

P.132 Situação inicial:

$$\theta_1 = 127 \text{ }^\circ\text{C} \Rightarrow T_1 = 127 + 273 \Rightarrow T_1 = 400 \text{ K}; V_1 = 10 \text{ l}$$

Situação final:

$$\theta_2 = 327 \text{ }^\circ\text{C} \Rightarrow T_2 = 327 + 273 \Rightarrow T_2 = 600 \text{ K}$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{T_2}{T_1} \Rightarrow \frac{V_2}{10} = \frac{600}{400} \Rightarrow V_2 = 15 \text{ l}$$

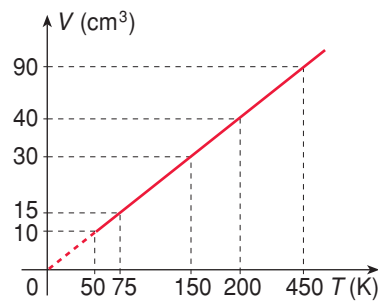
$$\Delta V = V_2 - V_1 \Rightarrow \Delta V = 15 - 10 \Rightarrow \boxed{\Delta V = 5 \text{ l}}$$

P.133 a) Analisando os dados da tabela, concluímos que a relação entre os valores do volume (V) e os correspondentes valores de temperatura absoluta (T) mantém-se constante:

$$\frac{V}{T} = \frac{10}{50} = \frac{15}{75} = \frac{30}{150} = \frac{40}{200} = \frac{90}{450} = \text{constante}$$

Portanto, o gás está sofrendo uma transformação **isobárica** (pressão constante).

b) Colocando os valores da tabela no diagrama $V \times T$, obtém-se uma reta cujo prolongamento passa pela origem, que corresponde ao zero absoluto:



P.134 Dados: $p_1 = 1,0 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$; $T_1 = (27 + 273) \text{ K} = 300 \text{ K}$; $p_2 = 3,0 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$

$$\frac{p_1}{T_1} = \frac{p_2}{T_2} \Rightarrow \frac{1,0 \cdot 10^5}{300} = \frac{3,0 \cdot 10^5}{T_2} \Rightarrow \boxed{T_2 = 900 \text{ K}}$$

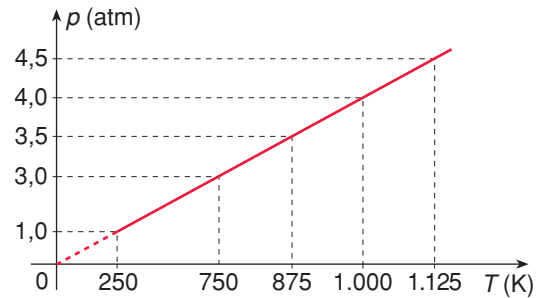
$$\theta_2 = T_2 - 273 \Rightarrow \theta_2 = 900 - 273 \Rightarrow \boxed{\theta_2 = 627 \text{ }^\circ\text{C}}$$

- P.135** a) Analisando os dados da tabela, concluímos que a relação entre os valores da pressão (p) e os correspondentes valores da temperatura absoluta (T) permanece constante:

$$\frac{p}{T} = \frac{1,0}{250} = \frac{3,0}{750} = \frac{3,5}{875} = \frac{4,0}{1.000} = \frac{4,5}{1.125} = \text{constante}$$

Portanto, o gás está sofrendo uma transformação **isocórica** ou **isométrica** (volume constante).

- b) Lançando os valores da tabela no diagrama $p \times T$, obtém-se uma reta cujo prolongamento passa pela origem (zero absoluto).



- P.136** Dados: $p_1 = 5 \text{ atm}$; $V_1 = 45 \text{ l}$; $V_2 = 30 \text{ l}$

Supondo que o gás é ideal, ele sofre uma transformação isotérmica, valendo a lei de Boyle:

$$p_1 V_1 = p_2 V_2 \Rightarrow 5 \cdot 45 = p_2 \cdot 30 \Rightarrow p_2 = 7,5 \text{ atm}$$

- P.137** Transformação $A \rightarrow B$: $p_A = 5,0 \text{ atm}$; $V_A = 0,50 \text{ m}^3$; $V_B = 0,80 \text{ m}^3$

$$p_A V_A = p_B V_B \Rightarrow 5,0 \cdot 0,50 = p_B \cdot 0,80 \Rightarrow p_B = 3,125 \text{ atm}$$

Transformação $A \rightarrow C$: $p_A = 5,0 \text{ atm}$; $V_A = 0,50 \text{ m}^3$; $p_C = 1,0 \text{ atm}$

$$p_A V_A = p_C V_C \Rightarrow 5,0 \cdot 0,50 = 1,0 \cdot V_C \Rightarrow V_C = 2,5 \text{ m}^3$$

- P.138** Dados: $n_1 = 1 \text{ mol}$; $V_1 = 22,4 \text{ l}$; $V_2 = 112 \text{ l}$

$$pV_1 = n_1 RT \quad \textcircled{1}$$

$$pV_2 = n_2 RT \quad \textcircled{2}$$

Dividindo $\textcircled{1}$ por $\textcircled{2}$, temos:

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{n_1}{n_2} \Rightarrow \frac{22,4}{112} = \frac{1}{n_2} \Rightarrow n_2 = 5 \text{ mols}$$

$$\left. \begin{array}{l} 1 \text{ mol} \text{ — } N_A = 6,023 \cdot 10^{23} \text{ moléculas} \\ 5 \text{ mol} \text{ — } x \end{array} \right\}$$

$$x = 5 \cdot 6,023 \cdot 10^{23} \Rightarrow x = 3,0115 \cdot 10^{24} \text{ moléculas}$$

P.139 Dados: $M = 16 \text{ g/mol}$; $V = 123 \text{ l}$; $p = 2 \text{ atm}$; $\theta = 327 \text{ }^\circ\text{C}$;

$$T = (327 + 273) \text{ K} = 600 \text{ K}; R = 0,082 \frac{\text{atm} \cdot \text{l}}{\text{mol} \cdot \text{K}}$$

a) $pV = nRT \Rightarrow 2 \cdot 123 = n \cdot 0,082 \cdot 600 \Rightarrow n = 5 \text{ mols}$

b) $n = \frac{m}{M} \Rightarrow m = nM \Rightarrow m = 5 \cdot 16 \Rightarrow m = 80 \text{ g}$

c) Dados: $V_1 = 123 \text{ l}$; $n_1 = 5 \text{ mols}$; $n_2 = 1 \text{ mol}$

$$\frac{V_1}{V_2} = \frac{n_1}{n_2} \Rightarrow \frac{123}{V_2} = \frac{5}{1} \Rightarrow V_2 = 24,6 \text{ l}$$

P.140 Dados: $M = 32 \text{ g/mol}$; $V_1 = 2,0 \text{ l}$; $p_1 = 1,5 \text{ atm}$; $\theta_1 = 20 \text{ }^\circ\text{C}$

$$T_1 = (20 + 273) \text{ K} = 293 \text{ K}; R = 0,082 \frac{\text{atm} \cdot \text{l}}{\text{mol} \cdot \text{K}}$$

$$V_2 = 3,0 \text{ l}; p_2 = 2,0 \text{ atm}$$

a) Lei geral dos gases perfeitos:

$$\frac{p_1 V_1}{T_1} = \frac{p_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{1,5 \cdot 2,0}{293} = \frac{2,0 \cdot 3,0}{T_2} \Rightarrow T_2 = 586 \text{ K}$$

$$\theta_2 = T_2 - 273 \Rightarrow \theta_2 = 586 - 273 \Rightarrow \theta_2 = 313 \text{ }^\circ\text{C}$$

b) $p_1 V_1 = nRT_1 \Rightarrow 1,5 \cdot 2,0 = n \cdot 0,082 \cdot 293 \Rightarrow n \approx 0,125$

$$n = \frac{m}{M} \Rightarrow m = nM = 0,125 \cdot 32 \Rightarrow m = 4 \text{ g}$$

P.141 Dados: $\theta_1 = 30 \text{ }^\circ\text{C}$; $T_1 = (273 + 30) \text{ K} = 303 \text{ K}$; $V_1 = 1.000 \text{ cm}^3$; $p_1 = 10 \text{ N/m}^2$;

$$V_2 = 500 \text{ cm}^3; p_2 = 50 \text{ N/m}^2$$

$$\frac{p_1 V_1}{T_1} = \frac{p_2 V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{10 \cdot 1.000}{303} = \frac{50 \cdot 500}{T_2} \Rightarrow T_2 = 757,5 \text{ K}$$

$$\theta_2 = T_2 - 273 \Rightarrow \theta_2 = 757,5 - 273 \Rightarrow \theta_2 = 484,5 \text{ }^\circ\text{C}$$

P.142 a) I. Transformação isobárica: $p = p_0$; $T = 2T_0$

$$\frac{p_0 V_0}{T_0} = \frac{pV}{T} \Rightarrow \frac{p_0 V_0}{T_0} = \frac{p_0 V}{2T_0} \Rightarrow V = 2V_0$$

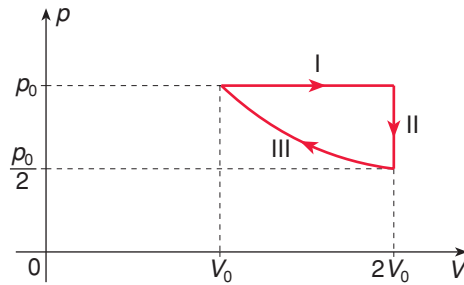
II. Transformação isocórica: $V' = V = 2V_0$; $T' = T_0$

$$\frac{pV}{T} = \frac{p'V'}{T'} \Rightarrow \frac{p_0 2V_0}{2T_0} = \frac{p' 2V_0}{T_0} \Rightarrow p' = \frac{p_0}{2}$$

III. Transformação isotérmica: $T'' = T' = T_0$; $p'' = p_0$

$$\frac{p''V''}{T''} = \frac{p'V'}{T'} \Rightarrow \frac{p_0V''}{T_0} = \frac{p_0 \cdot 2V_0}{T_0} \Rightarrow V'' = V_0$$

b) Representação gráfica pressão \times volume:



P.143 Situação inicial:

$$\theta_1 = 27^\circ\text{C} \Rightarrow T_1 = (27 + 273)\text{K} = 300\text{K}$$

Situação final:

$$\theta_2 = 57^\circ\text{C} \Rightarrow T_2 = (57 + 273)\text{K} = 330\text{K}$$

A transformação pode ser considerada isobárica:

$$\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \Rightarrow \frac{V_1}{300} = \frac{V_2}{330} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{330}{300} \Rightarrow \frac{V_2}{V_1} = 1,1$$

P.144 Situação inicial: $m_1 = 15\text{ kg}$; $p_1 = 3,0\text{ atm}$

Logo:

$$p_1V = \frac{m_1}{M}RT \Rightarrow \frac{VM}{RT} = \frac{m_1}{p_1} \Rightarrow \frac{VM}{RT} = \frac{15}{3,0} \Rightarrow \frac{VM}{RT} = 5 \quad \textcircled{1}$$

Situação final: $p_2 = 2,8\text{ atm}$; $m_2 = ?$

Portanto:

$$p_2V = \frac{m_2}{M}RT \Rightarrow \frac{VM}{RT} = \frac{m_2}{p_2} \Rightarrow \frac{VM}{RT} = \frac{m_2}{2,8} \quad \textcircled{2}$$

Igualando $\textcircled{1}$ e $\textcircled{2}$, temos:

$$\frac{m_2}{2,8} = 5 \Rightarrow m_2 = 14\text{ kg}$$

$$\Delta m = m_1 - m_2 \Rightarrow \Delta m = 15 - 14 \Rightarrow \Delta m = 1\text{ kg}$$

P.145 Situação inicial: $n_1 = 6,0 \text{ mol}$; $p_1 = 4,0 \text{ atm}$

Portanto:

$$p_1 V = n_1 RT \Rightarrow 4V = 6RT \quad \textcircled{1}$$

Situação final: $p_2 = 1,0 \text{ atm}$; $n_2 = ?$

Portanto:

$$p_2 V = n_2 RT \Rightarrow 1V = n_2 RT \quad \textcircled{2}$$

Dividindo $\textcircled{1}$ por $\textcircled{2}$, temos: $\frac{4V}{V} = \frac{6RT}{n_2 RT} \Rightarrow n_2 = \frac{6}{4} \Rightarrow \boxed{n_2 = 1,5 \text{ mol}}$

P.146 Situação inicial:

$$\theta_1 = 427 \text{ }^\circ\text{C} \Rightarrow T_1 = (427 + 273) \text{ K} = 700 \text{ K}$$

Situação final:

$$\theta_2 = 327 \text{ }^\circ\text{C} \Rightarrow T_2 = (327 + 273) \text{ K} = 600 \text{ K}$$

$$\frac{e_{c(1)}}{e_{c(2)}} = \frac{\frac{3}{2} kT_1}{\frac{3}{2} kT_2} = \frac{700}{600} \Rightarrow \boxed{\frac{e_{c(1)}}{e_{c(2)}} = \frac{7}{6} \approx 1,17}$$

P.147 Dados: $\theta = 57 \text{ }^\circ\text{C} \Rightarrow T = \theta + 273 = 57 + 273 \Rightarrow T = 330 \text{ K}$;

$$k = 1,38 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$$

$$e_c = \frac{3}{2} kT \Rightarrow e_c = \frac{3}{2} \cdot 1,38 \cdot 10^{-23} \cdot 330 \Rightarrow \boxed{e_c \approx 6,83 \cdot 10^{-21} \text{ J}}$$

P.148 $T_1 = 300 \text{ K}$; $T_2 = 1.200 \text{ K}$; $v_{300} = v_1$; $v_{1.200} = v_2$

$$v_1^2 = \frac{3RT_1}{M} \quad \textcircled{1} \qquad v_2^2 = \frac{3RT_2}{M} \quad \textcircled{2}$$

Dividindo $\textcircled{1}$ por $\textcircled{2}$, temos:

$$\frac{v_1^2}{v_2^2} = \frac{T_1}{T_2} \Rightarrow \frac{v_1^2}{v_2^2} = \frac{300}{1.200} \Rightarrow \frac{v_1^2}{v_2^2} = \frac{1}{4} \Rightarrow \frac{v_1}{v_2} = \frac{1}{2} \Rightarrow \boxed{\frac{v_1}{v_2} = 0,5}$$

P.149 Hidrogênio: $M_1 = 2 \text{ g/mol}$; oxigênio: $M_2 = 32 \text{ g/mol}$

$$\theta = 27 \text{ }^\circ\text{C} \Rightarrow T = (27 + 273) \text{ K} = 300 \text{ K}$$

a) Como a energia cinética média só depende da temperatura, vem:

$$e_{c(1)} = e_{c(2)} \Rightarrow \boxed{\frac{e_{c(1)}}{e_{c(2)}} = 1}$$

$$b) v_1^2 = \frac{3RT}{M_1} \Rightarrow 3RT = v_1^2 \cdot M_1 \quad \textcircled{1}$$

$$v_2^2 = \frac{3RT}{M_2} \Rightarrow 3RT = v_2^2 \cdot M_2 \quad \textcircled{2}$$

Igualando ① e ②, temos:

$$v_1^2 \cdot M_1 = v_2^2 \cdot M_2$$

$$v_1^2 \cdot 2 = v_2^2 \cdot 32 \Rightarrow \frac{v_1^2}{v_2^2} = 16 \Rightarrow \boxed{\frac{v_1}{v_2} = 4}$$

P.150 $\theta = 127 \text{ }^\circ\text{C} \Rightarrow T = (127 + 273) \text{ K} = 400 \text{ K}$

Como ambos os gases estarão na mesma temperatura, as relações não se modificam:

$$\boxed{\frac{e_{c(1)}}{e_{c(2)}} = 1} \quad \text{e} \quad \boxed{\frac{v_1}{v_2} = 4}$$

P.151 a) Os resultados da terceira coluna da tabela confirmam a lei de Boyle: o produto da pressão p pelo volume V permanece constante.

b) Para o volume de 24 unidades arbitrárias, o desnível de mercúrio é:

$$h = 58 \frac{13}{16} \text{ polegadas} = 1,5 \text{ m}$$

A pressão do ar aprisionado no ramo fechado é dada por:

$$p_{\text{ar}} = p_{\text{atm}} + p_{\text{coluna}} = p_{\text{atm}} + dgh$$

Sendo a densidade do mercúrio $d = 14 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3$,

$g = 10 \text{ m/s}^2$ e $p_{\text{atm}} = 1,0 \cdot 10^5 \text{ Pa}$, vem:

$$p_{\text{ar}} = 1,0 \cdot 10^5 + 14 \cdot 10^3 \cdot 10 \cdot 1,5 \Rightarrow \boxed{p_{\text{ar}} = 3,1 \cdot 10^5 \text{ Pa}}$$

P.152 a) Situação inicial:

$$T_1 = 300 \text{ K}; p_1 = 12 \text{ N/cm}^2; V_1 = V_0$$

Situação final:

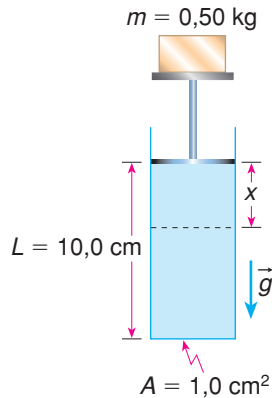
$$T_2 = 350 \text{ K}; p_2 = ?; V_2 = V_0$$

$$\frac{p_1}{T_1} = \frac{p_2}{T_2} \Rightarrow \frac{12}{300} = \frac{p_2}{350} \Rightarrow \boxed{p_2 = 14 \text{ N/cm}^2}$$

b) O acréscimo de pressão ($\Delta p = p_2 - p_1 = 2 \text{ N/cm}^2$) é devido à ação da força adicional \vec{F} agindo sobre o êmbolo da área $A = 225 \text{ cm}^2$. Assim:

$$\Delta p = \frac{F}{A} \Rightarrow F = \Delta p \cdot A = 2 \cdot 225 \Rightarrow \boxed{F = 450 \text{ N}}$$

P.153



Acréscimo de pressão devido à massa m :

$$\Delta p = \frac{mg}{A} = \frac{0,5 \cdot 10}{1,0 \cdot 10^{-4}} \Rightarrow \Delta p = 0,5 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

Situação inicial:

$$V_1 = L \cdot A = 10,0 \cdot 1,0 \Rightarrow V_1 = 10 \text{ cm}^3$$

$$p_1 = p_{\text{atm}} = 1,0 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

Situação final:

$$V_2 = (L - x) \cdot A = (10,0 - x) \cdot 1,0 \Rightarrow V_2 = (10,0 - x) \text{ cm}^3$$

$$p_2 = p_{\text{atm}} + \Delta p = 1,0 \cdot 10^5 + 0,5 \cdot 10^5 \Rightarrow p_2 = 1,5 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

Transformação isotérmica:

$$p_1 V_1 = p_2 V_2$$

$$1,0 \cdot 10^5 \cdot 10,0 = 1,5 \cdot 10^5 \cdot (10,0 - x)$$

$$10,0 = 15,0 - 1,5x \Rightarrow 1,5x = 5,00 \Rightarrow x \approx 3,33 \text{ cm}$$

P.154 Antes: $p_0 = p_{\text{atm}} = 1,0 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$; $V_0 = h_0 \cdot A = 1,0A$

$$\text{Depois: } p = p_0 + \frac{mg}{A} = 1,0 \cdot 10^5 + \frac{m \cdot 10}{20 \cdot 10^{-4}} = 1,0 \cdot 10^5 + \frac{m}{20} \cdot 10^5;$$

$$V = h \cdot A = 0,8A$$

Como a transformação é isotérmica:

$$p_0 V_0 = pV \Rightarrow p_0 h_0 A = p h A \Rightarrow p_0 \cdot 1,0 = p \cdot 0,8 \Rightarrow p_0 = 0,8p$$

Substituindo os valores das pressões:

$$1,0 \cdot 10^5 = 0,8 \left(1,0 \cdot 10^5 + \frac{m}{20} \cdot 10^5 \right) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 1,0 = 0,8 + \frac{m}{20} \cdot 0,8 \Rightarrow 1,0 - 0,8 = \frac{m}{25} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{m}{25} = 0,2 \Rightarrow m = 5 \text{ kg}$$

P.155 a) Dados: $V_0 = 60 \text{ l}$; $p_0 = 100 \text{ atm}$; $T_0 = 300 \text{ K}$; $R = 8 \cdot 10^{-2} \text{ l} \cdot \text{atm/K}$

$$p_0 V_0 = N_0 R T_0 \Rightarrow 100 \cdot 60 = N_0 \cdot 8 \cdot 10^{-2} \cdot 300 \Rightarrow N_0 = 250 \text{ mols}$$

b) Volume de O_2 consumido em 30 minutos:

$$\left. \begin{array}{l} 5 \text{ l} \text{ — } 1 \text{ min} \\ V \text{ — } 30 \text{ min} \end{array} \right\} V = 150 \text{ l}$$

Aplicando a equação de Clapeyron, com $p = 3 \text{ atm}$, obtemos:

$$pV = nRT_0 \Rightarrow 3 \cdot 150 = n \cdot 8 \cdot 10^{-2} \cdot 300 \Rightarrow n = 18,75 \text{ mols}$$

c) Na situação final do O_2 no cilindro, temos:

$$p' = 40 \text{ atm}; V_0 = 60 \text{ l}; T_0 = 300 \text{ K}$$

Cálculo do número de mols restantes:

$$p'V_0 = n'RT_0 \Rightarrow 40 \cdot 60 = n' \cdot 8 \cdot 10^{-2} \cdot 300 \Rightarrow n' = 100 \text{ mols}$$

O número de mols consumidos é:

$$\Delta n = N_0 - n' = 250 - 100 \Rightarrow \Delta n = 150 \text{ mols}$$

Como em 30 min (ou 0,5 h) foram consumidos 18,75 mols, vem:

$$\left. \begin{array}{l} 18,75 \text{ mols} \text{ — } 0,5 \text{ h} \\ 150 \text{ mols} \text{ — } t \end{array} \right\} t = 4 \text{ h}$$

P.156 Dados:

$$\left\{ \begin{array}{l} p = 1,00 \cdot 10^{-10} \text{ atm} = 1,00 \cdot 10^{-10} \cdot 1,01 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2 = 1,01 \cdot 10^{-5} \text{ N/m}^2; \\ T = 300 \text{ K}; V = 1,00 \text{ cm}^3 = 1,00 \cdot 10^{-6} \text{ m}^3; R = 8,31 \text{ J/mol} \cdot \text{K}; \\ N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ moléculas/mol} \end{array} \right.$$

$$pV = nRT \Rightarrow 1,01 \cdot 10^{-5} \cdot 1,00 \cdot 10^{-6} = n \cdot 8,31 \cdot 300 \Rightarrow n \approx 4,05 \cdot 10^{-15} \text{ mol}$$

$$\left. \begin{array}{l} 1 \text{ mol} \text{ — } 6,02 \cdot 10^{23} \text{ moléculas} \\ 4,05 \cdot 10^{-15} \text{ mol} \text{ — } x \end{array} \right\}$$

Portanto:

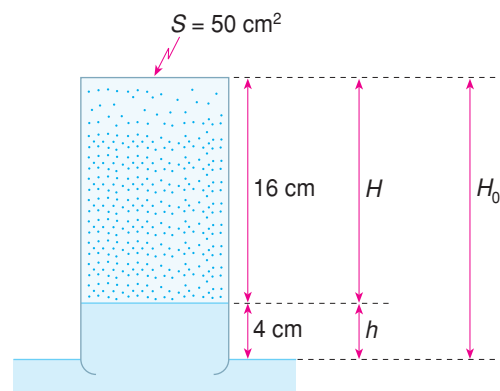
$$x = 6,02 \cdot 10^{23} \cdot 4,05 \cdot 10^{-15} \Rightarrow x \approx 2,44 \cdot 10^9 \text{ moléculas}$$

P.157 a) Depois da entrada da água, o volume do ar será:

$$V = S \cdot H$$

$$V = 50 \cdot 16$$

$$V = 800 \text{ cm}^3$$



b) A pressão do ar na situação inicial é $p_0 = p_{\text{atm}}$

Na situação final, sendo p a pressão do ar, o teorema de Stevin fornece:

$$p_{\text{atm}} = p + dgh \Rightarrow p = p_{\text{atm}} - dgh$$

A variação de pressão sofrida pelo ar será:

$$\Delta p = p - p_0 \Rightarrow \Delta p = p_{\text{atm}} - dgh - p_{\text{atm}} \Rightarrow \Delta p = -dgh$$

Mas: $d = 10^3 \text{ kg/m}^3$; $g = 10 \text{ m/s}^2$; $h = 4 \text{ cm} = 4 \cdot 10^{-2} \text{ m}$; portanto:

$$\Delta p = -10^3 \cdot 10 \cdot 4 \cdot 10^{-2} \Rightarrow \Delta p = -400 \text{ N/m}^2$$

O sinal negativo indica que houve uma diminuição na pressão do ar.

c) Considerando desprezível a variação da pressão do ar, a transformação pode ser

considerada isobárica; então: $\frac{V_0}{T_0} = \frac{V_A}{T_A}$

Mas: $T_A = 27 + 273 \Rightarrow T_A = 300 \text{ K}$; logo:

$$\frac{H_0 \cdot \cancel{S}}{T_0} = \frac{H \cdot \cancel{S}}{T_A} \Rightarrow \frac{20}{T_0} = \frac{16}{300} \Rightarrow T_0 = 375 \text{ K}$$

Em graus Celsius:

$$T_0 = 375 - 273 \Rightarrow T_0 = 102 \text{ }^\circ\text{C}$$