

P.267 a) $F - f_{\text{at.}} = ma \Rightarrow 8,0 - f_{\text{at.}} = 2,0 \cdot 2,0 \Rightarrow f_{\text{at.}} = 4,0 \text{ N}$

b) $f_{\text{at.}} = \mu_d \cdot F_N \Rightarrow f_{\text{at.}} = \mu_d \cdot mg \Rightarrow 4,0 = \mu_d \cdot 2,0 \cdot 10 \Rightarrow \mu_d = 0,20$

c) $R = \sqrt{f_{\text{at.}}^2 + F_N^2} \Rightarrow R = \sqrt{(4,0)^2 + (20)^2} \Rightarrow R \approx 20,4 \text{ N}$

P.268 Sendo um movimento retilíneo e uniforme (MRU), temos:

$F = f_{\text{at.}} \Rightarrow F = \mu_d \cdot F_N \Rightarrow F = \mu_d \cdot mg \Rightarrow 180 = \mu_d \cdot 60 \cdot 10 \Rightarrow \mu_d = 0,3$

P.269 $f_{\text{at.}} = ma$

$\mu_d \cdot F_N = ma$

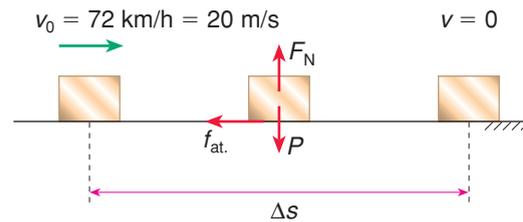
$\mu_d \cdot mg = ma$

$a = \mu_d \cdot g$

$a = 0,4 \cdot 10$

$a = 4 \text{ m/s}^2$

$v^2 = v_0^2 + 2a\Delta s \Rightarrow 0 = 20^2 + 2 \cdot (-4) \cdot \Delta s \Rightarrow \Delta s = 50 \text{ m}$



P.270 $f_{\text{at.}} = \mu_d \cdot F_N \Rightarrow f_{\text{at.}} = 0,6 \cdot 100 \Rightarrow f_{\text{at.}} = 60 \text{ N}$

$F_R = ma$

Corpo A: $T - f_{\text{at.}} = m_A \cdot a$ ①

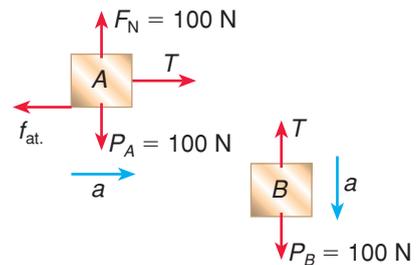
Corpo B: $P_B - T = m_B \cdot a$ ②

$P_B - f_{\text{at.}} = (m_A + m_B) \cdot a$

$100 - 60 = (10 + 10) \cdot a$

$a = 2 \text{ m/s}^2$

De ①: $T - 60 = 10 \cdot 2 \Rightarrow T = 80 \text{ N}$



P.271 Força de atrito dinâmica:

$$f_{at.} = \mu_d \cdot F_N \Rightarrow f_{at.} = \mu_d \cdot P \Rightarrow \\ \Rightarrow f_{at.} = 0,2 \cdot 200 \Rightarrow f_{at.} = 40 \text{ N}$$

Força de atrito estático máxima:

$$f_{at.(máx.)} = \mu_e \cdot F_N \Rightarrow f_{at.(máx.)} = \mu_e \cdot P \Rightarrow f_{at.(máx.)} = 0,3 \cdot 200 \Rightarrow f_{at.(máx.)} = 60 \text{ N}$$

a) $F = 40 \text{ N} < f_{at.(máx.)}$; o bloco **não** entra em movimento e, estando em repouso:

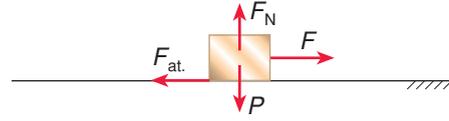
$$F_{at.} = F = 40 \text{ N}$$

b) $F = 60 \text{ N} = f_{at.(máx.)}$; o bloco **não** entra em movimento, mas encontra-se na iminência de escorregar.

Nesse caso: $F_{at.} = F = 60 \text{ N}$

c) $F = 80 \text{ N} > f_{at.(máx.)}$; o bloco entra em movimento e, durante o movimento, a força de atrito é dinâmica:

$$F_{at.} = f_{at.} = 40 \text{ N}$$



P.272 Blocos em equilíbrio:

$$\begin{cases} \text{Bloco A: } T = P_t + f_{at.(máx.)} \\ \text{Bloco B: } T = P_B \end{cases}$$

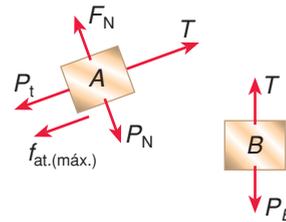
Portanto:

$$P_B = P_t + f_{at.(máx.)}$$

$$P_B = P_A \cdot \text{sen } \theta + \mu_e \cdot P_A \cdot \text{cos } \theta$$

$$P_B = 30 \cdot 0,60 + 0,50 \cdot 30 \cdot 0,80$$

$$P_B = 30 \text{ N}$$



P.273 $F_{máxima} = R \Rightarrow 1.800 = 1,5v_L^2 \Rightarrow v_L \approx 35 \text{ m/s}$

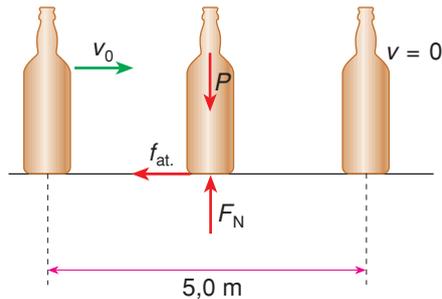
P.274 Quando a esfera atinge a velocidade limite v_L , temos:

$$F_R = 0 \Rightarrow 50 - 2,0 \cdot v_L^2 = 0 \Rightarrow 2,0 \cdot v_L^2 = 50 \Rightarrow v_L = \sqrt{25} \Rightarrow v_L = 5,0 \text{ m/s}$$

- P.275**
- Errada. Após atingir a velocidade limite, o movimento é retilíneo e uniforme. Assim, imediatamente antes de tocar o solo a aceleração é nula.
 - Certa. No instante inicial a velocidade vertical é nula e, portanto, é nula a força de resistência do ar. Nesse instante, a única força vertical que age no corpo do paraquedista é a de atração gravitacional.
 - Errada.
 $v = v_0 + \alpha t \Rightarrow v = 0 + 10 \cdot 10 \Rightarrow v = 100 \text{ m/s} \Rightarrow v = 360 \text{ km/h}$
 - Errada. O conjunto é desacelerado até atingir a velocidade limite, e não até a chegada ao solo.

P.276 $F - f_{\text{at.}} = ma \Rightarrow F - \mu \cdot P = ma \Rightarrow 24 - 0,25 \cdot 80 = 8,0 \cdot a \Rightarrow a = 0,50 \text{ m/s}^2$
 $v = v_0 + at \Rightarrow v = 0 + 0,50 \cdot 10 \Rightarrow v = 5,0 \text{ m/s}$

P.277



$$f_{\text{at.}} = ma \Rightarrow \mu \cdot F_N = ma \Rightarrow \mu \cdot mg = ma \Rightarrow a = \mu g \Rightarrow a = 0,16 \cdot 10,0 \Rightarrow a = 1,6 \text{ m/s}^2$$

De $v^2 = v_0^2 + 2\alpha\Delta s$, sendo $\alpha = -1,6 \text{ m/s}^2$, temos:

$$0 = v_0^2 - 2 \cdot 1,6 \cdot 5,0 \Rightarrow v_0 = 4,0 \text{ m/s}$$

- P.278** a) Sendo a velocidade constante, concluímos que a força resultante que age no sistema de blocos é nula. Assim:

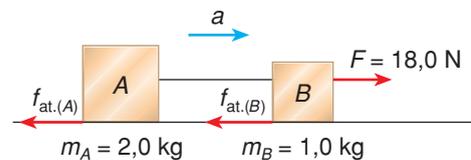
$$F - f_{\text{at.}(A)} - f_{\text{at.}(B)} = 0$$

$$F = f_{\text{at.}(A)} + f_{\text{at.}(B)}$$

$$F = \mu \cdot m_A g + \mu \cdot m_B g$$

$$18,0 = \mu \cdot 2,0 \cdot 10,0 + \mu \cdot 1,0 \cdot 10,0$$

$$\mu = 0,60$$



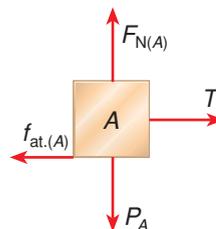
- b) Como a velocidade é constante, temos:

$$T = f_{\text{at.}(A)}$$

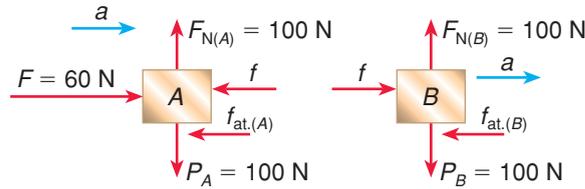
$$T = \mu \cdot m_A \cdot g$$

$$T = 0,60 \cdot 2,0 \cdot 10,0$$

$$T = 12,0 \text{ N}$$



P.279 a)



$$F_R = ma$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{Corpo A: } F - f_{\text{at.(A)}} - f = m_A \cdot a \quad \textcircled{1} \\ \text{Corpo B: } f - f_{\text{at.(B)}} = m_B \cdot a \quad \textcircled{2} \end{array} \right\} \oplus$$

$$F - f_{\text{at.(A)}} - f_{\text{at.(B)}} = (m_A + m_B) \cdot a$$

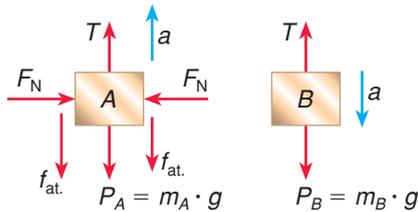
Como $f_{\text{at.(A)}} = \mu \cdot F_{N(A)}$, temos: $f_{\text{at.(A)}} = 0,20 \cdot 100 \Rightarrow f_{\text{at.(A)}} = 20 \text{ N}$

Sendo $f_{\text{at.(B)}} = f_{\text{at.(A)}} = 20 \text{ N}$, vem:

$$60 - 20 - 20 = (10 + 10) \cdot a \Rightarrow a = 1,0 \text{ m/s}^2$$

b) De $\textcircled{2}$: $f - 20 = 10 \cdot 1,0 \Rightarrow f = 30 \text{ N}$

P.280 a)



$$F_R = ma$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{Corpo A: } T - P_A - 2f_{\text{at.}} = m_A a \quad \textcircled{1} \\ \text{Corpo B: } P_B - T = m_B \cdot a \quad \textcircled{2} \end{array} \right\} \oplus$$

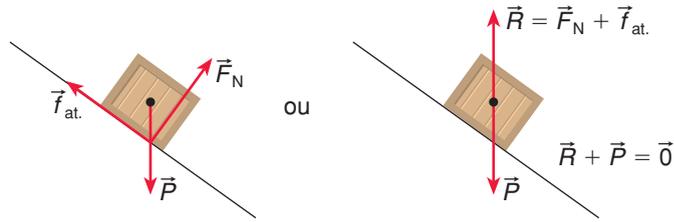
$$P_B - P_A - 2f_{\text{at.}} = (m_A + m_B) \cdot a$$

$$m_B \cdot g - m_A \cdot g - 2\mu \cdot F_N = (m_A + m_B) \cdot a$$

$$a = \frac{(m_B - m_A) \cdot g - 2\mu \cdot F_N}{m_A + m_B}$$

b) $v = \text{constante} \Rightarrow a = 0 \Rightarrow F_N = \frac{(m_B - m_A) \cdot g}{2\mu}$

P.281 a)



b) Estando a caixa em repouso, a intensidade da força resultante na direção do plano de apoio é nula.

$$c) f_{at.} = P_t \Rightarrow \mu \cdot F_N = P_t \Rightarrow \mu \cdot P_n = P_t \Rightarrow \mu \cdot P \cdot \cos \theta = P \cdot \sin \theta \Rightarrow \mu = \operatorname{tg} \theta$$

Sendo $\theta = 30^\circ$, temos:

$$\mu = \operatorname{tg} 30^\circ \Rightarrow \mu = \frac{\operatorname{sen} 30^\circ}{\operatorname{cos} 30^\circ} \Rightarrow \mu = \frac{0,50}{0,87} \Rightarrow \mu \approx 0,57$$

P.282 Façamos $m_1 = m$ e $m_2 = 4m$.

$$a) P_t = P_2 \cdot \operatorname{sen} \theta = 4mg \cdot 0,6 = 2,4mg$$

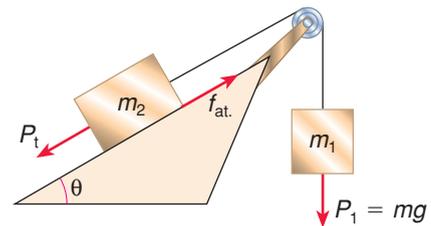
$$f_{at.} = \mu \cdot P_n$$

$$f_{at.} = \mu \cdot P \cdot \operatorname{cos} \theta = 0,2 \cdot 4mg \cdot 0,8$$

$$f_{at.} = 0,64mg$$

$$P_1 = mg$$

Sendo $P_t > f_{at.} + P_1$, concluímos que **entrará em movimento** tal que m_2 desce e m_1 sobe.



b) Pela equação fundamental da Dinâmica aplicada ao conjunto, vem:

$$F_R = ma$$

$$P_t - f_{at.} - P_1 = (m_1 + m_2) \cdot a$$

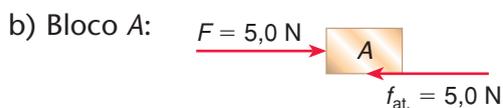
$$2,4mg - 0,64mg - mg = (4m + m) \cdot a$$

$$0,76mg = 5ma$$

$$a = 1,52 \text{ m/s}^2$$

A aceleração de m_1 tem sentido de baixo para cima.

P.283 a) O bloco B permanece em repouso.



O bloco B não está sujeito a forças horizontais.

P.284

$$f_{\text{at.}} = \mu_{AB} \cdot F_{N(A)} = \mu_{AB} \cdot P_A$$

$$f_{\text{at.}} = 0,25 \cdot 100$$

$$f_{\text{at.}} = 25 \text{ N}$$

$$T = f_{\text{at.}} \Rightarrow \boxed{T = 25 \text{ N}}$$

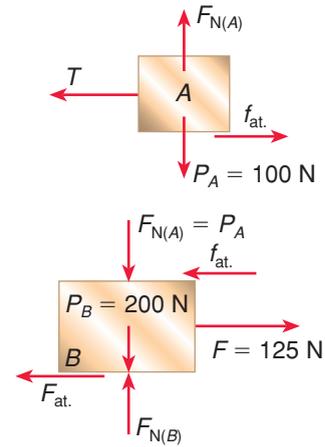
$$F = f_{\text{at.}} + F_{\text{at.}}$$

$$125 = 25 + F_{\text{at.}}$$

$$F_{\text{at.}} = 100 \text{ N}$$

Sendo $F_{\text{at.}} = \mu \cdot F_{N(B)}$, temos:

$$F_{\text{at.}} = \mu \cdot (P_A + P_B) \Rightarrow 100 = \mu \cdot (100 + 200) \Rightarrow \boxed{\mu = \frac{1}{3}}$$



P.285

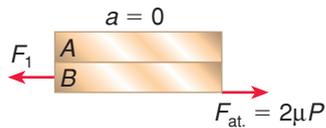
Nos três casos, a força de atrito entre B e o solo, na iminência de movimento ou velocidade constante, é $\mu \cdot F_N$, onde F_N é $P_1 + P_2$ ou $2P$, já que $P_1 = P_2$.

$$\text{Daí: } F_{\text{at.}} = \mu \cdot F_N = 2\mu \cdot P$$

A força de atrito entre A e B tem intensidade

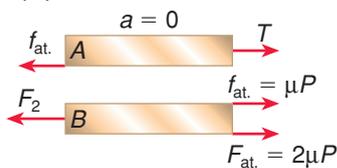
$$f_{\text{at.}} = \mu \cdot F_N = \mu \cdot P, \text{ onde } F_N = P = \text{peso de A.}$$

(I)



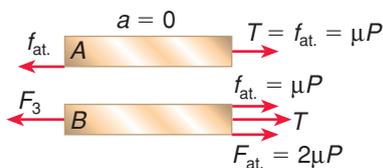
$$(B) F_1 = 2\mu \cdot P$$

(II)



$$(B) F_2 = F_{\text{at.}} + f_{\text{at.}} \\ F_2 = 3\mu \cdot P$$

(III)

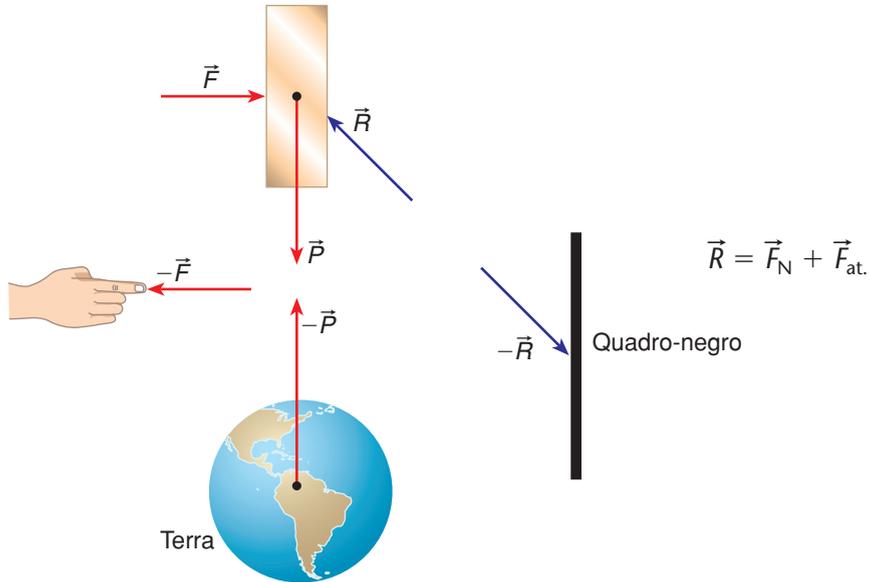


$$(B) F_3 = f_{\text{at.}} + T + F_{\text{at.}} \\ F_3 = \mu \cdot P + \mu \cdot P + 2\mu \cdot P \\ F_3 = 4\mu \cdot P$$

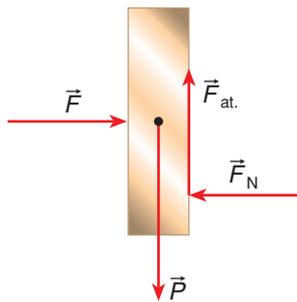
Relações:

$$\frac{F_2}{F_1} = \frac{3\mu \cdot P}{2\mu \cdot P} \Rightarrow \boxed{\frac{F_2}{F_1} = 1,5} \text{ e } \frac{F_3}{F_1} = \frac{4\mu \cdot P}{2\mu \cdot P} \Rightarrow \boxed{\frac{F_3}{F_1} = 2}$$

P.286 a)



Ou seja:



$$b) \begin{cases} F = F_N \\ F_{at.} = P \end{cases}$$

De $F_{at.} \leq \mu F_N$, temos:

$$P \leq \mu_e \cdot F$$

$$F \geq \frac{P}{\mu_e}$$

Para $F_{mín.}$, temos: $f = \frac{P}{\mu_e} \Rightarrow f = \frac{0,05 \cdot 10}{0,4} \Rightarrow f = 1,25 \text{ N}$

c) $P - F_{at.} = ma$

$$P - \mu_d \cdot F_N = ma$$

$$P - \mu_d \cdot \frac{f}{2} = ma$$

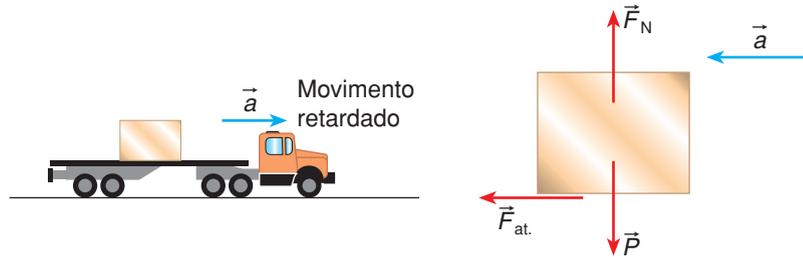
$$0,05 \cdot 10 - 0,3 \cdot \frac{1,25}{2} = 0,05 \cdot a$$

$$a = 6,25 \text{ m/s}^2$$

Para $F = 2f$, o apagador fica em repouso e, portanto: $a = 0$

P.287 a) A força de atrito é nula. Se a força de atrito não fosse nula, o movimento não poderia ser retilíneo e uniforme.

b)



Vamos, inicialmente, achar a aceleração do caminhão, que é a mesma do caixote, considerando-o na iminência de escorregar:

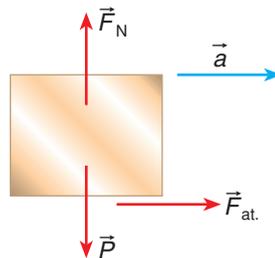
$$F_{\text{at.}} = ma \Rightarrow \mu \cdot F_N = ma \Rightarrow \mu \cdot mg = ma \Rightarrow a = \mu \cdot g \Rightarrow a = 0,25 \cdot 10 \Rightarrow a = 2,5 \text{ m/s}^2$$

De $v = v_0 + \alpha t$, sendo $v = 0$, $v_0 = 20 \text{ m/s}$ e $\alpha = -2,5 \text{ m/s}^2$, temos:

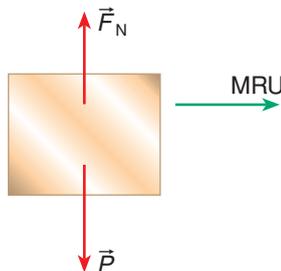
$$0 = 20 - 2,5 \cdot t \Rightarrow t = 8,0 \text{ s}$$

Observações:

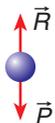
1ª) Se o caminhão estivesse acelerando, as forças no caixote seriam:



2ª) No caso do MRU, temos no caixote somente as forças \vec{P} e \vec{F}_N :

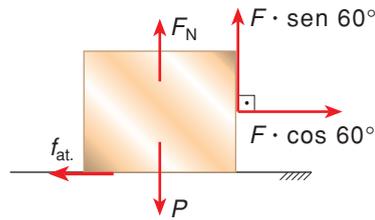


P.288 a)



b) $R = P \Rightarrow 3,0 \cdot v_L^2 = 1,2 \cdot 10 \Rightarrow v_L = 2,0 \text{ m/s}$

P.289 a)



Como o bloco se desloca em MRU, temos:

$$f_{\text{at.}} = F \cdot \cos 60^\circ \Rightarrow f_{\text{at.}} = 100 \cdot 0,50 \Rightarrow f_{\text{at.}} = 50 \text{ N}$$

$$b) F_N + F \cdot \sin 60^\circ = P \Rightarrow F_N + 100 \cdot 0,87 = 187 \Rightarrow F_N = 100 \text{ N}$$

$$f_{\text{at.}} = \mu_d \cdot F_N \Rightarrow 50 = \mu_d \cdot 100 \Rightarrow \mu_d = 0,50$$

P.290 A máxima intensidade da força \vec{F} corresponde ao bloco A na iminência de escorregar. As forças que agem em A estão mostradas ao lado.

Note que a força de atrito acelera o bloco A.

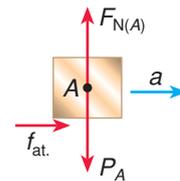
$$F_R = ma$$

Bloco A:

$$f_{\text{at.}} = m_A \cdot a \Rightarrow \mu \cdot F_{N(A)} = m_A \cdot a \Rightarrow \mu \cdot m_A \cdot g = m_A \cdot a \Rightarrow a = \mu \cdot g \Rightarrow a = 0,40 \cdot 10 \Rightarrow a = 4,0 \text{ m/s}^2$$

Sistema A + B:

$$F = (m_A + m_B) \cdot a \Rightarrow F = (2,0 + 4,0) \cdot 4,0 \Rightarrow F = 24 \text{ N}$$



P.291 a) PFD (A + B)

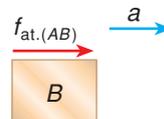
$$F = (m_A + m_B) \cdot a$$

$$4,5 = (1,8 + 1,2) \cdot a$$

$$a = 1,5 \text{ m/s}^2$$

b) PFD (B)

$$f_{\text{at.}(AB)} = m_B \cdot a \quad \textcircled{1}$$



O valor mínimo do coeficiente de atrito estático corresponde ao bloco A na iminência de deslizar sobre B. Assim: $f_{\text{at.}(AB)} = \mu_{\text{mín.}} \cdot F_{N(A)} \Rightarrow f_{\text{at.}(AB)} = \mu_{\text{mín.}} \cdot m_A \cdot g \quad \textcircled{2}$

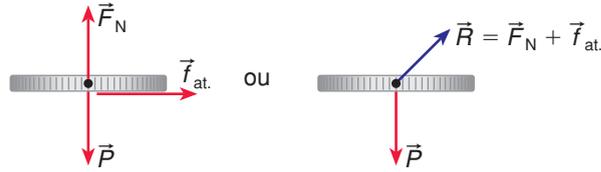
De $\textcircled{1}$ e $\textcircled{2}$:

$$\mu_{\text{mín.}} \cdot m_A \cdot g = m_B \cdot a$$

$$\mu_{\text{mín.}} \cdot 1,8 \cdot 10 = 1,2 \cdot 1,5$$

$$\mu_{\text{mín.}} = 0,1$$

- P.292 a) Na moeda atuam: o seu peso \vec{P} e a força \vec{R} aplicada pelo cartão e que tem como componentes a força normal \vec{F}_N e a força de atrito $\vec{f}_{at.}$.



b) $F_R = ma$

(moeda): $f_{at.} = ma$

Para a moeda, na iminência de escorregar, temos: $f_{at.} = \mu \cdot F_N = \mu mg$

Logo:

$$\mu mg = ma \Rightarrow a = \mu g \Rightarrow a = 0,15 \cdot 10 \Rightarrow a = 1,5 \text{ m/s}^2$$

Para que a moeda escorregue, devemos puxar o cartão com uma força \vec{F} , de modo que a aceleração supere $1,5 \text{ m/s}^2$.

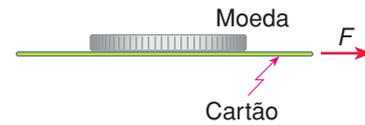
(moeda + cartão): $F = (m_{moeda} + m_{cartão}) \cdot a$

Mas $m_{cartão} = 0$. Logo: $F = m_{moeda} \cdot a$

Para $a = 1,5 \text{ m/s}^2$, a moeda está na iminência de escorregar. Nesse caso:

$$F = 0,010 \cdot 1,5 \Rightarrow F = 1,5 \cdot 10^{-2} \text{ N}$$

Se F for maior do que $1,5 \cdot 10^{-2} \text{ N}$, a moeda vai escorregar.

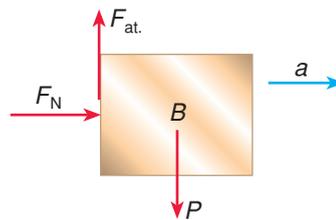


- P.293 Equação fundamental da Dinâmica para (A + B):

$$F = (m_A + m_B) \cdot a \Rightarrow F = 5,4 \cdot a \quad \textcircled{1}$$

F mínimo corresponde a a mínimo e, nesse caso, o corpo B fica na iminência de escorregar ($F_{at.} = \mu \cdot F_N$):

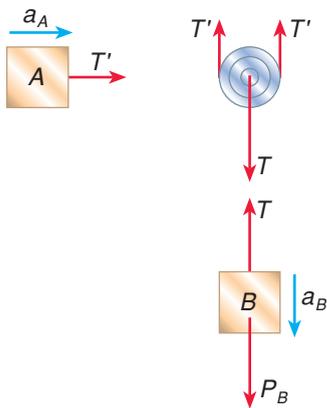
$$\begin{cases} F_{at.} = P \\ F_N = ma \end{cases}$$



$$F_{at.} = \mu \cdot F_N \Rightarrow P = \mu ma \Rightarrow mg = \mu ma \Rightarrow a = \frac{g}{\mu} \Rightarrow a = \frac{10}{0,9} \text{ m/s}^2 \quad \textcircled{2}$$

Substituindo $\textcircled{2}$ em $\textcircled{1}$, temos: $F = 5,4 \cdot \frac{10}{0,9} \Rightarrow F = 60 \text{ N}$

P.294



Polia: $2T' = T \Rightarrow T' = \frac{T}{2}$

Bloco A: $T' = m_A \cdot a_A \Rightarrow \frac{T}{2} = 0,50 \cdot a_A \Rightarrow T = a_A$ ①

Bloco B: $P_B - T = m_B \cdot a_B \Rightarrow 20 - T = 2,0 \cdot a_B$ ②

Relação entre as acelerações: $a_A = 2a_B$ ③

(B está ligado a uma polia móvel)

De ①, ② e ③ temos:

$$\begin{cases} a_A = 10 \text{ m/s}^2 \\ e \\ a_B = 5,0 \text{ m/s}^2 \end{cases}$$

P.295

$$F_x = F \cdot \cos \theta$$

$$F_x = F \cdot \frac{0,9}{1,5}$$

$$F_x = 0,6F$$

$$F_y = F \cdot \sin \theta$$

$$F_y = F \cdot \frac{1,2}{1,5}$$

$$F_y = 0,8F$$

Estando em repouso, temos:

$$F_x = f_{\text{at.}} \quad \text{①}$$

$$F_N = F_y + P \quad \text{②}$$

Sendo $f_{\text{at.}} = \mu \cdot F_N$, vem: $f_{\text{at.}} = \mu(F_y + P)$ ③

De ① e ③:

$$F_x = \mu \cdot (F_y + P)$$

$$0,6F = \frac{1}{8}(0,8F + 0,4 \cdot 10)$$

$$0,6F = 0,1F + 0,5$$

$$0,5F = 0,5$$

$$F = 1 \text{ N}$$

