm}$, então a equação dessa circunferência é:

- a) $x^2 + y^2 + 8x - 2y - 7 = 0$
- b) $x^2 + y^2 + 8x - 2y - 8 = 0$
- c) $x^2 + y^2 + 8x - 2y - 15 = 0$
- d) $x^2 + y^2 + 8x - 2y - 19 = 0$

32. (Mackenzie) A curva $x^2 + y^2 - 2x - 2y + 1 = 0$ tem um único ponto comum com a reta $x + y = k$, $k \in \mathbb{R}$. A soma dos possíveis valores de k é:

- a) 4.
- b) -2
- c) -4.
- d) 2.
- e) 0.

33. (Udesc) Para que a equação $x^2 + y^2 - 4x + 8y + k = 0$ represente uma circunferência, devemos ter:

- a) $K < 20$
- b) $K > 13$
- c) $K < 12$
- d) $K > 12$
- e) $K < 10$

34. (Udesc) DETERMINE a equação da circunferência que passa pelos pontos A(5,5), B(-3,1) e C(2,-4). COMENTE as etapas durante a resolução da questão.

35. (Fgv) Considere a reta r, de equação $y=2x+3$, e a circunferência de equação $x^2+y^2=10$. A reta s, perpendicular à reta r, tangencia a circunferência no ponto P. Esse ponto pode ser

- a) $(\sqrt{2}; 2\sqrt{2})$
- b) $(2; 2\sqrt{2} + 3)$
- c) $(-2; \sqrt{6})$
- d) $(1; 3)$
- e) $(-\sqrt{2}; -2\sqrt{2} + 1)$

36. (Ufpe) Seja r uma reta que passa pelo centro da circunferência C_1 de equação cartesiana $x^2-6x+y^2-8y+23=0$, e que é perpendicular à reta $y=x$. Uma circunferência C_2 , concêntrica com a primeira, é tangente ao eixo das ordenadas Oy no ponto P. Determine a área do triângulo cujos vértices são o ponto P e os pontos de intersecção da reta r com C_1

37. (Fuvest) O segmento AB é diâmetro da circunferência de equação $x^2+y^2=10y$. Se A é o ponto (3,1), então B é o ponto

- a) (-3, 9)
- b) (3, 9)
- c) (0, 10)
- d) (-3, 1)
- e) (1, 3)

38. (Uel) Seja P um ponto do eixo das ordenadas pertencente à reta de equação $2x - 3y - 6 = 0$. A equação da circunferência de centro em P e tangente ao eixo das abscissas é

- a) $x^2 + y^2 = 4$
- b) $x^2 + y^2 + 4x = 0$
- c) $x^2 + y^2 + 4y = 0$
- d) $x^2 + y^2 - 4x = 0$
- e) $x^2 + y^2 - 4y = 0$

39. (Fatec) Sejam O a origem do sistema de eixos cartesianos e A o centro da circunferência de equação

$x^2 + y^2 - 2x - 4y - 4 = 0$. A equação de reta que passa pelos pontos A e O é:

- a) $y = 2x + 1$
- b) $y = 2x - 1$
- c) $y = x/2$
- d) $y = 2x$
- e) $y = x$

40. (Fei) No plano cartesiano, a circunferência com centro no ponto $C=(3,4)$ e raio $r=5$ intercepta os eixos do sistema em:

- a) nenhum ponto
- b) 1 ponto
- c) 2 pontos
- d) 3 pontos
- e) 4 pontos

41. (Cesgranrio) As circunferências $x^2+y^2+8x+6y=0$ e $x^2+y^2-16x-12y=0$ são:

- a) exteriores.
- b) secantes.
- c) tangentes internamente.
- d) tangentes externamente.
- e) concêntricas.

42. (Unicamp) Os ciclistas A e B partem do ponto $P(-1, 1)$ no mesmo instante e com velocidades de módulos constantes. O ciclista A segue a trajetória descrita pela equação $4y-3x-7 = 0$ e o ciclista B , a trajetória descrita pela equação $x^2+y^2-6x-8y=0$. As trajetórias estão no mesmo plano e a unidade de medida de comprimento é o km. Pergunta-se:

- a) Quais as coordenadas do ponto Q , distinto de P , onde haverá cruzamento das duas trajetórias?
- b) Se a velocidade do ciclista A for de 20 km/h, qual deverá ser a velocidade do ciclista B para que cheguem no mesmo instante ao ponto Q ?

43. (Fei) Qual deve ser o raio da circunferência com centro no ponto $O = (0,0)$ para que a reta $x - 2y - 10 = 0$ seja tangente a essa circunferência?

- a) $4\sqrt{2}$
- b) $2\sqrt{5}$
- c) 20
- d) $5\sqrt{2}$
- e) $4\sqrt{5}$

44. (Cesgranrio) Uma circunferência passa pela origem, tem raio 2 e o centro C na reta $y = 2x$. Se C tem coordenadas positivas, uma equação dessa circunferência é:

- a) $(x - \sqrt{5})^2 + (y - 2\sqrt{5})^2 = 4$
- b) $(x - \sqrt{5}/2)^2 + (y - \sqrt{5})^2 = 4$
- c) $(x - \sqrt{3}/2)^2 + (y - \sqrt{3})^2 = 4$
- d) $(x - \sqrt{3}/5)^2 + (y - 2\sqrt{3}/5)^2 = 4$
- e) $(x - 2\sqrt{5}/5)^2 + (y - 4\sqrt{5}/5)^2 = 4$

45. (Mackenzie) A reta que passa pelo centro da circunferência $x^2+y^2+6x+4y+12=0$ e é paralela à bissetriz dos quadrantes pares tem equação:

- a) $x + y + 5 = 0$
- b) $x + y - 5 = 0$
- c) $5x + 5y + 1 = 0$
- d) $x + y - 1 = 0$
- e) $x + y + 1 = 0$

46. (Mackenzie) Uma circunferência de centro $C(a, b)$ passa pelos pontos $M(0, 0)$, $N(4, 0)$ e $P(k, k)$, $M \neq P$. Então $a + b$ vale:

- a) k
- b) $k/2$
- c) $3k/2$
- d) $2k$
- e) $3k$

47. (Fuvest) Considere as circunferências que passam pelos pontos $(0, 0)$ e $(2, 0)$ e que são tangentes à reta $y=x+2$.

- a) Determine as coordenadas dos centros dessas circunferências.
- b) Determine os raios dessas circunferências.

48. (Fgv) Uma empresa produz apenas dois produtos A e B , cujas quantidades anuais (em toneladas) são respectivamente x e y . Sabe-se que x e y satisfazem a relação:

$$x^2 + y^2 + 2x + 2y - 23 = 0$$

- a) esboçar o gráfico da relação, indicando o nome da curva.
- b) Que quantidades devem ser produzidas se, por razões estratégicas, a quantidade produzida do produto B for o dobro da de A ?

49. (Uece) Se a circunferência de centro no ponto $P(-2, 3)$ e raio 2cm passa pelos pontos $P_1(K_1, 5)$ e $P_2(0, K_2)$, então $K_1^3 + K_2^3$ é igual a:

- a) 16
- b) 19
- c) 26
- d) 35

50. (Ufrs) O comprimento da corda que a reta r definida pela equação $2x - y = 0$ determina no círculo λ de centro no ponto $C(2,0)$ e raio $r = 2$ é

- a) 0
- b) 2
- c) 5
- d) $\sqrt{10/5}$
- e) $(4\sqrt{5})/5$

51. (Ufrs) A equação $x^2 + y^2 + 4x - 6y + m = 0$ representa um círculo se e somente se

- a) $m > 0$
- b) $m < 0$
- c) $m > 13$
- d) $m > -13$
- e) $m < 13$

52. (Cesgranrio) A equação da circunferência de raio 5, cujo centro é o ponto comum às retas

$$x - y + 1 = 2 \text{ e } x + y - 1 = 2 \text{ é:}$$

- a) $x^2 + y^2 - 4x - 2y - 20 = 0$
- b) $x^2 + y^2 - 4x - 2y + 20 = 0$
- c) $x^2 + y^2 - 4x + 2y + 20 = 0$
- d) $x^2 + y^2 - 4x + 2y - 20 = 0$
- e) $x^2 + y^2 + 4x - 2y - 20 = 0$

53. (Fuvest) Um quadrado está inscrito numa circunferência de centro $(1,2)$. Um dos vértices do quadrado é o ponto $(-3,-1)$. Determine os outros três vértices do quadrado.

54. (Uel) Sejam os pontos A e B as intersecções da reta r , de equação $x+y=0$, com a circunferência λ , de equação $x^2+y^2-4x=0$.

O comprimento da corda \overline{AB} é

- a) $\sqrt{2}$
- b) $2\sqrt{2}$
- c) 4
- d) $4\sqrt{2}$
- e) 8

55. (Uel) Sejam os pontos A e B as intersecções da reta r , de equação $x+y=0$, com a circunferência λ , de equação $x^2+y^2-4x=0$.

A equação da reta paralela a r , conduzida pelo centro de λ , é

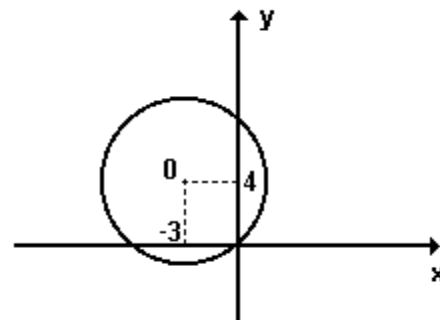
- a) $x - y = 0$
- b) $x - y - 2 = 0$
- c) $x - y + 2 = 0$
- d) $x + y - 2 = 0$
- e) $x + y + 2 = 0$

56. (Uel) Sejam os pontos A e B as intersecções da reta r , de equação $x+y=0$, com a circunferência λ , de equação $x^2+y^2-4x=0$.

Se A e B são tais que a abscissa de A é menor que a de B, a equação da reta tangente a λ , traçada pelo ponto B, é

- a) $y = -2$
- b) $x = -2$
- c) $y = 2x$
- d) $x = 2$
- e) $y = 2$

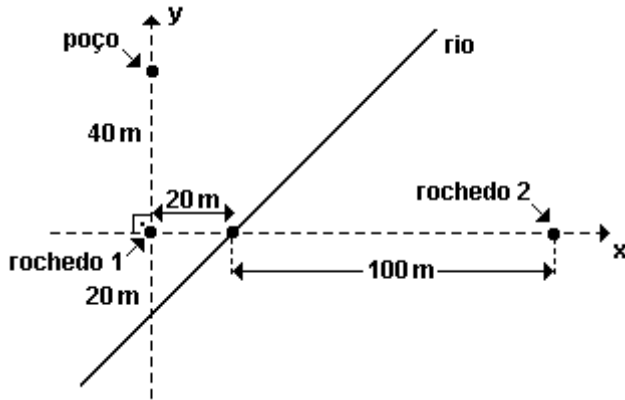
57. (Cesgranrio)



A equação da circunferência cuja representação cartesiana está indicada pela figura anterior é:

- a) $x^2 + y^2 - 3x - 4y = 0$
- b) $x^2 + y^2 + 6x + 8y = 0$
- c) $x^2 + y^2 + 6x - 8y = 0$
- d) $x^2 + y^2 + 8x - 6y = 0$
- e) $x^2 + y^2 - 8x + 6y = 0$

58. (Fuvest) Um pirata enterrou um tesouro numa ilha e deixou um mapa com as seguintes indicações: o tesouro está enterrado num ponto da linha reta entre os dois rochedos; está a mais de 50 m do poço e a menos de 20 m do rio (cujo leito é reto).



- a) Descreva, usando equações e inequações, as indicações deixadas pelo pirata, utilizando para isto o sistema de coordenadas mostrado na figura.
 b) Determine o menor intervalo ao qual pertence a coordenada x do ponto $(x, 0)$ onde o tesouro está enterrado.

59. (Unesp) O comprimento da corda que a reta $y = x$ determina na circunferência de equação $(x+2)^2 + (y-2)^2 = 16$ é

- 4.
- $4\sqrt{2}$.
- 2.
- $2\sqrt{2}$.
- $\sqrt{2}$.

60. (Ufpr) Considerando que as trajetórias dos móveis A, B e C estejam representadas em um sistema de coordenadas cartesianas ortogonais e sejam expressas pelas equações $2x - y = 0$, $y - 1 = 0$ e $x^2 + y^2 = 1$, respectivamente, é correto afirmar:

- (01) A trajetória de B é uma reta paralela ao eixo y.
 (02) As trajetórias de A e C são tangentes entre si.
 (04) A trajetória de C é uma circunferência.
 (08) As trajetórias de A e B se interceptam no ponto $(1, 1)$.
 (16) Se α é o menor ângulo que a trajetória de A faz com o eixo das abscissas, então $\operatorname{tg} \alpha = 2$.

Soma ()

61. (Fatec) Sejam as equações das circunferências,

$$C_1: (x - 1)^2 + (y - 1)^2 = 1 \text{ e}$$

$$C_2: (2x - 1)^2 + 4(y - 1)^2 = 1$$

Sobre as sentenças

- C_1 e C_2 têm raios iguais a 1.
- As circunferências C_1 e C_2 são tangentes e o ponto de tangência é $(0, 1)$.
- O centro da circunferência C_1 pertence à circunferência C_2 .

devemos dizer que,

- somente a I é falsa.
- somente a II é falsa.
- somente a III é falsa.
- todas são verdadeiras.
- todas são falsas.

62. (Fatec) Um quadrado ABCD está inscrito na circunferência de equação $x^2 + y^2 = 9$, e seus lados são paralelos aos eixos cartesianos. Se o vértice A está contido no primeiro quadrante, a equação da reta tangente à circunferência no ponto A é

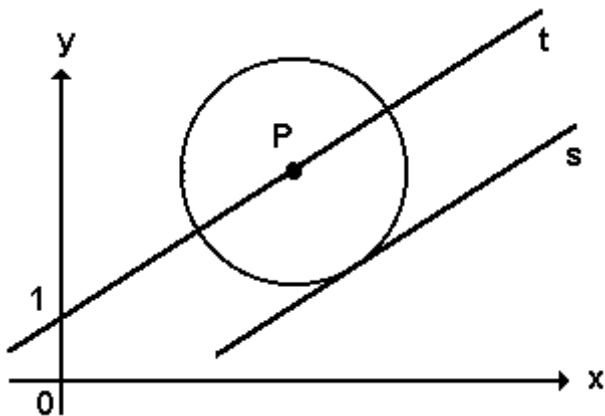
- $y - x + 3\sqrt{2} = 0$
- $y + x - 3\sqrt{2} = 0$
- $y + x - 3 = 0$
- $2y + 2x - \sqrt{3} = 0$
- $2y + x - 3\sqrt{3} = 0$

63. (Mackenzie) A circunferência que passa pelos pontos $(1, -3)$ e $(1, 5)$, cujo centro pertence à reta $2x - 3y - 6 = 0$, possui raio no intervalo:

- $[2, 3[$
- $[3, 4[$
- $[4, 5[$
- $[5, 6[$
- $[6, 7]$

64. (Mackenzie) Na figura a seguir, as retas t e s são paralelas e a circunferência tem equação $x^2+y^2-8x-8y+28=0$. Deste modo, a área do triângulo que a reta tangente s define com os eixos é igual a:

- a) 2
- b) 4
- c) $3/2$
- d) $4/3$
- e) $1/2$



65. (Mackenzie) Dada a função real definida por $f(x)=\sqrt{4-x^2}$ de $[-2,2]$ em $[0,2]$. Considere uma reta t tangente ao gráfico de $f(x)$ e paralela à reta $y=x+509$. Se (x,y) é o ponto de tangência, então $x+y$ vale:

- a) 0
- b) $-\sqrt{2}$
- c) $2\sqrt{2}$
- d) $\sqrt{2}$
- e) $-2\sqrt{2}$

66. (Unirio) A equação $x^2 + y^2 - 4x + 6y - 3 = 0$ é de uma circunferência cuja soma do raio e das coordenadas do centro é igual a:

- a) -2
- b) 3
- c) 5
- d) 8
- e) 15

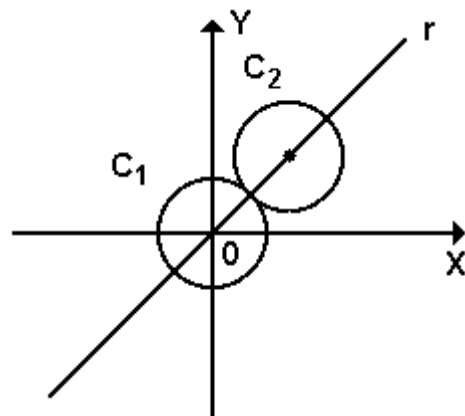
67. (Unirio) Sabendo-se que os pontos $A(1,3)$ e $B(3,7)$ pertencem a uma mesma circunferência e que a reta que contém esses pontos passa pelo seu centro, determine a equação dessa circunferência.

68. (Puccamp) São dadas a reta r , de equação $y=\sqrt{3}x/3$, e a circunferência λ , de equação $x^2+y^2-4x=0$. O centro de λ e as intersecções de r e λ determinam um triângulo cuja área é

- a) $\sqrt{3}$
- b) 3
- c) $2\sqrt{3}$
- d) 6
- e) $3\sqrt{3}$

69. (Uel) Na figura a seguir têm-se a reta r , bissetriz do primeiro e terceiro quadrantes, e as circunferências C_1 e C_2 , de mesmo raio, tangentes entre si e com centros sobre r . Se a equação de C_1 é $x^2+y^2=9$, então o centro de C_2 é o ponto

- a) $(1; \sqrt{2})$
- b) $(3; 3)$
- c) $(3\sqrt{2}; 3\sqrt{2})$
- d) $(3; 6)$
- e) $(6; 6)$



70. (Ufrs) Se um círculo de raio r tangencia o eixo X e o eixo Y do sistema de coordenadas cartesianas, e tem centro $C=(a,b)$, então

- a) $a = b$
- b) $a = -b$
- c) $ab = 1$
- d) $a^2 = b^2$
- e) $a - b = 1$

71. (Uerj)

O MELHOR DE CALVIN

Bill Watterson



(O Estado de São Paulo, 16/08/97)

Considere os pontos A, B e C nas condições mencionadas na tirinha.

a) Se, A, B e C pertencem a uma mesma reta, calcule a distância entre A e C quando:

- . A está situado entre B e C;
- . A está situado fora do segmento BC.

b) Se A, B e C estiverem no plano cartesiano, sendo A um ponto móvel, B um ponto do semi-eixo positivo das abscissas (x) e C a origem (0,0), determine a equação da linha descrita pelo ponto A e identifique a curva correspondente.

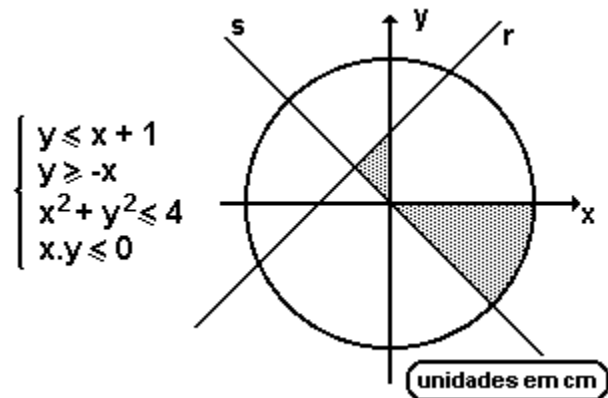
72. (Uerj) Observe o sistema:

$$\begin{cases} y = 1/x \\ x^2 + y^2 = r^2 \end{cases}$$

O menor valor inteiro de r para que o sistema acima apresente quatro soluções reais é:

- a) 1
- b) 2
- c) 3
- d) 4

73. (Uerj) Observe as regiões hachuradas do plano cartesiano, que correspondem aos pontos que satisfazem o sistema de inequações a seguir:



Calcule:

- a) o ângulo formado entre as retas r e s.
- b) a área total das regiões hachuradas.

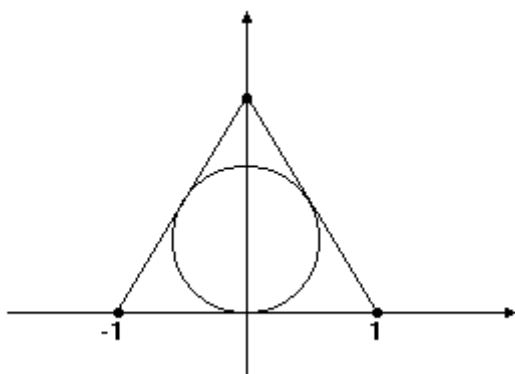
74. (Puccamp) Seja uma circunferência λ , cujo centro pertence ao eixo das abscissas e à reta de equação $(\sqrt{3}x) + y - (4\sqrt{3}) = 0$. Se $(2, 2\sqrt{3})$ é um ponto de λ , a sua equação é

- a) $x^2 + y^2 - 8x + 4y - 12 = 0$
- b) $x^2 + y^2 + 8x - 4y + 12 = 0$
- c) $x^2 + y^2 - 8x + 4y - 16 = 0$
- d) $x^2 + y^2 - 8x = 0$
- e) $x^2 + y^2 - 8y = 0$

75. (Ufrs) O centro $O = (x, y)$ de uma circunferência que passa pelos pontos $(-1, 1)$ e $(1, 5)$, tem as coordenadas na relação

- a) $2y + x = 6$
- b) $5y + 2x = 15$
- c) $5y + 3x = 15$
- d) $8y + 3x = 25$
- e) $9y + 4x = 36$

76. (Ufrs) Considere a circunferência inscrita no triângulo equilátero, conforme mostra a figura a seguir:



A equação da circunferência é

- a) $x^2 + (y - 1)^2 = 1$
- b) $x^2 + (y - \sqrt{3}/2)^2 = 3/4$
- c) $x^2 + (y - 2\sqrt{3}/3)^2 = 4/3$
- d) $x^2 + (y - \sqrt{3}/4)^2 = 3/16$
- e) $x^2 + (y - \sqrt{3}/3)^2 = 1/3$

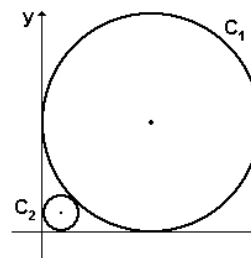
77. (Puccamp) Sejam o ponto $P(-3; 0)$, a reta r de equação $y=x+6$ e a circunferência C de equação $x^2+y^2-4y=0$. É verdade que

- a) P pertence ao interior de C .
- b) P pertence a r .
- c) r e C não têm pontos comuns.
- d) r e C interceptam-se em um único ponto.
- e) r e C interceptam-se em dois pontos

78. (Uff) A reta $y - 2x + 5 = 0$ tangencia, no ponto M , a circunferência C de equação $x^2 + y^2 = 5$. A reta $y=-x+p$ intercepta C nos pontos M e Q . Determine:

- a) o valor de p ;
- b) as coordenadas dos pontos M e Q .

79. (Uff) A circunferência C_1 de raio 1, é tangente aos eixos coordenados, conforme representação abaixo.



Determine a equação da circunferência C_2 , tangente simultaneamente aos eixos coordenados e à C_1

80. (Ufes) Sabe-se que $b>0$ e que a reta $5y+b(x-5)=0$ é tangente à circunferência $x^2+y^2=9$. O valor de b é

- a) $15/4$
- b) $16/3$
- c) 6
- d) $20/3$
- e) 7

81. (Ufsm) Dada a circunferência $\beta : x^2 + y^2 - 4x - 12 = 0$, então a circunferência α , que é concêntrica à circunferência β e tangente à reta $r : x+y=0$, é

- a) $x^2 + (y + 2)^2 = 4$
- b) $y^2 - 4x + y^2 = 0$
- c) $x^2 + y^2 + 4y + 2 = 0$
- d) $x^2 + y^2 - 4x + 2 = 0$
- e) $(x + 2)^2 + y^2 = 2$

82. (Ufsc) Seja C uma circunferência de equação $x^2+y^2-2x-2y-6=0$, e seja r a reta de equação $x+y=6$. Determine a soma dos números associados à(s) proposição(ões) VERDADEIRA(S).

- 01. A circunferência de centro no ponto $(0, 0)$ e raio $\sqrt{2}$ é tangente externamente à circunferência C .
- 02. Com relação à posição de C e r , pode-se afirmar que C e r são secantes.
- 04. A circunferência C limita um círculo cuja área é 8π .
- 08. Em coordenadas cartesianas, o centro e o raio da circunferência C são $(1,1)$ e $2\sqrt{2}$, respectivamente.
- 16. Com relação à posição do ponto $P(2, 3)$ e C , pode-se afirmar que o ponto P é exterior à C .

83. (Mackenzie) Supondo $\pi = 3$, os pontos (x, y) do plano tais que

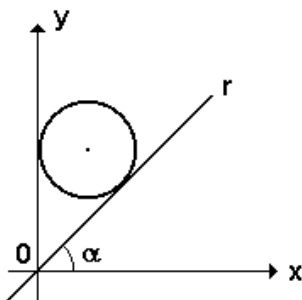
$$\begin{cases} x^2 + y^2 \leq 2x \\ x^2 + y^2 \leq 2y \end{cases}$$

definem uma região de área:

- 2,5
- 2,0
- 1,5
- 1,0
- 0,5

84. (Mackenzie) A circunferência da figura, tangente ao eixo e à reta r , tem equação $x^2 + y^2 - 3x - 2ky + k^2 = 0$. Se $\alpha = \arctg 3/4$, então k vale:

- 3,0
- 3,5
- 4,0
- 5,0
- 6,0



85. (Unioeste) Considere as circunferências

$$C_1: x^2 - 10x + y^2 - 8y + 32 = 0$$

$$C_2: x^2 - 16x + y^2 - 14y + 104 = 0$$

É correto afirmar que:

- São circunferências concêntricas.
- A circunferência C_1 tem centro em $(5, 4)$.
- A circunferência C_2 tem raio igual a 4 unidades.
- A distância entre os centros de C_1 e C_2 é igual a $3\sqrt{2}$ unidades.

16. A reta que passa pelos centros das circunferências tem equação $y = x - 1$.

32. As circunferências são tangentes internamente.

64. As circunferências interceptam-se nos pontos $(5, 7)$ e $(8, 4)$.

86. (Unioeste) A reta $x + y - 7 = 0$ corta a circunferência $x^2 + y^2 - 6x - 4y + 0 = 0$ em dois pontos. É correto afirmar que

01. $(5, 2)$ é o ponto de intersecção da reta com a circunferência.

02. $(3, 4)$ é o único ponto de intersecção da reta com a circunferência.

04. a circunferência tem centro no ponto $(3, 2)$.

08. o raio da circunferência mede $\sqrt{2}$ unidades de comprimento.

16. a distância do centro da circunferência à reta dada é igual a $2(\sqrt{13})/13$ unidades de comprimento.

32. a área do triângulo formado pelos pontos de intersecção da reta com a circunferência e o centro da circunferência é igual a 2 unidades de área.

87. (Fuvest) Uma circunferência passa pelos pontos $(2, 0)$, $(2, 4)$ e $(0, 4)$. Logo, a distância do centro dessa circunferência à origem é:

- $\sqrt{2}$
- $\sqrt{3}$
- $\sqrt{4}$
- $\sqrt{5}$
- $\sqrt{6}$

88. (Fuvest) Das regiões hachuradas na seqüência, a que melhor representa o conjunto dos pontos (x, y) , do plano cartesiano, satisfazendo ao conjunto de desigualdades

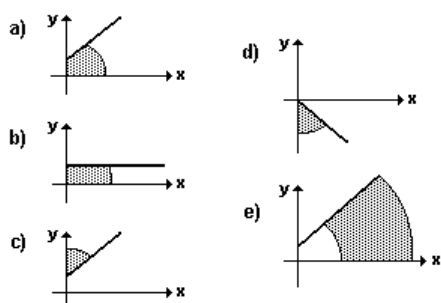
$$x \geq 0;$$

$$y \geq 0;$$

$$x - y + 1 \geq 0;$$

$$x^2 + y^2 \leq 9,$$

é:



89. (Ufpr) Considerando uma circunferência de raio 1 e centro na origem de um sistema de coordenadas cartesianas ortogonais, é correto afirmar:

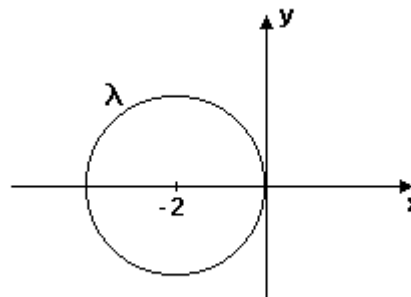
- (01) A circunferência intercepta o eixo x no ponto (0, -1).
- (02) Existe valor de α para o qual o ponto $(2\cos\alpha, \sin\alpha)$ pertence à circunferência.
- (04) Se o ponto (a, a) pertence à circunferência, então $a = \sqrt{2}$.
- (08) A circunferência intercepta a reta $x - y + 2 = 0$ em dois pontos.
- (16) A circunferência tem um diâmetro que contém o ponto $(-1/2, -1/2)$ e é perpendicular à reta $x + y + 1 = 0$.

Soma ()

90. (Unesp) Seja $S = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : x^2 + y^2 \leq 16 \text{ e } x^2 + (y - 1)^2 \geq 9\}$ uma região do plano. A área de S é:
- a) 5.
 - b) 7.
 - c) 5π .
 - d) 7π .
 - e) $7\pi^2$.

91. (Ita) Duas retas r_1 e r_2 são paralelas à reta $3x - y = 37$ e tangentes à circunferência $x^2 + y^2 - 2x - y = 0$. Se d_1 é a distância de r_1 até a origem e d_2 é a distância de r_2 até a origem, então $d_1 + d_2$ é igual a
- a) $\sqrt{12}$.
 - b) $\sqrt{15}$.
 - c) $\sqrt{7}$.
 - d) $\sqrt{10}$.
 - e) $\sqrt{5}$.

92. (Puccamp) A circunferência λ representada a seguir é tangente ao eixo das ordenadas na origem do sistema de eixos cartesianos.



A equação de λ , é

- a) $x^2 + y^2 + 4x + 4 = 0$
- b) $x^2 + y^2 + 4y + 4 = 0$
- c) $x^2 + y^2 + 4x = 0$
- d) $x^2 + y^2 + 4y = 0$
- e) $x^2 + y^2 + 4 = 0$

93. (Ufsm) A equação da circunferência de centro $C(2, 1)$ e tangente à reta $3x - 4y + 8 = 0$ é

- a) $(x^2 + 2)^2 + (y - 1)^2 = 8$
- b) $(x^2 - 2)^2 + (y - 1)^2 = 2$
- c) $(x - 2)^2 + (y + 1)^2 = 2$
- d) $(x - 2)^2 + (y - 1)^2 = 4$
- e) $(x - 2)^2 - (x - 1)^2 = 4$

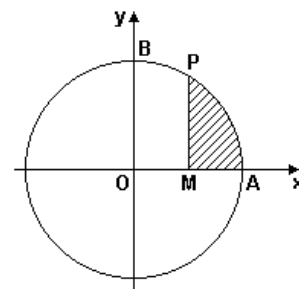
94. (Unirio) Considerando uma circunferência de centro $(2, 1)$, que passa pelo ponto $(2, -2)$, assinale a opção correta.

- a) A equação da circunferência é $(x - 2)^2 + (y - 1)^2 = 3$.
- b) O interior da circunferência é representado pela inequação $x^2 + 4x + y^2 + 2y < 4$.
- c) O interior da circunferência é representado pela inequação $x^2 - 4x + y^2 - 2y < 4$.
- d) O exterior da circunferência é representado pela inequação $x^2 - 4x + y^2 - 2y > -2$.
- e) O ponto $(5, -1)$ pertence à circunferência.

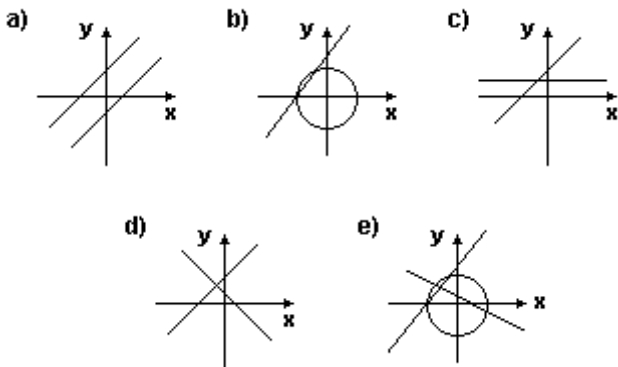
95. (Fgv) a) No plano cartesiano, considere a circunferência de equação $x^2+y^2-4x=0$ e o ponto $P(3,\sqrt{3})$.

Verificar se P é interior, exterior ou pertencente à circunferência.

b) Dada a circunferência de equação $x^2+y^2=9$ o ponto $P(3,5)$, obtenha as equações das retas tangentes à circunferência, passando por P.



96. (Fuvest) O conjunto dos pontos (x, y) do plano cartesiano, cujas coordenadas satisfazem a equação $(x^2+y^2+1).(2x+3y-1).(3x-2y+3)=0$, pode ser representado, graficamente, por:



97. (Unesp) A equação da circunferência com centro no ponto $C=(2,1)$ e que passa pelo ponto $P=(0,3)$ é dada por

- a) $x^2 + (y - 3)^2 = 0$.
- b) $(x - 2)^2 + (y - 1)^2 = 4$.
- c) $(x - 2)^2 + (y - 1)^2 = 8$.
- d) $(x - 2)^2 + (y - 1)^2 = 16$.
- e) $x^2 + (y - 3)^2 = 8$.

98. (Ufpr) Na figura abaixo está representada uma circunferência de raio 6 e centro na origem do sistema de coordenadas cartesianas. Dados $A(6, 0)$, $M(3, 0)$ e $B(0, 6)$ e sendo P o ponto de interseção da circunferência com a reta que contém M e é perpendicular ao segmento OA, é correto afirmar:

- (01) A equação da reta que contém A e B é $x+y+6=0$.
- (02) A equação da circunferência é $x^2+y^2=36$.
- (04) A área do triângulo OMP é igual a $9\sqrt{3}$.
- (08) A área da região hachurada é igual a $(12\pi - 9\sqrt{3})/2$.
- (16) A distância de P a M é menor que 6.
- (32) Os segmentos OA e OP formam ângulo de 45° .

Soma ()

99. (Ufsc) Dados, num sistema de coordenadas cartesianas, o ponto P de coordenadas $(1,2)$, a reta s de equação $x+y-1=0$ e a circunferência C de equação $x^2+y^2+4x+4y+4=0$. Determine a soma dos números associados à(s) proposição(ões) VERDADEIRA(S).

- 01. A menor distância do ponto P à circunferência C é de 3 unidades de comprimento.
- 02. A equação da reta que passa pelo ponto P e é perpendicular à reta s é $x+y-3=0$.
- 04. Com relação à posição de C e s, pode-se afirmar que C e s são tangentes.
- 08. A área do triângulo, cujos vértices são o ponto P, o centro da circunferência C e o ponto Q de coordenadas $(1,-2)$, é de 6 unidades de área.

100. (Ufpr) Em um sistema de coordenadas cartesianas no plano, considere, para cada número real m, a reta de equação $y=mx$ e a circunferência de equação $x^2+y^2-10x = 0$.

Então, é correto afirmar:

- (01) A medida do raio da circunferência é 5.
- (02) Se $m=10$, a reta é tangente à circunferência.
- (04) Qualquer que seja o valor de m, a reta contém a origem do sistema.

(08) Se $m=1$, a reta determina na circunferência uma corda de comprimento 5.

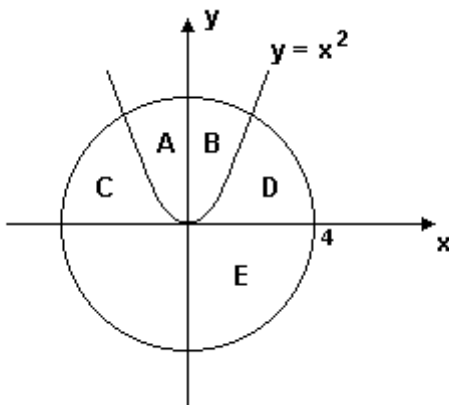
(16) A circunferência é tangente ao eixo y .

(32) Se $m=3$, um dos pontos de interseção da reta com a circunferência é $(1, 3)$.

Soma ()

101. (Unifesp) A região do plano cartesiano, determinada simultaneamente pelas três condições

$$\begin{cases} x^2 + y^2 \leq 16 \\ y \geq x^2 \\ x \geq 0 \end{cases}$$



é aquela, na figura, indicada com a letra

- a) A.
- b) B.
- c) C.
- d) D.
- e) E.

102. (Unifesp) A equação $x^2 + y^2 + 6x + 4y + 12 = 0$, em coordenadas cartesianas, representa uma circunferência de raio 1 e centro

- a) $(-6, 4)$.
- b) $(6, 4)$.
- c) $(3, 2)$.
- d) $(-3, -2)$.
- e) $(6, -4)$.

103. (Uerj) Um dado triângulo é formado pelas retas (r) , (s) e (t) , abaixo descritas.

$$(r): 2x - 3y + 21 = 0$$

$$(s): 3x - 2y - 6 = 0$$

$$(t): 2x + 3y + 9 = 0$$

Calcule, em relação a esse triângulo:

- a) sua área;
- b) a equação da circunferência circunscrita a ele.

104. (Ita) Considere o seguinte raciocínio de cunho cartesiano: "Se a circunferência de centro $C=(h,0)$ e raio r intercepta a curva $y = +\sqrt{x}$, $x > 0$, no ponto $A = (a, \sqrt{a})$ de forma que o segmento \overline{AC} seja perpendicular à reta tangente à curva em A , então $x = a$ é raiz dupla da equação em x que se obtém da intersecção da curva com a circunferência." Use este raciocínio para mostrar que o coeficiente angular dessa reta tangente em A é $1/2\sqrt{a}$.

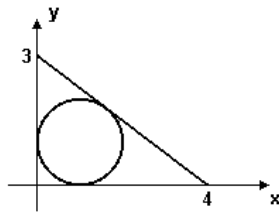
105. (Fgv) A reta de equação $y = x - 1$ determina, na circunferência de equação $x^2 + y^2 = 13$, uma corda de comprimento:

- a) $4\sqrt{2}$
- b) $5\sqrt{2}$
- c) $6\sqrt{2}$
- d) $7\sqrt{2}$
- e) $8\sqrt{2}$

106. (Ufscar) O raio da circunferência inscrita em um triângulo de lados a , b e c pode ser calculado pela fórmula

$$r = \sqrt{\frac{(p-a)(p-b)(p-c)}{p}},$$

onde p é o semi-perímetro do triângulo. Os catetos de um triângulo retângulo medem 3 e 4 e estão sobre os eixos cartesianos, conforme a figura.



Determine nesse triângulo

- a) o raio da circunferência inscrita.
- b) a equação da circunferência inscrita.

107. (Ufsm) As retas r e s tangenciam a circunferência de equação $x^2 + y^2 - 4x + 3 = 0$, respectivamente, nos pontos P e Q e passam pelo ponto $O(0, 0)$. A medida do ângulo $P\hat{O}Q$ vale

- a) 15°
- b) 30°
- c) 45°
- d) 60°
- e) 90°

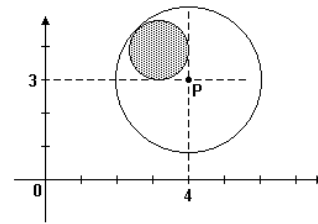
108. (Ufv) Sabendo que o ponto $(4, 2)$ é o ponto médio de uma corda AB da circunferência $(x - 3)^2 + y^2 = 25$, determine:

- a) A equação da reta que contém A e B .
- b) As coordenadas dos pontos A e B .
- c) A distância entre A e B .

109. (Ufv) Considere a equação $x^2 + y^2 - 6x + 4y + p = 0$. O maior valor inteiro p para que a equação anterior represente uma circunferência é:

- a) 13
- b) 12
- c) 14
- d) 8
- e) 10

110. (Pucpr) A área da região assinalada na figura é 4π . A equação da circunferência de centro em P é, então:

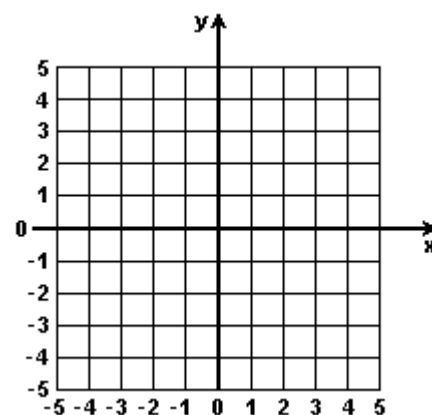


- a) $x^2 + y^2 - 8x - 6y - 7 = 0$
- b) $x^2 + y^2 - 8x - 6y + 17 = 0$
- c) $x^2 + y^2 - 8x - 6y + 21 = 0$
- d) $x^2 + y^2 - 8x - 6y + 13 - 8\sqrt{2} = 0$
- e) $x^2 + y^2 - 6x - 8y + 13 - 8\sqrt{2} = 0$

111. (Uel) Uma circunferência de raio 2 tem centro na origem do sistema cartesiano de coordenadas ortogonais. Assim, é correto afirmar:

- a) Um dos pontos em que a circunferência intercepta o eixo x é $(0, 1)$.
- b) A reta de equação $y = -2$ é tangente à circunferência.
- c) A equação da circunferência é $x^2 + y^2 + 4 = 0$.
- d) A reta de equação $y = x + 2$ não intercepta a circunferência.
- e) O ponto $(2, 2)$ está no interior da circunferência.

112. (Ufrn) Observando a região quadriculada no plano cartesiano a seguir,



- a) esboce o quadrado contido nessa região, no qual as extremidades de um dos lados são os pontos $(-4, 2)$ e $(-2, 0)$ e determine as coordenadas dos outros dois vértices.

adas dos outros vértices desse quadrado;

b) esboce os gráficos das retas $y=x$ e $y=x-2$;

c) esboce o círculo de centro no eixo x que seja tangente a ambas as retas do subitem b);

d) determine o raio do círculo esboçado no subitem c);

e) determine as coordenadas do centro do círculo esboçado no subitem c).

113. (Ufrs) No sistema de coordenadas cartesianas retangulares, a reta de equação $y=x+b$ intercepta a curva de equação $x^2+y^2=8$. Então

- a) $|b| \leq \sqrt{2}$.
- b) $|b| \leq 2\sqrt{2}$.
- c) $2\sqrt{2} \leq b \leq 4$.
- d) $\sqrt{2} \leq b \leq 2\sqrt{2}$.
- e) $|b| \leq 4$.

114. (Fei) No plano cartesiano, $A=(1, 0)$ e $B=(0, 2)$ são pontos de uma mesma circunferência. O centro dessa circunferência é ponto da reta $y=3-x$. Assinale a alternativa que corresponda ao centro dessa circunferência.

- a) $C = (3/2, 1/2)$
- b) $C = (3/2, 3/2)$
- c) $C = (5/2, 1/2)$
- d) $C = (0, 3)$
- e) $C = (1, 2)$

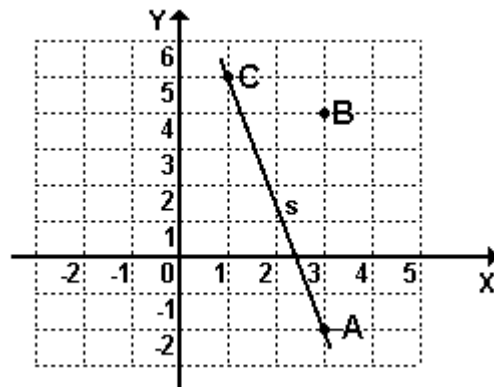
115. (Pucpr) A distância do ponto $P(1;8)$ ao centro da circunferência $x^2+y^2-8x-8y+24=0$ é:

- a) 1
- b) 2
- c) 3
- d) 5
- e) 6

116. (Ufal) As sentenças abaixo referem-se à circunferência C , de equação $x^2+y^2+2x-4y-4=0$.

- () O ponto $(-2, 2)$ pertence ao exterior de C .
- () O ponto $(1, 6)$ pertence ao exterior de C .
- () O ponto $(-1, -1)$ pertence a C .
- () O ponto $(-5, 0)$ pertence ao interior de C .
- () O ponto $(0, 1)$ pertence ao exterior de C .

117. (Ufrn) Considere a reta s e os pontos A , B e C representados na figura a seguir.



- a) Determine as coordenadas cartesianas dos pontos A , B e C .
- b) Determine uma equação cuja representação gráfica seja a reta s .
- c) Determine uma equação cuja representação gráfica seja a circunferência de centro C que passa pelo ponto B .

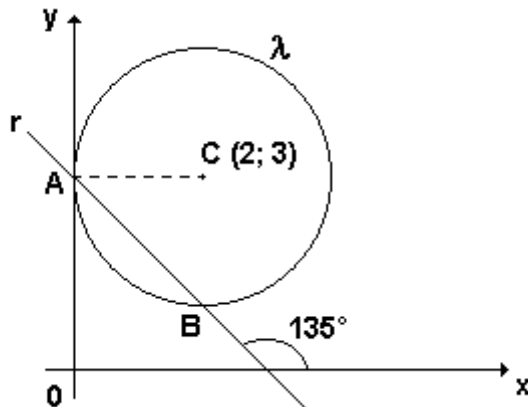
118. (Ufpi) Se uma circunferência no segundo quadrante, tangente a ambos os eixos, toca o eixo y no ponto $(0, 3)$, então o centro dessa circunferência é o ponto:

- a) $(-3, 0)$
- b) $(-3, 3)$
- c) $(3, 3)$
- d) $(-4, 3)$
- e) $(2, 3)$

119. (Ufal) São dados os pontos $A(0;0)$, $B(2; 4)$, $C(6; 2)$ e a circunferência λ , de raio 1 e equação $x^2+y^2-16x+my+n=0$. Se o centro de λ , o ponto A e o ponto médio do segmento \overline{BC} estão alinhados, então o valor de n é

- a) 100
- b) 99
- c) 64
- d) 36
- e) 28

120. (Uel)



A equação da circunferência de centro em A e raio \overline{AB} é

- a) $x^2 + y^2 - 6y + 8 = 0$
- b) $x^2 + y^2 - 6x + 8 = 0$
- c) $x^2 + y^2 - 6y + 1 = 0$
- d) $x^2 + y^2 - 6x + 1 = 0$
- e) $x^2 + y^2 - 6y - 1 = 0$

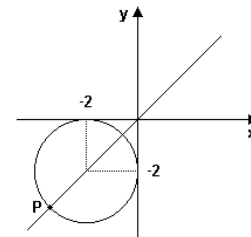
121. (Ufc) Seja r a reta tangente à circunferência $x^2 + y^2 = 2$ no ponto (a,b). Se a área do triângulo limitado por r e pelos eixos coordenados é igual a 2u.a. e se a e b são positivos, o valor de a+b é:

- a) $2\sqrt{2}$
- b) 1
- c) $\sqrt{2}$
- d) 3
- e) 2

122. (Ufc) Mostre que para qualquer ponto P pertencente à circunferência inscrita em um triângulo equilátero, a soma dos quadrados das distâncias de P aos vértices desse triângulo é constante.

123. (Ufes) Calcule a área do triângulo formado pelo eixo y e pelas retas tangentes à circunferência de centro C(5,3) e raio 5 nos pontos de abscissa x=2.

124. (Ufrn) A circunferência de centro no ponto (-2,-2) e tangente aos eixos coordenados é interceptada pela bissetriz do 3º quadrante, conforme a figura abaixo.



O ponto P, assinalado na figura, tem coordenadas:

- a) $x = -2\sqrt{3}$; $y = -2\sqrt{3}$
- b) $x = -2-\sqrt{3}$; $y = -2-\sqrt{3}$
- c) $x = -2\sqrt{2}$; $y = -2\sqrt{2}$
- d) $x = -2-\sqrt{2}$; $y = -2-\sqrt{2}$

125. (Ufv) O gráfico da equação $x^3y + xy^3 - xy = 0$ consiste de:

- a) duas retas e uma parábola.
- b) duas parábolas e uma reta.
- c) dois círculos e uma reta.
- d) duas retas e um círculo.
- e) um círculo e uma parábola.

126. (Ufv) Determine os valores de R para que o gráfico da equação $x^2 + y^2 + 4x + 6y + R = 0$ seja:

- a) um círculo.
- b) um ponto.

127. (Ufrjr) Se a área de uma figura é representada pela solução do sistema

$$\begin{cases} x^2 + y^2 \leq 9 \\ x - y + 3 \leq 0, \end{cases}$$

pode-se afirmar que esta área corresponde a

- a) $9\pi/4$.
- b) $[9(\pi - 2)]/4$.
- c) $[3(\pi - 3)]/2$.
- d) $[3(\pi - 3)]/4$.
- e) $(\pi - 3)/3$.

128. (Ufrj) Em um circo, no qual o picadeiro tem - no plano cartesiano - a forma de um círculo de equação igual a $x^2+y^2-12x-16y-300 \leq 0$, o palhaço acidentou-se com o fogo do malabarista e saiu desesperadamente do centro do picadeiro, em linha reta, em direção a um poço com água localizado no ponto (24, 32). Calcule a distância d percorrida pelo palhaço, a partir do momento em que sai do picadeiro até o momento em que chega ao poço.

129. (Pucrs) Uma circunferência tem centro na interseção da reta $x=-2$ com o eixo das abscissas e passa pelo ponto de interseção das retas $y=-2x+8$ e $y=x+2$. A equação dessa circunferência é

- a) $x^2 + y^2 = 20$
- b) $x^2 + (y+2)^2 = 32$
- c) $(x+2)^2+y^2 = 32$
- d) $(x-2)^2 + y^2 = 32$
- e) $(x-2)^2 + (y-2)^2 = 32$

130. (Uff) Cada ponto $P(x,y)$ de uma curva C no plano xy tem suas coordenadas descritas por:

$$\begin{cases} x = 1 + \cos t \\ y = 2 + \sin t \end{cases}, 0 \leq t \leq \pi$$

- a) Escreva uma equação de C relacionando, somente, as variáveis x e y .
- b) Calcule o comprimento de C .

131. (Fgv) No plano cartesiano, a reta de equação $x = k$ tangencia a circunferência de equação $(x-2)^2+(y-3)^2=1$. Os valores de k são:

- a) -2 ou 0
- b) -1 ou 1
- c) 0 ou 2
- d) 1 ou 3
- e) 2 ou 4

132. (Ufc) O segmento que une os pontos de interseção da reta $2x + y - 4 = 0$ com os eixos coordenados determina um diâmetro de uma circunferência. A equação dessa circunferência é:

- a) $(x - 1)^2 + (y - 2)^2 = 5$
- b) $(x - 1)^2 + (y - 2)^2 = 20$
- c) $(x - 1)^2 + (y - 2)^2 = 25$
- d) $(x + 1)^2 + (y + 2)^2 = 5$
- e) $(x + 1)^2 + (y + 2)^2 = 20$

133. (Unicamp) As equações $(x+1)^2 + y^2 = 1$ e $(x-2)^2 + y^2 = 4$ representam duas circunferências cujos centros estão sobre o eixo das abscissas.

- a) Encontre, se existirem, os pontos de interseção daquelas circunferências.
- b) Encontre o valor de $a \in \mathbb{R}$, $a \neq 0$, de modo que duas retas que passam pelo ponto $(a, 0)$, sejam tangentes às duas circunferências.

134. (Unesp) Considere a circunferência λ , de equação $(x-3)^2+y^2=5$.

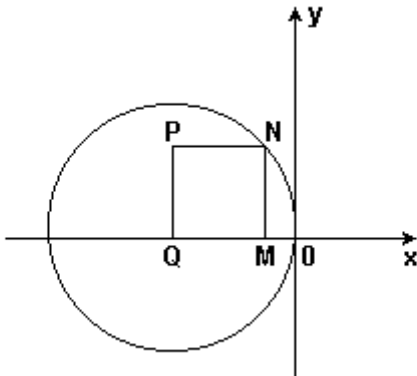
- a) Determine o ponto $P = (x, y)$ pertencente a λ , tal que $y=2$ e $x>3$.
- b) Se r é a reta que passa pelo centro $(3,0)$ de λ e por P , dê a equação e o coeficiente angular de r .

135. (Ufpr) Considere as seguintes informações: C é uma circunferência de raio igual a 1 e centro na origem de um sistema de coordenadas cartesianas retangulares; um ponto estará no interior da circunferência C se a distância do ponto à origem do sistema for menor do que 1. Assim, é correto afirmar:

- (01) A equação da circunferência C é $x^2 + y^2 + 1 = 0$.
- (02) O ponto $P(\cos \omega, \sin \omega)$ pertence à circunferência C , qualquer que seja o número real ω .
- (04) A reta $y = x + 1$ intercepta a circunferência C em dois pontos.
- (08) A reta $y + 1 = 0$ é tangente à circunferência C .
- (16) O ponto $(1, 1)$ está no interior da circunferência C .
- (32) O gráfico da função $y = \sin 2x$ intercepta o eixo x apenas uma vez no interior da circunferência C .

Soma ()

136. (Pucsp) Seja $x^2 + y^2 + 4x = 0$ a equação da circunferência de centro Q representada no plano cartesiano a seguir.



Se o quadrado PQMN tem os vértices Q e M sobre o eixo das abscissas e o vértice N pertence à circunferência, o ponto N é dado por

- a) $(\sqrt{2} - 2; \sqrt{2})$
- b) $(-\sqrt{2} + 2; \sqrt{2})$
- c) $(\sqrt{2} - 2; 2)$
- d) $(-\sqrt{2} - 2; 2 - \sqrt{2})$
- e) $(-\sqrt{2}; 2 - \sqrt{2})$

137. (Ufes) Em um sistema de coordenadas cartesianas com origem O, considere a circunferência C dada pela equação $x^2 + y^2 - 4x - 8y + 15 = 0$, cujo centro indicamos por P. A reta OP intersecta C em dois pontos A e B, onde A é o mais próximo da origem. A equação da reta que tangencia a circunferência C no ponto A é

- a) $x - 2y + 3 = 0$
- b) $x + 2y - 5 = 0$
- c) $2x + y - 4 = 0$
- d) $2x + y - 5 = 0$
- e) $2x - y - 4 = 0$

138. (Uff) Sobre o conjunto de pontos de interseção da circunferência $x^2 + (y - 2)^2 = 2$ com a reta $mx - y + 2 = 0$, onde m é real, podemos afirmar que:

- a) contém um único ponto.
- b) é o conjunto vazio.
- c) contém dois pontos.
- d) contém três pontos.
- e) depende de m.

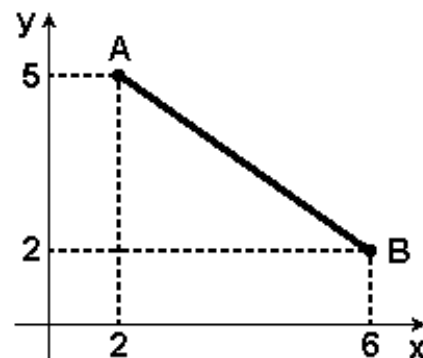
139. (Pucmg) Considere a circunferência C de equação $(x+1)^2 + (y-1)^2 = 9$ e a reta r de equação $x+y = 0$. É CORRETO afirmar:

- a) r é tangente a C.
- b) r não corta C.
- c) r corta C no ponto (1, 1).
- d) r passa pelo centro de C.

140. (Pucrs) Uma formiga caminha sobre um plano onde está localizado um referencial cartesiano. Inicia seu deslocamento S em um ponto sobre a curva de equação $x^2 + y^2 = 1$ (x e y em cm) na qual está se movimentando, e NÃO passa por um mesmo ponto mais de uma vez. Então, S é um número real tal que

- a) $0 \leq S \leq 2\pi$.
- b) $\pi \leq S \leq 2\pi$.
- c) $0 \leq S \leq \pi$.
- d) $0 \leq S < 2\pi$.
- e) $\pi \leq S < 2\pi$.

141. (Ufsm)

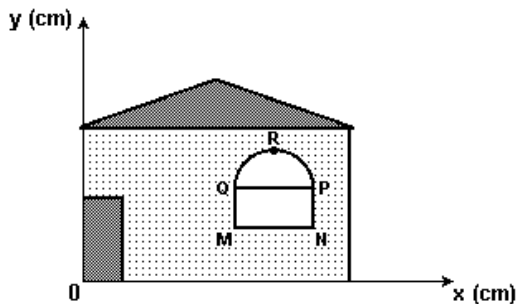


O segmento \overline{AB} da figura representa um diâmetro de uma circunferência. A equação dessa circunferência é dada por

- a) $x^2 + y^2 - 8x - 7y + 20 = 0$
- b) $x^2 - y^2 + 8x - 7y + 20 = 0$
- c) $x^2 + y^2 = 25$
- d) $x^2 + y^2 - 8x - 7y + 22 = 0$
- e) $-x^2 + y^2 + 8x + 7y - 22 = 0$

142. (Uff) Um arquiteto deseja desenhar a fachada de uma casa e, para isto, utiliza um programa de computador. Na construção do desenho, tal programa considera o plano cartesiano e traça curvas a partir de suas equações.

Na fachada, a janela tem a forma do retângulo MNPQ encimado pela semicircunferência PRQ, conforme mostra a figura:



Para desenhar a janela o arquiteto precisa da equação da semicircunferência PRQ. Sabe-se que o segmento MN é paralelo ao eixo Ox e tem comprimento igual a 2 cm, que MQ tem comprimento igual a 1 cm e que o ponto M tem coordenadas (4, 3/2). Uma possível equação da semicircunferência é dada por:

- a) $y = (-5/2) - \sqrt{[1 - (x - 5)^2]}$
- b) $y = (5/2) + \sqrt{[1 + (x - 5)^2]}$
- c) $y = (-5/2) + \sqrt{[1 - (x - 5)^2]}$
- d) $y = (5/2) + \sqrt{[1 - (x - 5)^2]}$
- e) $y = (5/2) + \sqrt{[1 + (x - 5)^2]}$

143. (Uem) Considere o paralelogramo MNPQ. Os vértices M e N desse paralelogramo são determinados pelas interseções entre a reta r de equação $y = -x - 1$ e a circunferência C de equação $(x - 1)^2 + (y + 1)^2 = 1$, sendo que o ponto M está sobre o eixo das ordenadas e o vértice Q tem coordenadas (2,1).

Nessas condições, é correto afirmar que

- 01) o outro vértice do paralelogramo está sobre o eixo OX.
- 02) o paralelogramo é um retângulo.
- 04) as diagonais do paralelogramo se interceptam nos seus pontos médios.

08) a área do paralelogramo é maior que a área do círculo de circunferência C dada.

16) a medida da diagonal desse paralelogramo é maior que 3 unidades de comprimento.

32) o centro da circunferência está no exterior do paralelogramo.

144. (Ufsc) Considere a circunferência C: $(x - 4)^2 + (y - 3)^2 = 16$ e a reta r: $4x + 3y - 10 = 0$.

Assinale a soma dos números associados à(s) proposição(ões) CORRETA(S).

- (01) A circunferência C intercepta o eixo das abscissas em 2 (dois) pontos e o das ordenadas em 1 (um) ponto.
- (02) O centro de C é o ponto (3, 4).
- (04) A distância da reta r ao centro de C é menor do que 4.
- (08) $r \cap C = \emptyset$.
- (16) A função y dada pela equação da reta r é decrescente.

145. (Pucpr) O gráfico de $x^2 + y^2 - 6|y| = 0$ representa:

- a) uma circunferência com centro no eixo y.
- b) uma circunferência com centro no eixo x.
- c) um par de circunferências tangentes com centros no eixo x.
- d) um par de circunferências tangentes com centros no eixo y.
- e) um par de circunferências concêntricas com centros no eixo x.

146. (Pucrs) O raio da circunferência centrada na origem que tangencia a reta de equação $y = x - 1$ é

- a) 1
- b) 1/2
- c) $\sqrt{2}$
- d) $(\sqrt{2})/2$
- e) $(\sqrt{2}) - 1$

147. (Unesp) Considere a circunferência $x^2 + (y - 2)^2 = 4$ e o ponto P(0, -3).

- a) Encontre uma equação da reta que passe por P e tangencie a circunferência num ponto Q de abscissa positiva.
- b) Determine as coordenadas do ponto Q.

148. (Ita) Sejam r e s duas retas que se interceptam segundo um ângulo de 60° . Seja C uma circunferência de 3 cm de raio, cujo centro O se situa em s , a 5 cm de r .

Determine o raio da menor circunferência tangente à C e à reta r , cujo centro também se situa na reta s .

149. (Ita) Sejam os pontos $A: (2, 0)$, $B: (4, 0)$ e $P: (3, 5+2\sqrt{2})$.

a) Determine a equação da circunferência C , cujo centro está situado no primeiro quadrante, passa pelos pontos A e B e é tangente ao eixo y .

b) Determine as equações das retas tangentes à circunferência C que passam pelo ponto P .

150. (Ufes) Em um sistema de coordenadas cartesianas ortogonais, considere as circunferências dadas pelas equações

$$(6x - 25)^2 + 36y^2 = 25^2$$

$$64x^2 + (8y - 25)^2 = 25^2$$

A equação da reta determinada pelos centros dessas circunferências é

a) $25x + 25y = 25^2$

b) $64x + 36y = 25^2$

c) $36x + 64y = 25^2$

d) $8x + 6y = 25$

e) $6x + 8y = 25$

151. (Ufrj) Represente graficamente a região do plano que é dada por

$$\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 \text{ tal que } x^2 + y^2 \leq 1, y < 1 - |x| \text{ e } y > -1 - x\}$$

152. (Ita) Uma circunferência passa pelos pontos $A = (0, 2)$, $B = (0, 8)$ e $C = (8, 8)$.

Então, o centro da circunferência e o valor de seu raio, respectivamente, são

a) $(0, 5)$ e 6 .

b) $(5, 4)$ e 5 .

c) $(4, 8)$ e $5,5$.

d) $(4, 5)$ e 5 .

e) $(4, 6)$ e 5 .

153. (Ita) Seja C a circunferência de centro na origem, passando pelo ponto $P = (3, 4)$. Se t é a reta tangente a C por P , determine a circunferência C' de menor raio, com centro sobre o eixo x e tangente simultaneamente à reta t e à circunferência C .

154. (Pucpr) A área da região plana compreendida entre $x^2 + y^2 \leq 9$ e $|x| + |y| \geq 3$ é igual a:

a) $9(\pi + 2)$

b) $9(\pi - 2)$

c) $3(2\pi - 3)$

d) $4(3\pi - 5)$

e) $4(2\pi - 5)$

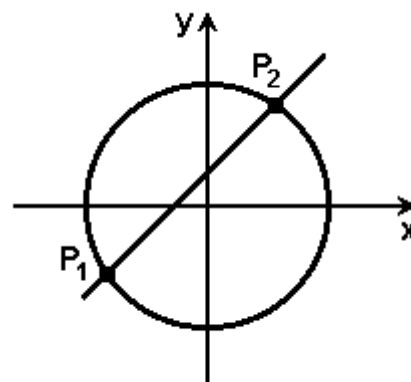
155. (Ufg) Dado o sistema de equações:

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 4x - 2y + 4 = 0 \\ y = mx, m \in \mathbb{R} \end{cases}$$

a) Represente graficamente, no plano cartesiano, o sistema quando a reta $y = mx$ passa pelo centro da circunferência descrita pela primeira equação.

b) Determine o conjunto de valores de m para que o sistema admita duas soluções.

156. (Ufrj) A reta $y = x + k$, k fixo, intercepta a circunferência $x^2 + y^2 = 1$ em dois pontos distintos, P_1 e P_2 , como mostra a figura a seguir.



a) Determine os possíveis valores de k .

b) Determine o comprimento do segmento P_1P_2 em função de k .

157. (Unicamp) As transmissões de uma determinada emissora de rádio são feitas por meio de 4 antenas situadas nos pontos $A(0,0)$, $B(100,0)$, $C(60,40)$ e $D(0,40)$, sendo o quilômetro a unidade de comprimento. Desprezando a altura das antenas e supondo que o alcance máximo de cada antena é de 20 km, pergunta-se:

- O ponto médio do segmento BC recebe as transmissões dessa emissora? Justifique sua resposta apresentando os cálculos necessários.
- Qual a área da região limitada pelo quadrilátero ABCD que não é alcançada pelas transmissões da referida emissora?

158. (Uff) Considere a equação

$$(m+n-1)x^2+(m-n+1)y^2+2x+2y-2=0.$$

Pode-se afirmar que:

- Se $m=0$ e $n=2$ então a equação representa uma elipse.
- Se $m=n=0$ então a equação representa uma reta.
- Se $m=0$ e $n=1$ então a equação representa uma parábola.
- Se $m=1$ e $n=2$ então a equação representa uma hipérbole.
- Se $m=n=1$ então a equação representa uma circunferência.

159. (Mackenzie) I - Se $0 < x < \pi/2$, então os pontos $(\sin x, -\cos x)$, $(-\sin x, \cos x)$ e $(-1, \cos x)$ sempre são vértices de um triângulo.

II - Se a e b são números reais tais que $a > b > 0$, então as retas $x - ay + a^2 = 0$ e $x + by + b^2 = 0$ nunca são paralelas.

III - A reta $x + y - 5\sqrt{2} = 0$ é tangente à curva $x^2 + y^2 - 25 = 0$.

Relativamente às afirmações acima, podemos afirmar que:

- somente I e II são verdadeiras.
- somente I e III são verdadeiras.
- somente II e III são verdadeiras.
- todas são falsas.
- todas são verdadeiras.

160. (Ufsm) Sendo $a \neq k\pi$, $k \in \mathbb{Z}$, e $P(x, y)$ um ponto do plano tal que

$\cos a = (4x - 16)/5$ e $\operatorname{cosec} a = 5/(4y - 8)$, pode-se afirmar que $P(x, y)$ é um ponto da circunferência de raio _____ que está centrada no ponto _____.

Assinale a alternativa que preenche corretamente as lacunas.

- 5; (4, 2)
- 5; (16, 8)
- 5/4; (4/5, 2/5)
- 5/4; (4, 2)
- 1; ($\cos a$, $\sin a$)

GABARITO

1. [D]

2. [B]

3. [A]

4. [A]

5. $02 + 16 = 18$

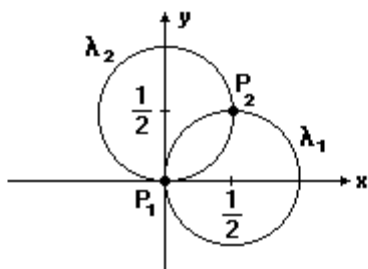
6. $01 + 02 + 04 = 07$

7. a) $P(a, 0) / -1 < a < 1$

b) $P' [2c/(c^2+1); (c^2-1)/(c^2+1)]$

8. a) Observe a figura:

$$\lambda_1: x^2 + y^2 = x \quad \left\{ \begin{array}{l} C_1 \left(\frac{1}{2}, 0 \right) \\ r_1 = \frac{1}{2} \end{array} \right. \quad \lambda_2: x^2 + y^2 = y \quad \left\{ \begin{array}{l} C_2 \left(0, \frac{1}{2} \right) \\ r_2 = \frac{1}{2} \end{array} \right.$$



b) Um ponto de intersecção é $(0,0)$ e as retas tangentes às respectivas circunferências por este ponto são $x = 0$ e $y = 0$, que são perpendiculares. O outro ponto de intersecção é $(1/2, 1/2)$ e as retas tangentes às respectivas circunferências por este ponto são $y = 1/2$ e $x = 1/2$ que são perpendiculares.

9. [D]

10. $y = x - 1$ e $y = -x + 5$

11. a) $m = -1/2$

b) $y = 2x$ e o ponto A pertence à mediatriz

c) $y = -x/2$

12. A corda mede $(60\sqrt{61})/61$ unidades de comprimento

13. [B]

14. a) $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 = 25$

b) $\lambda_1: (x - 6)^2 + (y - 2\sqrt{3})^2 = 12$

$\lambda_2: (x - 14)^2 + (y - 14\sqrt{3}/3)^2 = 196/3$

15. $(3 + \sqrt{2}/2; 4 - \sqrt{2}/2)$ e $(3 - \sqrt{2}/2; 4 + \sqrt{2}/2)$

16. a) $x - 2y - 1 = 0$

b) $(x - 3) + (y - 1)^2 = 1$

17. [A]

18. [D]

19. [C]

20. [A]

21. [D]

22. [E]

23. [C]

24. [E]

25. [E]

26. [A]

27. [B]

28. a) $x + 2y - 6 = 0$

b) $(x - 4/5)^2 + (y - 13/5)^2 = 4/5$

29. $(5/2, 1/2)$

30. [B]

31. [B]

32. [A]

33. [A]

34. $x^2 + y^2 - 4x - 2y - 20 = 0$

35. [A]

36. 03

37. [A]

38. [C]

39. [D]

40. [D]

41. [D]

42. a) (7,7)
b) 10π km/h

43. [B]

44. [E]

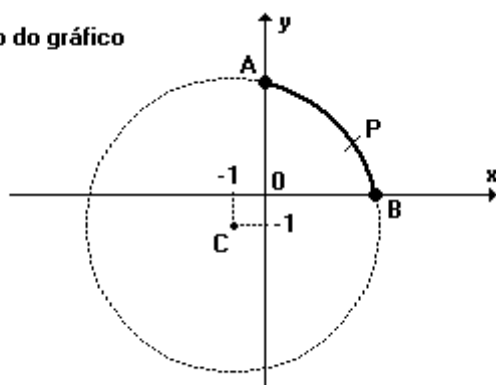
45. [A]

46. [A]

47. a) (1,1) e (1, -7)
b) $\sqrt{2}$ e $5\sqrt{2}$

48. a) Gráfico:

a) Esboço do gráfico



Nome da curva: arco de circunferência.

b) $x = 1,63$ toneladas e $y = 3,26$ toneladas, aproximadamente.

49. [B]

50. [E]

51. [E]

52. [A]

53. Os vértices pedidos são: (5, 5), (4, -2) e (-2, 6).

54. [B]

55. [D]

56. [A]

57. [C]

58. a)
 $0 < x < 120$
 $y = 0$
 $x^2 + (y - 40)^2 > 50^2$
 $|x - y - 20| < 20 \cdot \sqrt{2}$
b) $30 < x < 20 \cdot (1 + \sqrt{2})$

59. [B]

60. $04 + 16 = 20$

61. [A]

62. [B]

63. [D]

64. [C]

65. [A]

66. [B]

67. $(x - 2)^2 + (y - 5)^2 = 5$

68. [A]

69. [C]

70. [D]

71. a) A situado entre B e C = 10/3 cm
A situado fora de B e C = 10 cm

b) $3x^2 + 3y^2 - 40x + 100 = 0$, circunferência de círculo.

72. [B]

73. a) 90°

b) $A = (1 + 2\pi) \text{ u.a./4}$

74. [D]

75. [A]

76. [E]

77. [C]

78. a) $p = 1$

b) M (2, -1); Q (-1, 2)

79. $[x - (2 - \sqrt{2}) / (2 + \sqrt{2})]^2 + [y - (2 - \sqrt{2}) / (2 + \sqrt{2})]^2 = [(2 - \sqrt{2}) / (2 + \sqrt{2})]^2$

80. [A]

81. [D]

82. $04 + 08 = 12$

83. [E]

84. [A]

85. F V F V V F V

86. V F V F F V

87. [D]

88. [A]

89. $02 + 08 = 10$

90. [D]

91. [E]

92. [C]

93. [D]

94. [C]

95. a) Pertence.

b) $x - 3 = 0$ e $8x - 15y + 51 = 0$

96. [D]

97. [C]

98. $02 + 08 + 16 = 26$

99. $01 + 08 = 09$

100. $01 + 04 + 16 + 32 = 53$

101. [B]

102. [D]

103. a) 97,5

b) $[x - (9/4)]^2 + [y - (17/2)]^2 = 2197/16$

104. $(x - h)^2 + y^2 = r^2$
 $y = \sqrt{x}$

$x^2 + (1 - 2h)x + (h^2 - r^2) = 0$

a é raiz dupla:
 $S = 2a = 2h - 1$
 $h = a + 1/2$

$m_{AC} = -2\sqrt{a}$
portanto o coeficiente angular da reta tangente é $1/(2\sqrt{a})$.

105. [B]

106. a) 1

b) $x^2 + y^2 - 2x - 2y + 1 = 0$

107. [D]

108. a) $x + 2y - 8 = 0$

b) (8,0) e (0,4)

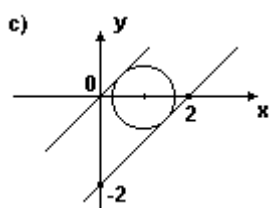
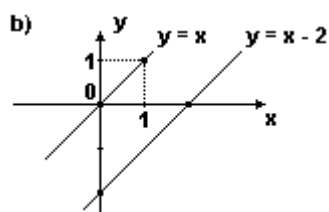
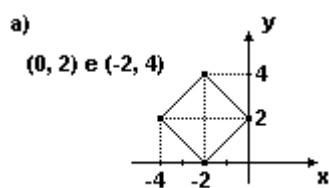
c) $4\sqrt{5}$

109. [B]

110. [D]

111. [B]

112. Observe os gráficos a seguir:



d) $R = \frac{\sqrt{2}}{2}$

e) C (1,0)

113. [E]

114. [B]

115. [D]

116. F V V F F

117. a) A (3, -2); B(3, 4); C(1, 5)

b) s: $7x + 2y - 17 = 0$

c) $\lambda: (x - 1)^2 + (y - 5)^2 = 5$

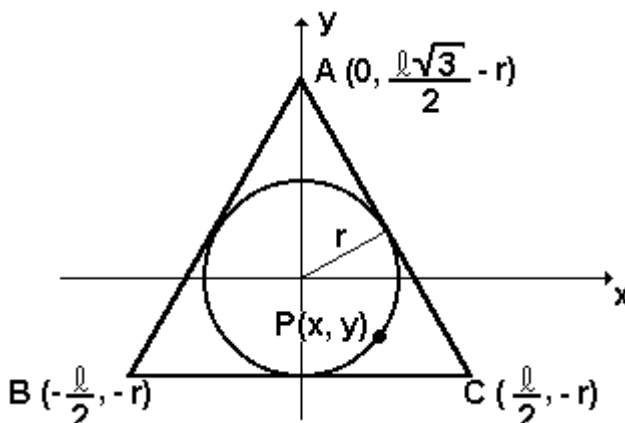
118. [B]

119. [B]

120. [C]

121. [E]

122. Sejam l o lado do triângulo e r o raio da circunferência.



$$\begin{aligned} [(l\sqrt{3})/2 - r]^2 &= r^2 + (l/2)^2 \\ (3l^2)/4 - r l\sqrt{3} + r^2 &= r^2 + l^2/4 \\ (3l^2)/4 - r l\sqrt{3} &= l^2/4 \\ (2l^2)/4 - r l\sqrt{3} &= 0 \\ l(l/2 - r\sqrt{3}) &= 0 \end{aligned}$$

Como $l \neq 0$, temos:

$$l/2 - r\sqrt{3} = 0 \Rightarrow l = 2r\sqrt{3}$$

Para qualquer ponto $P(x,y)$ sobre a circunferência, a soma dos quadrados de suas distâncias aos vértices do triângulo é:

$$\begin{aligned} x^2 + [y - (l\sqrt{3})/2 + r]^2 + (x - l/2)^2 + (y + r)^2 + \\ + (x + l/2)^2 + (y + r)^2 = \\ x^2 + y^2 - 3l^2/4 + r^2 - y l\sqrt{3} + 2yr - l r\sqrt{3} + x^2 - \\ - xl + l^2/4 + y^2 + 2yr + r^2 + x^2 + xl + l^2/4 + y^2 + 2yr + \\ r^2 = \\ 3x^2 + 3y^2 + 5l^2/4 + 3r^2 - y l\sqrt{3} + 6yr - l r\sqrt{3} = \\ 5l^2/4 + 6r^2 - y l\sqrt{3} + 6yr - l r\sqrt{3} = \\ 5l^2/4 + 6r^2 - y 2r\sqrt{3} + 6yr - 2r\sqrt{3} 3r\sqrt{3} \text{ (pois } l=2r\sqrt{3}) \\ = \\ 5l^2/4 + 6r^2 - 6yr + 6yr - 6r^2 = \\ 5l^2/4. \end{aligned}$$

Portanto para qualquer ponto $P(x,y)$ sobre a circunferência, a soma dos quadrados de suas distâncias aos vértices do triângulo é constante e igual a $5l^2/4$.

123. 25/3 u.a.

124. [D]

125. [D]

126. a) $R < 13$

b) $R = 13$

127. [B]

128. O centro é (6:8) e o raio é 20 metros, portanto ele percorreu 10 metros.

129. [C]

130. a) C: $(x-1)^2 + (y-2)^2 = 1, 0 \leq x \leq 2$ e $2 \leq y \leq 3$

b) π

131. [D]

132. [A]

133. a) (0; 0)

b) $a = -4$

134. a) P(4;2)

b) $y = 2 \cdot x - 6$ e $mr = 2$

135. $01 + 02 + 04 + 08 + 32 = 47$

136. [A]

137. [B]

138. [C]

139. [D]

140. [D]

141. [D]

142. [D]

143. itens corretos: 01, 02, 04, 08 e 16
itens incorretos: 32

144. proposições corretas: 01, 04 e 16
proposições incorretas: 02 e 08

145. [D]

146. [D]

147. a) $(\sqrt{21})x - 2y - 6 = 0$

b) $Q = (2\sqrt{21}/5; 6/5)$

148. $(29 - 16\sqrt{3})$ cm

149. a) Uma equação para C pode ser:

$$(x-3)^2 + (y-2\sqrt{2})^2 = 9.$$

b) As equações das retas tangentes à circunferência C podem ser:

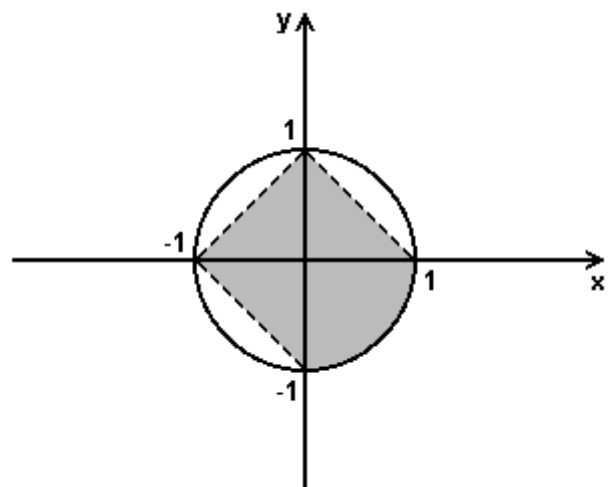
$$y - (5 + 2\sqrt{2}) = (4/3)(x-3)$$

e

$$y - (5 + 2\sqrt{2}) = -(4/3)(x-3)$$

150. [E]

151. Observe a figura abaixo:

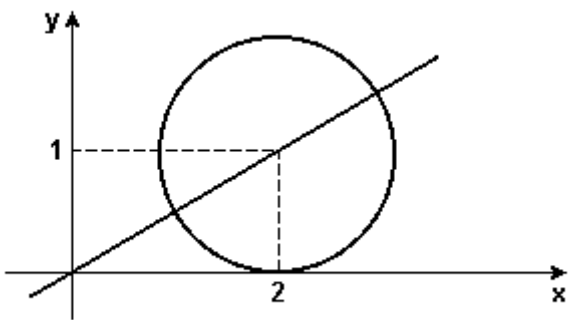


152. [D]

153. C': $16x^2 + 16y^2 - 200x - 225 = 0$

154. [B]

155. a) Calculando o centro (C) e o raio (r) da circunferência, encontramos: C(2,1) e $r = 1$.



b) $0 < m < 4/3$

156. a) $|k| < \sqrt{2}$.

b) $\sqrt{2(2 - k^2)}$.

157. a) Não

b) $400(8 - \pi) \text{ km}^2$

158. [E]

159. [E]

160. [D]