

ITA
Física

9



- Actíndios
- Sólidos
- Outros metais
- Não-Metais
- Gases nobres

25 Mn Manganés 54.938045	26 Fe Ferro 55.845	27 Co Cobalto 58.933200	28 Ni Níquel 58.6934
43 Tc Técnetio 98	44 Ru Rútenio 101.07	45 Rh Rodio 102.90550	46 Pd Paládio 106.42
75 Re Rênio 186.207	76 Os Ósmio 190.23	77 Ir Iridio 192.222	78 Pt Platina 195.084



MÓDULO 33

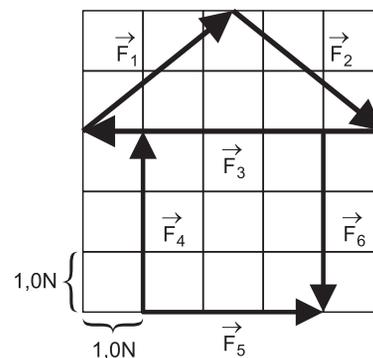
Cinemática VII

1. Considere três forças, \vec{F}_1 , \vec{F}_2 e \vec{F}_3 , de intensidades constantes e iguais a 3,0N, 4,0N e 6,0N, respectivamente. Os ângulos formados entre as forças podem ser modificados adequadamente.

Determine

- a intensidade mínima que a resultante das três forças poderá ter.
- a intensidade máxima que a resultante das três forças poderá ter.

2. (Olimpíada Colombiana de Física) – A figura mostra um sistema de seis forças aplicadas em uma partícula. O lado de cada quadrado na figura representa uma força de intensidade 1,0N.



A força resultante do sistema tem intensidade igual a:

- zero
- 3,0N
- 4,0N
- 5,0N
- 6,0N

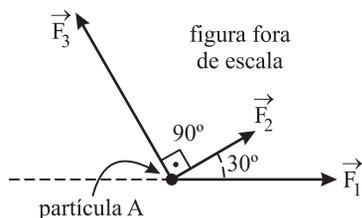
3. Três forças coplanares constantes e de módulos $F_1 = 5\text{N}$, $F_2 = 2\sqrt{3}\text{N}$ e $F_3 = 16\text{N}$ passam a atuar sobre uma partícula A que, inicialmente, encontrava-se em repouso, conforme a figura abaixo. Para que a partícula fique em equilíbrio, devemos aplicar sobre ela uma quarta força \vec{F}_4 cujo módulo, em newtons, vale,

- a) 2 b) 8 c) $9\sqrt{3}$ d) 21 e) $23\sqrt{3}$

Dados

$$\sin 30^\circ = \cos 60^\circ = 0,5$$

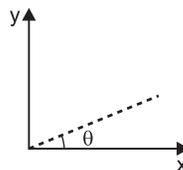
$$\sin 60^\circ = \cos 30^\circ = \frac{\sqrt{3}}{2}$$



4. (FUVEST-SP) – Um corpo move-se sobre um plano com uma trajetória dada pelo vetor posição $\vec{r} = \alpha \vec{i} + \beta t^2 \vec{j}$, em que t é o tempo e α e β são constantes positivas. O instante no qual o corpo cruza a reta tracejada mostrada na figura é dado por

a) $\sqrt{\frac{\alpha}{\beta \operatorname{tg} \theta}}$ b) $\operatorname{tg} \theta \sqrt{\frac{\alpha}{\beta}}$ c) $\sqrt{\frac{\alpha}{\beta}}$

d) $\sqrt{\frac{\alpha}{\beta} \operatorname{tg} \theta}$ e) $\frac{1}{\operatorname{tg} \theta} \sqrt{\frac{\alpha}{\beta}}$



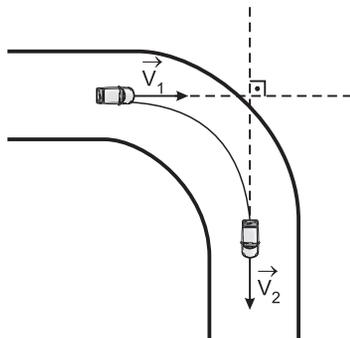
\vec{i} = versor do eixo x

\vec{j} = versor do eixo y

MÓDULO 34

Cinemática VIII

1. (AFA-2010) – Um carro percorre uma curva circular com velocidade escalar constante de 15 m/s completando-a em $5\sqrt{2}$ s, conforme figura abaixo.



É correto afirmar que o módulo da aceleração vetorial média experimentada pelo carro nesse trecho, em m/s^2 , é

a) 0 b) 1,8 c) 3,0 d) 5,3

2. (ITA) – Uma partícula descreve um movimento circular de raio R , partindo do repouso e com aceleração tangencial de intensidade constante (a_T). A relação entre as intensidades da aceleração centrípeta (a_c) e da aceleração tangencial: a_c/a_T , em um instante t , é

- a) $a_T^2 t/R$ b) $\frac{R}{a_T} t^2$ c) V^2/R
 d) $a_T t/R$ e) $a_T t^2/R$

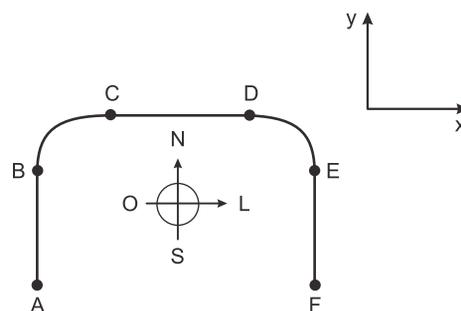
3. (ITA-2007) – A figura mostra uma pista de corrida A B C D E F, com seus trechos retilíneos e circulares percorridos por um atleta desde o ponto A, de onde parte do repouso, até a chegada em F, onde pára. Os trechos BC, CD e DE são percorridos com a mesma velocidade de módulo constante.

Considere as seguintes afirmações:

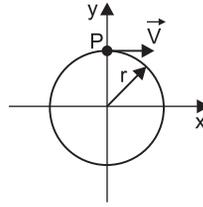
- I. O movimento do atleta é acelerado nos trechos AB, BC, DE e EF.
- II. O sentido da aceleração vetorial média do movimento do atleta é o mesmo nos trechos AB e EF.
- III. O sentido da aceleração vetorial média do movimento do atleta é para sudeste no trecho BC, e, para sudoeste, no DE.

Então, está(ão) correta(s)

- a) apenas a I. b) apenas a I e II.
 c) apenas a I e III. d) apenas a II e III.
 e) todas.



4. (FUVEST) – Uma partícula desloca-se, no sentido horário, sobre uma trajetória circular de raio $r = 3,0\text{m}$. A magnitude da velocidade da partícula, em função do tempo, é dada por $V = 1,0 + 2,0t$, com V em m/s e t em segundos. Se em $t = 1,0\text{s}$, a partícula se encontra na posição P



indicada na figura, o vetor aceleração da partícula, com módulo medido em m/s^2 , nesse instante, é

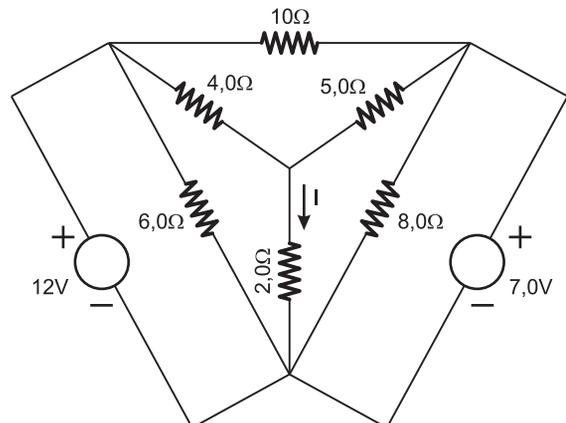
- a) $2,0\vec{i}$ b) $2,0\vec{i} - 4,0\vec{j}$ c) $-3,0\vec{i}$
d) $2,0\vec{i} - 3,0\vec{j}$ e) $-2,0\vec{i} + 2,0\vec{j}$

Nota: \vec{i} e \vec{j} são os versores dos eixos x e y , respectivamente

MÓDULO 35

Eletrodinâmica VI

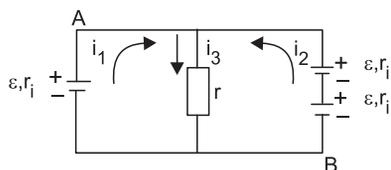
1. (IME-2008) – A figura ilustra um circuito resistivo conectado a duas fontes de tensão constante. Considere as resistências em ohms. O módulo da corrente I que atravessa o resistor de $2,0\Omega$ é, aproximadamente:



- a) 0,86A b) 1,57A c) 2,32A
 d) 2,97A e) 3,65A

2. (ITA-94) – Baseado no esquema a seguir, no qual, $\epsilon = 2,0V$, $r_i = 1,0\Omega$ e $r = 10\Omega$ e as correntes estão indicadas, podemos concluir que os valores de i_1 , i_2 , i_3 e $V_B - V_A$ são:

	i_1	i_2	i_3	$V_B - V_A$
a)	0,20A	-0,40A	0,20A	2,0V
b)	-0,18A	0,33A	0,15A	-1,5V
c)	0,20A	0,40A	0,60A	6,0V
d)	-0,50A	0,75A	0,25A	-2,5V
e)	0,18A	0,33A	0,51A	5,1V



3. (ITA-2007) – No circuito da figura, têm-se as resistências R , R_1 , R_2 e as fontes V_1 e V_2 aterradas, A corrente i indicada é

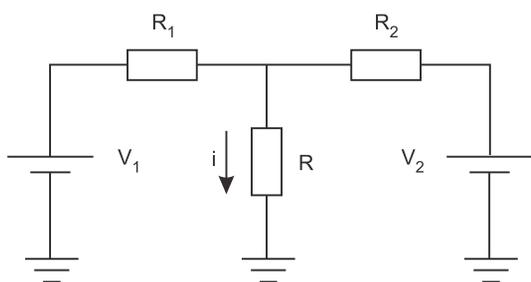
a) $\frac{(V_1 R_2 - V_2 R_1)}{R_1 R_2 + R R_2 + R R_1}$.

b) $\frac{(V_1 R_1 + V_2 R_2)}{R_1 R_2 + R R_2 + R R_1}$.

c) $\frac{(V_1 R_1 - V_2 R_2)}{R_1 R_2 + R R_2 + R R_1}$.

d) $\frac{(V_1 R_2 + V_2 R_1)}{R_1 R_2 + R R_2 + R R_1}$.

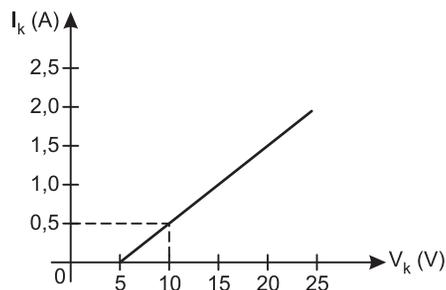
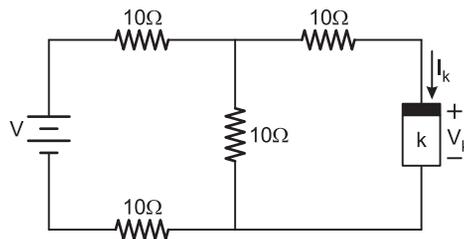
e) $\frac{(V_2 R_1 - V_1 R_2)}{R_1 R_2 + R R_2 + R R_1}$.



MÓDULO 36

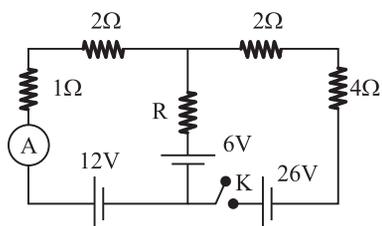
Eletrodinâmica VII

1. (IME-RJ) – O elemento passivo k , cuja potência máxima de utilização é de 30watts, tem a característica tensão-corrente dada pelo gráfico a seguir:

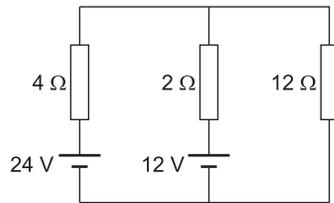


Determine o maior valor positivo que se pode permitir para a tensão V da bateria.

2. No circuito abaixo, no qual os geradores elétricos são ideais, verifica-se que, ao mantermos a chave **K** aberta, a intensidade de corrente assinalada pelo amperímetro ideal **A** é $i = 1\text{A}$. Ao fecharmos essa chave **K**, o mesmo amperímetro assinalará uma intensidade de corrente igual a i' . Calcule o valor de i' .



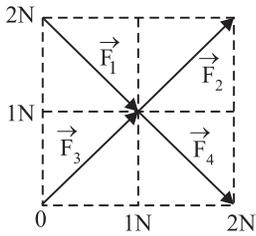
3. (ITA-2005) – Um técnico em eletrônica deseja medir a corrente que passa pelo resistor de $12\ \Omega$ no circuito da figura. Para tanto, ele dispõe apenas de um galvanômetro e uma caixa de resistores. O galvanômetro possui resistência interna $R_g = 5\ \text{k}\Omega$ e suporta, no máximo, uma corrente de $0,1\ \text{mA}$. Determine o valor máximo do resistor R a ser colocado em paralelo com o galvanômetro para que o técnico consiga medir a corrente.



exercícios-tarefa

■ MÓDULOS 33 E 34

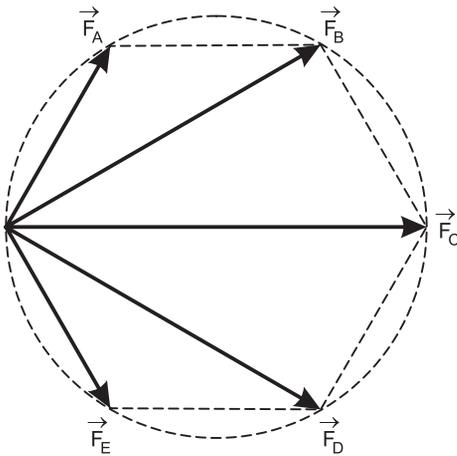
1. Na figura, representamos quatro forças.



Cada lado do quadrado pontilhado corresponde a 1N. O módulo da força resultante das quatro forças representadas é igual a

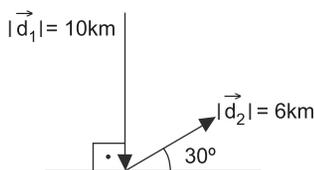
- a) 0 b) 1N c) 2N
d) 4N e) 8N

2. A figura mostra 5 forças representadas por vetores de origem comum, dirigindo-se aos vértices de um hexágono regular. Sendo 10N o módulo da força \vec{F}_C , a intensidade da resultante dessas 5 forças é:



- a) 50 N b) 45 N c) 40 N d) 35 N e) 30 N

3. (UNESP) – Um caminhoneiro efetuou duas entregas de mercadorias e, para isso, seguiu o itinerário indicado pelos vetores deslocamentos \vec{d}_1 e \vec{d}_2 ilustrados na figura.



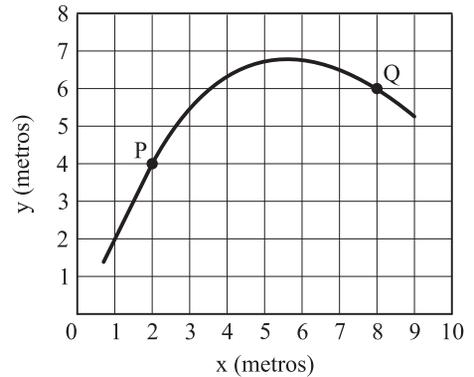
Para a primeira entrega, ele deslocou-se 10 km e para a segunda entrega, percorreu uma distância de 6 km. Ao final da segunda entrega, a distância a que o caminhoneiro se encontra do ponto de partida é

- a) 4 km b) 8 km c) $2\sqrt{19}$ km
d) $8\sqrt{3}$ km e) 16 km

4. (FUVEST-TRANSFERÊNCIA) – A figura abaixo representa a trajetória bidimensional de uma partícula movendo-se no plano xy. Se a partícula passa pelo ponto P, no instante de tempo t, e pelo ponto Q, após 1 segundo, a velocidade vetorial média da partícula entre P e Q, em unidades do sistema SI, é dada por:

- a) $6\vec{i} + 3\vec{j}$ b) $2\vec{i} + 3\vec{j}$ c) $2\vec{i} + 2\vec{j}$
d) $6\vec{i} + 2\vec{j}$ e) $3\vec{i} + 6\vec{j}$

Dados: \vec{i} é o versor do eixo x; \vec{j} é o versor do eixo y

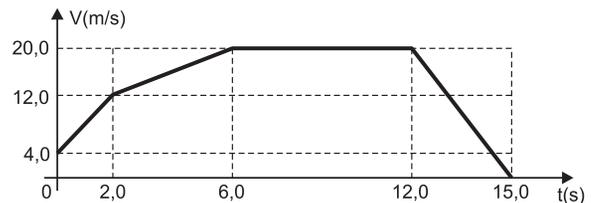


5. (ITA) – Um ponto material tem aceleração vetorial constante.

A respeito de sua trajetória, podemos afirmar:

- a) pode ser uma circunferência;
b) só pode ser uma reta;
c) só pode ser uma parábola;
d) só pode ser uma reta ou uma parábola;
e) só pode ser um ponto, uma reta ou uma parábola.

6. O gráfico da velocidade escalar em função do tempo, mostrado a seguir, representa o movimento de um carro que descreve uma trajetória circular de raio 16,0m.



Pedem-se:

- a) a velocidade escalar média entre os instantes $t = 0$ e $t = 6,0s$.
b) o intervalo de tempo, a partir do instante $t = 0$, para que o carro complete uma volta. Adote $\pi = 3$.
c) o módulo da aceleração vetorial no instante $t = 8,0s$.

7. Uma partícula descreve uma circunferência de raio $R = 4,0\text{m}$ com aceleração escalar γ variando com o tempo t segundo a relação:

$$\gamma = 2,0t - 4,0 \text{ (SI)}$$

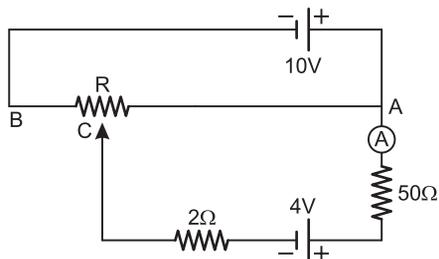
Sabe-se que em certo instante t_1 a aceleração vetorial da partícula é nula.

Pedem-se:

- o instante t_1 .
- o gráfico da função $\gamma = f(t)$.
- a velocidade escalar da partícula no instante $t = 0$.
- o módulo da aceleração vetorial da partícula no instante $t = 0$.

■ MÓDULOS 35 E 36

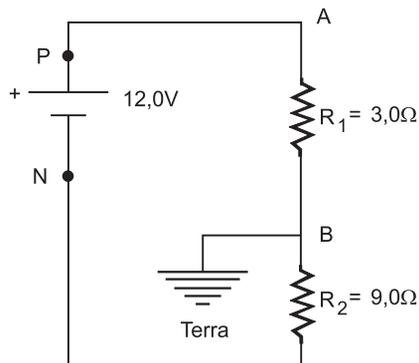
1. (ITA) – No circuito a seguir, quando o cursor é colocado no ponto C, o amperímetro A não acusa passagem de corrente.



Qual a diferença de potencial entre os pontos C e B?

- 4V
- 6V
- 10V
- 16V
- nenhum dos valores acima.

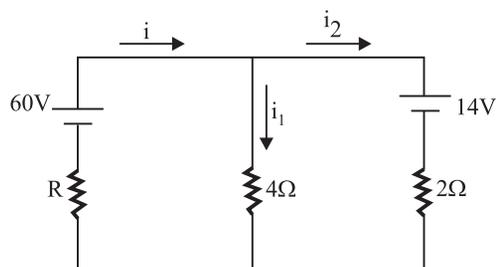
2. (ITA) – No circuito da figura, o gerador tem f.e.m. de $12,0\text{V}$ e resistência interna desprezível. Liga-se o ponto B à Terra (potencial zero). O terminal negativo N do gerador ficará ao potencial V_N , e a potência dissipada no circuito, por efeito Joule, será P.



Os valores de V_N e P serão dados por:

- | V_N | P |
|----------|-------|
| a) +9,0V | 12,0W |
| b) -9,0V | 12,0W |
| c) nulo | 48,0W |
| d) nulo | 3,0W |
| e) nulo | 12,0W |

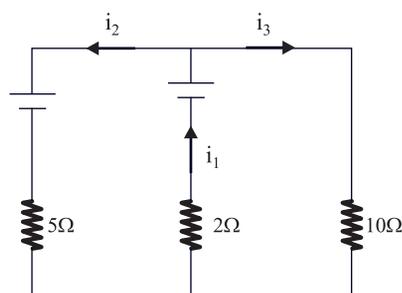
3.



No circuito anterior, o gerador e o receptor são ideais e as correntes têm os sentidos indicados. Se a intensidade da corrente i_1 é 5A , então o valor da resistência do resistor R é

- 8Ω
- 5Ω
- 4Ω
- 6Ω
- 3Ω

4. No circuito elétrico representado a seguir, os sentidos das correntes foram indicados corretamente e a intensidade de corrente i_2 é 2A .



A força eletromotriz do gerador ideal vale 40V e a força contra-eletromotriz do receptor ideal vale

- 5 V
- 12 V
- 15 V
- 20 V
- 25 V

5. (FUVEST-SP) – No circuito mostrado na Fig. 1, os três resistores têm valores $R_1 = 2\Omega$, $R_2 = 20\Omega$ e $R_3 = 5\Omega$. A bateria B tem tensão constante de 12V . A corrente i_1 é considerada positiva no sentido indicado. Entre os instantes $t = 0\text{s}$ e $t = 100\text{s}$, o gerador G fornece uma tensão variável $V = 0,5t$ (V em volt e t em segundo).

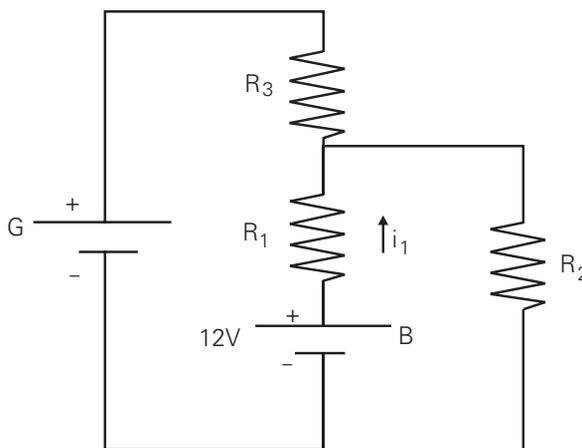
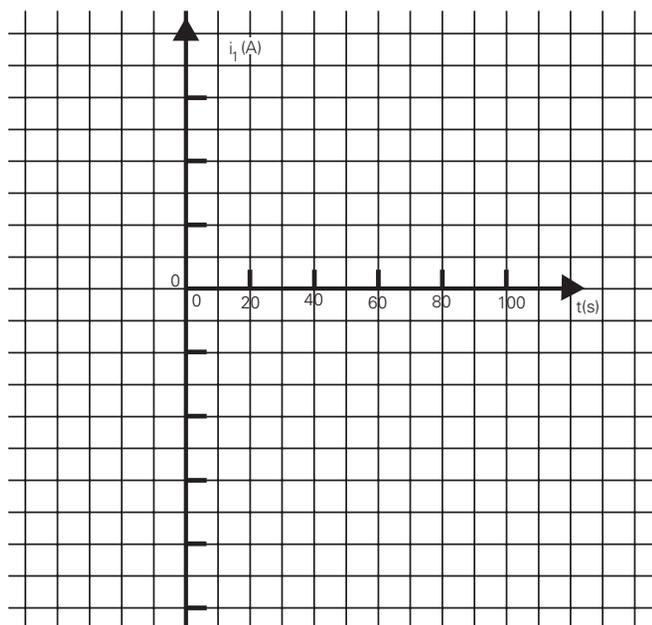


Fig.1

- a) Determine o valor da corrente i_1 para $t = 0\text{s}$.
- b) Determine o instante t_0 em que a corrente i_1 é nula.
- c) Trace a curva que representa a corrente i_1 em função do tempo t , no intervalo de 0 a 100s. Utilize os eixos da figura adiante, indicando claramente a escala da corrente, em ampère (A).
- d) Determine o valor da potência P recebida ou fornecida pela bateria B no instante $t = 90\text{s}$.



6. (FUVEST-SP) – No circuito da figura, o componente D, ligado entre os pontos A e B, é um diodo. Esse dispositivo se comporta, idealmente, como uma chave controlada pela diferença de potencial entre seus terminais. Sejam V_A e V_B os potenciais elétricos dos pontos A e B, respectivamente.

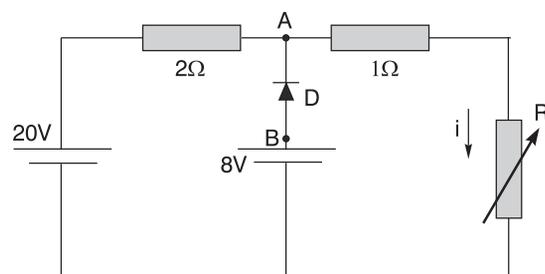
Se $V_B < V_A$, o diodo se comporta como uma chave aberta, não deixando fluir nenhuma corrente através dele, e se $V_B \geq V_A$, o diodo se comporta como uma chave fechada, de resistência tão pequena que pode ser desprezada, ligando o ponto B ao ponto A. O resistor R tem uma resistência variável de 0 a 2Ω .

Sabe-se que $V_B \geq V_A$ quando $0 \leq R < \frac{1}{3}\Omega$ e $V_B < V_A$

quando $\frac{1}{3}\Omega < R \leq 2\Omega$.

Neste circuito determine o valor da

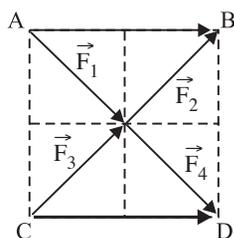
- a) corrente i através do resistor R, quando a sua resistência é 2Ω .
- b) corrente i_0 , através do resistor R, quando a sua resistência é zero e o valor da corrente nos outros elementos do circuito.



resolução dos exercícios-tarefa

■ MÓDULOS 33 E 34

1)



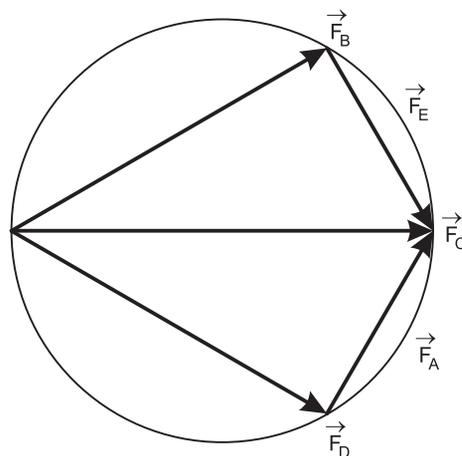
O vetor \vec{AB} de módulo 2N representa a soma $\vec{F}_1 + \vec{F}_2$.

O vetor \vec{CD} de módulo 2N representa a soma $\vec{F}_3 + \vec{F}_4$.

A soma $\vec{AB} + \vec{CD}$ terá módulo 4N e representa a força resultante $\vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 + \vec{F}_4$.

Resposta: D

2)



Colocando-se \vec{F}_E a partir da extremidade de \vec{F}_B e \vec{F}_A a partir da extremidade de \vec{F}_D , verificamos que, pela regra do polígono:

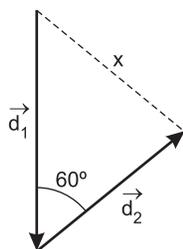
$$\vec{F}_B + \vec{F}_E = \vec{F}_C$$

$$\vec{F}_D + \vec{F}_A = \vec{F}_C$$

$$\vec{R} = 3\vec{F}_C \Rightarrow |\vec{R}| = 3|\vec{F}_C| = 30\text{N}$$

Resposta: E

- 3) A distância x é dada pela aplicação da lei dos co-senos no triângulo da figura:



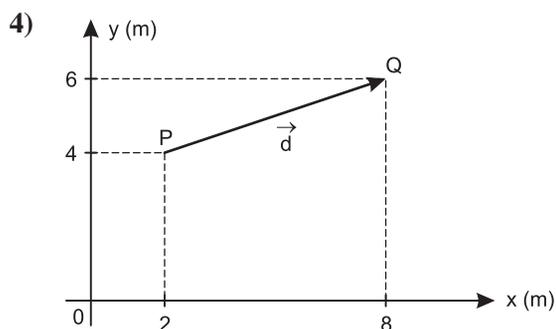
$$x^2 = d_1^2 + d_2^2 - 2d_1 d_2 \cos 60^\circ$$

$$x^2 = (10)^2 + (6)^2 - 2 \cdot 10 \cdot 6 \cdot \frac{1}{2}$$

$$x^2 = 100 + 36 - 60 = 76 = 4 \cdot 19$$

$$x = 2\sqrt{19} \text{ km}$$

Resposta: C



$$\vec{d} = 6\vec{i} + 2\vec{j} \text{ (SI)}$$

$$\vec{V}_m = \frac{\vec{d}}{\Delta t} = \frac{6\vec{i} + 2\vec{j}}{1} \text{ (SI)}$$

$$\vec{V}_m = 6\vec{i} + 2\vec{j} \text{ (SI)}$$

Resposta: D

5) Resposta: E

6) a) 1) $\Delta s = \text{área} (V \times t)$

$$\Delta s = (12,0 + 4,0) \frac{2,0}{2} + (20,0 + 12,0) \frac{4,0}{2} \text{ (m)}$$

$$\Delta s = 80,0\text{m}$$

2) $V_m = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{80,0\text{m}}{6,0\text{s}}$

$$V_m = 13,3\text{m/s}$$

b) Para completar uma volta, a distância percorrida deve ser:

$$\Delta s = C = 2\pi R = 2 \cdot 3 \cdot 16,0 \text{ (m)} = 96,0\text{m}$$

A partir do instante $t_1 = 6,0\text{s}$, falta percorrer 16,0m.

$$V = \frac{\Delta s}{\Delta t} \Rightarrow 20,0 = \frac{16,0}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = 0,8\text{s}$$

$$T = t_1 + \Delta t = 6,8\text{s}$$

c) No instante $t = 8,0\text{s}$, o movimento é circular e uniforme e a aceleração é centrípeta.

$$|\vec{a}_{cp}| = \frac{V^2}{R} = \frac{(20,0)^2}{16,0} \text{ (m/s}^2\text{)}$$

$$|\vec{a}_{cp}| = 25,0\text{m/s}^2$$

Respostas: a) $\approx 13,3\text{m/s}$ b) 6,8s c) 25,0m/s²

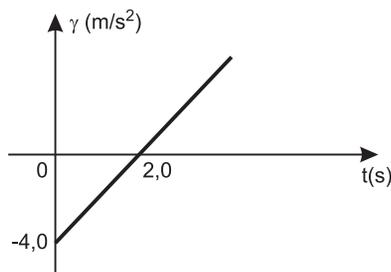
7) a) Para que a aceleração vetorial seja nula, devemos ter simultaneamente nulas as acelerações tangencial e centrípeta.

Como $|\vec{a}| = |\gamma|$, basta impormos que, no instante t_1 , a aceleração escalar γ seja nula:

$$\gamma = 2,0t - 4,0 \text{ (SI)}$$

$$0 = 2,0t_1 - 4,0 \Rightarrow t_1 = 2,0\text{s}$$

b)



$$\left\{ \begin{array}{l} t = 0 \\ \gamma = -4,0\text{m/s}^2 \end{array} \right\} \quad \left\{ \begin{array}{l} t = 2,0\text{s} \\ \gamma = 0 \end{array} \right\}$$

c) (1) $\Delta V = \text{área do gráfico} (\gamma \times t)$

$$\Delta V_1 = - \frac{2,0 \cdot 4,0}{2} \text{ (m/s)} \Rightarrow \Delta V_1 = -4,0\text{m/s}$$

(2) No instante t_1 , devemos ter $V_1 = 0$ porque a aceleração centrípeta deve ser nula.

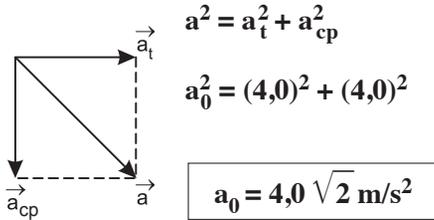
(3) $\Delta V_1 = V_1 - V_0$

$$-4,0 = 0 - V_0 \Rightarrow V_0 = 4,0\text{m/s}$$

d) (1) $|\vec{a}_t| = |\gamma_0| = 4,0\text{m/s}^2$ (instante $t = 0$)

(2) $|\vec{a}_{cp}| = \frac{V_0^2}{R} = \frac{16,0}{4,0} \text{ (m/s}^2\text{)} = 4,0\text{m/s}^2$

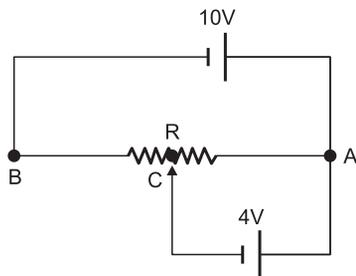
(3)



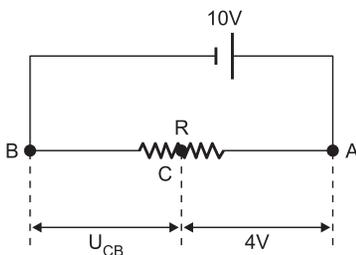
Respostas: a) 2,0s b) ver gráfico
 c) 4,0m/s d) $4,0 \sqrt{2} \text{ m/s}^2$

■ MÓDULOS 35 E 36

1) Se o amperímetro não acusa passagem de corrente elétrica, o circuito dado resume-se a:



Assim, temos:



$$U_{CB} + U_{AC} = 10V$$

$$U_{CB} + 4V = 10V$$

$$U_{CB} = 6V$$

Resposta: B

2) Cálculo da intensidade total (i) da corrente elétrica:

$$i = \frac{E}{R_1 + R_2} \Rightarrow i = \frac{12}{3,0 + 9,0} \text{ (A)} \Rightarrow i = 1,0A$$

Mas: $U_{BC} = R_2 i$
 $V_B - V_C = 9,0 \text{ (1,0)}$
 $V_B - V_C = 9,0V$

Temos ainda: $V_B = 0$ e $V_C = V_N$
 $0 - V_N = 9,0V$

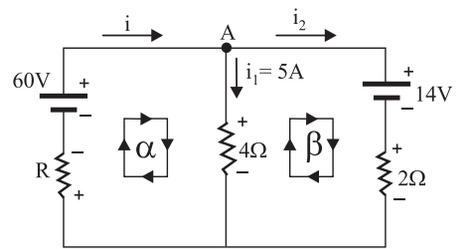
$$V_N = -9,0V$$

Finalmente: $P = (R_1 + R_2) i^2$
 $P = (3,0 + 9,0) \cdot 1,0^2$

$$P = 12,0W$$

Resposta: B

3)



Nó A

$$i = i_1 + i_2$$

$$i = 5 + i_2 \text{ (1)}$$

Malha β

$$+14 + 2 \cdot i_2 - 4 \cdot i_1 = 0$$

$$+14 + 2i_2 - 4 \cdot 5 = 0 \therefore i_2 = 3A$$

De (1), vem $i = 8A$

Malha α

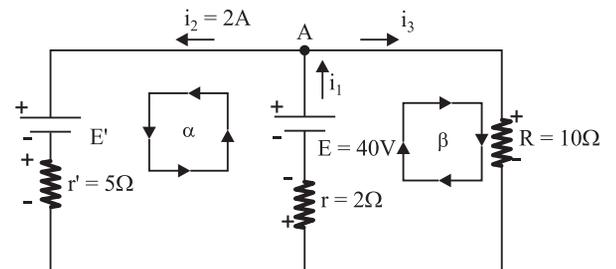
$$+4 \cdot i_1 + R \cdot i - 60 = 0$$

$$+4 \cdot 5 + R \cdot 8 - 60 = 0$$

$$R = 5\Omega$$

Resposta: B

4)



Nó A: $i_1 = 2 + i_3$ ①

Malha α: $E' + 5 \cdot 2 + 2 \cdot i_1 - 40 = 0$

$$E' + 2 i_1 = 30 \text{ ②}$$

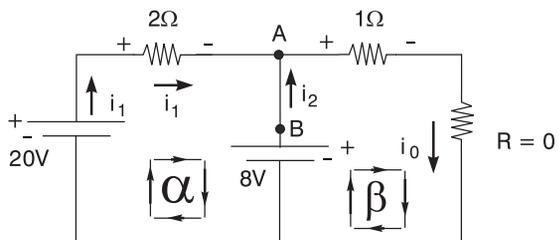
Malha β: $+10 i_3 + 2 i_1 - 40 = 0$

$$5 i_3 + i_1 = 20 \text{ ③}$$

$$i = \frac{20}{5} \Rightarrow \boxed{i = 4 \text{ A}}$$

b) Para $R = 0$, temos $V_B \geq V_A$ e o diodo se comporta como uma chave fechada de resistência muito pequena que pode ser desprezada.

Temos o circuito:



$$\text{Malha } \alpha: -20 + 2i_1 + 8 = 0 \Rightarrow \boxed{i_1 = 6 \text{ A}}$$

$$\text{Malha } \beta: -8 + 1 \cdot i_0 = 0 \Rightarrow \boxed{i_0 = 8 \text{ A}}$$

$$\text{Nó A: } i_1 + i_2 = i_0$$

$$6 + i_2 = 8 \Rightarrow \boxed{i_2 = 2 \text{ A}}$$

Respostas: a) 4A b) 8A 6A 2A